

Polygon Frames.

نسألكم الدعاء

If you download the Free **APP. RC Structures**  on your smart phone or tablet, you will be able to play illustrative movies For any paragraph that has a QR code icon 

إذا حملت تطبيق **RC Structures**  على تليفونك المحمول او اللوح السطحي ستستطيع أن تشغل أفلام شرح للمقاطع التي تحتوى على رمز 

Polygon Frames. Table of Contents.

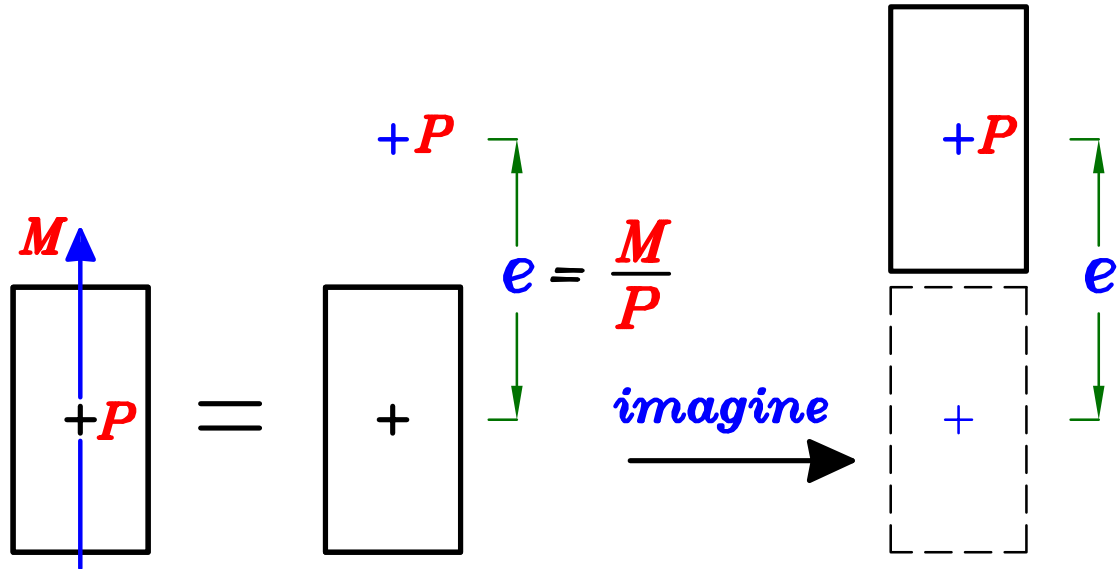
| | |
|--|----------------|
| Introduction. | Page 2 |
| Concept of Polygon Frames. | Page 7 |
| Loads on polygon Frame. | Page 8 |
| Design sections of polygon Frame. | Page 9 |
| Triangular Polygon Frames. | Page 12 |
| Using Solid Slabs on Triangular Polygon Frame. | Page 19 |
| RFT. of Triangular Polygon Frame. | Page 20 |
| Trapezoidal Polygon Frames. | Page 27 |
| RFT. of Trapezoidal Polygon Frame. | Page 33 |
| Using Solid Slabs on Trapezoidal Polygon Frame. | Page 39 |
| Two Hinged Polygon Frames. | Page 40 |
| Polygon Frames Examples. | Page 41 |
| Important Notes about Polygon Frames. | Page 73 |
| Reinforcement splices in Tie. | Page 76 |

Introduction.

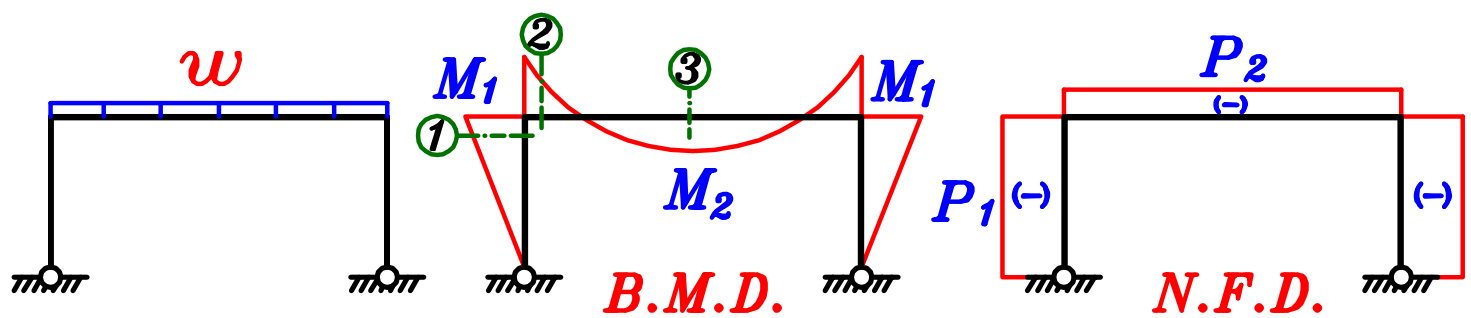


Thrust Line. (Pressure Line).

للقطاعات المؤثر عليها M , P اذا تخيلنا أنه تم ترحيل القطاع مسافه e عكس اتجاه ال $moment$ سيكون القطاع المرحل عليه $Normal Force$ فقط وبالتالي عند تصميمه سيحتاج ابعاد قطاع اقل و كميته حديد تسليح اقل .



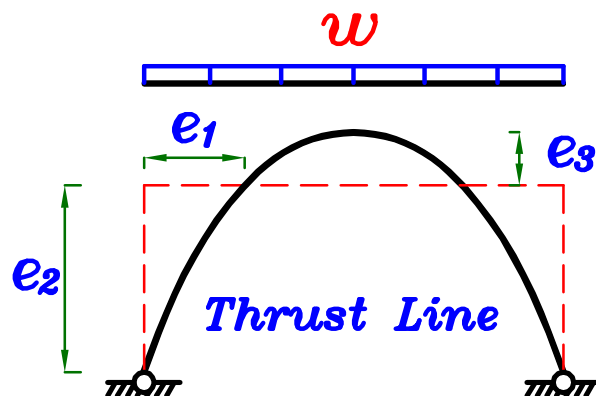
اذا استطعنا لاي $structure$ ان نرحل كل قطاعاته عكس اتجاه ال $moment$ مسافه e سنضمن ان ال $structure$ الجديد كل قطاعاته سيؤثر عليها $Normal Force$ فقط .
و بالتالي تكون ابعاد قطاعاته و كميات حديد تسليحه اقل فتكون تكلفته اقل .
و يسمى ال $structure$ الجديد $Thrust Line$ أو $Pressure Line$.



$$\text{Sec. ①} \quad e_1 = \frac{M_1}{P_1}$$

$$\text{Sec. ②} \quad e_2 = \frac{M_1}{P_2}$$

$$\text{Sec. ③} \quad e_3 = \frac{M_2}{P_2}$$



من المنشآت التي شكلها نفس شكل (Thrust Line)

1 – Triangular Polygon Frame.

2 – Trapezoidal Polygon Frame.

و لأن في هذه المنشآت تكون قيمه (axial Force) تقريبا ثابتة على جميع القطاعات .

$$\text{أى أن } \left(e = \frac{M}{P} = \frac{M}{\text{constant}} \right)$$

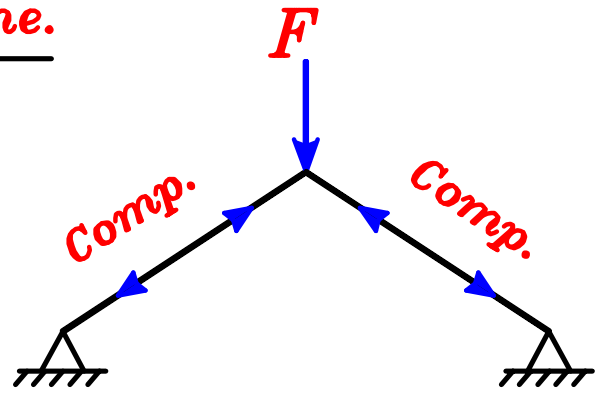
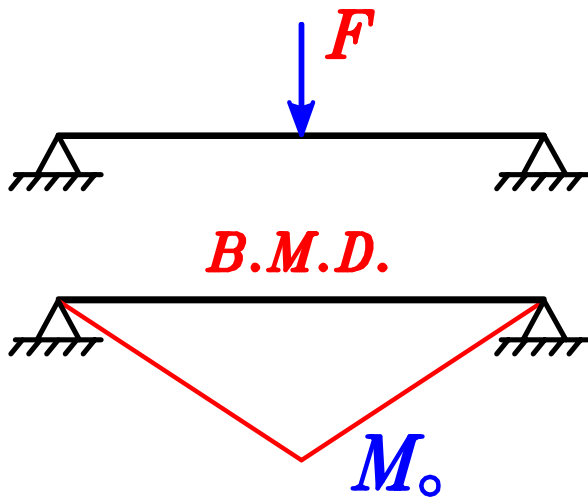
لذا اذا رسمنا شكل ال (structure) عكس شكل ال (B.M.D.) يكون هو نفسه

شكل ال (Thrust Line) أى لا يكون عليه (Bending moment)

و لكن يؤثر عليه فقط (axial Force) .

و هذه تعتبر ميزه اقتصاديه لأن هذا يوفر فى كميات كلا من الخرسانه و حديد التسليح .

1 – Triangular Polygon Frame.

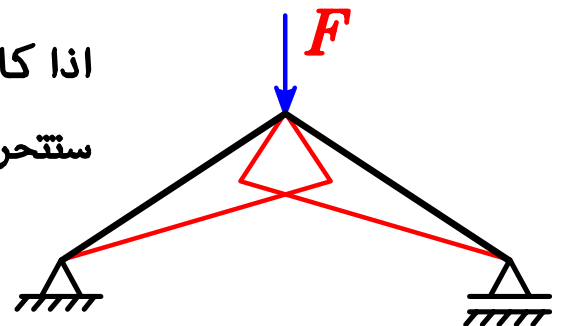


اذا تم عمل ال (Girder) عكس شكل ال (moment) ستكون قيمه ال (moment)

عليه تساوى Zero و سيؤثر عليه (axial compression Force) فقط

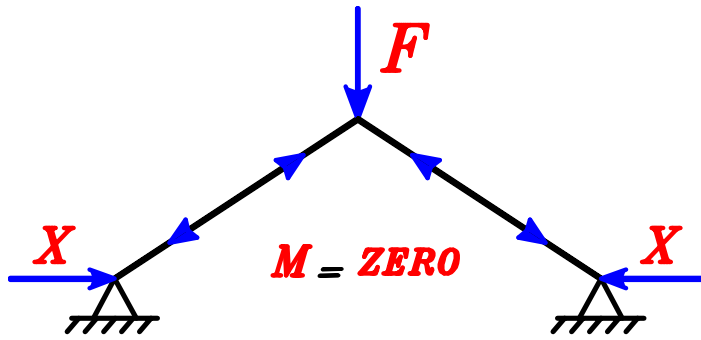
و لكن بشرط عدم حركه ال (2 supports)

اذا كان ال 2 supports → Hinged and Roller ستتحرك ال roller للخارج و سيحدث عزوم على ال girder

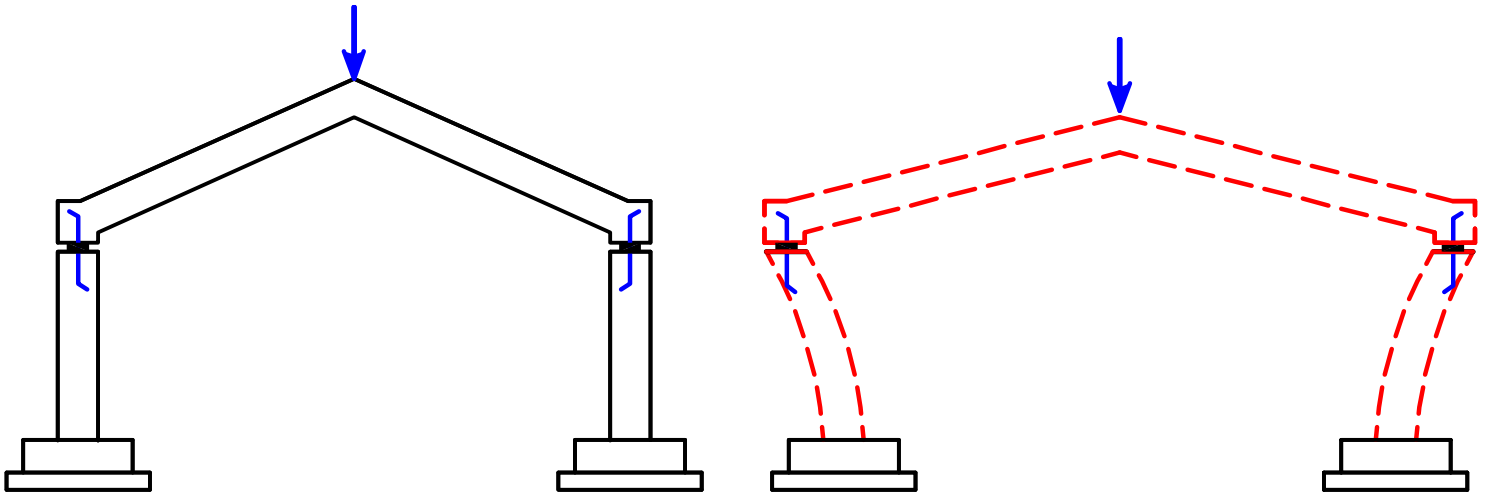


إذا أخذنا ال **2 supports** → **Hinged and Hinged**

و كان موضوع فوق أعمده

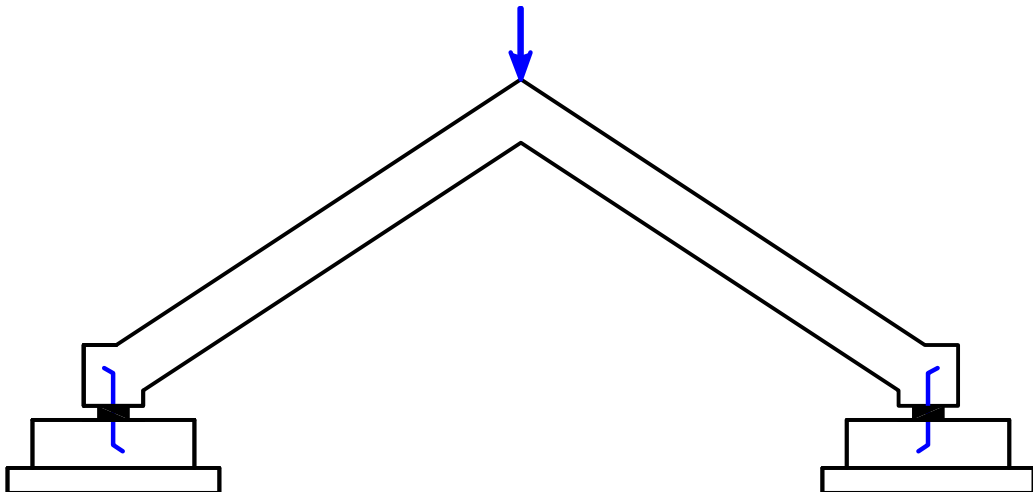


سيحدث **sway** للأعمده و بالتالي سيعمل عزوم كبيره على الأعمده .



إذا كان ال **girder** موضوع على القواعد مباشرة (حاله نادره) .

يمكن أخذ ال **2 supports** → **Hinged and Hinged**

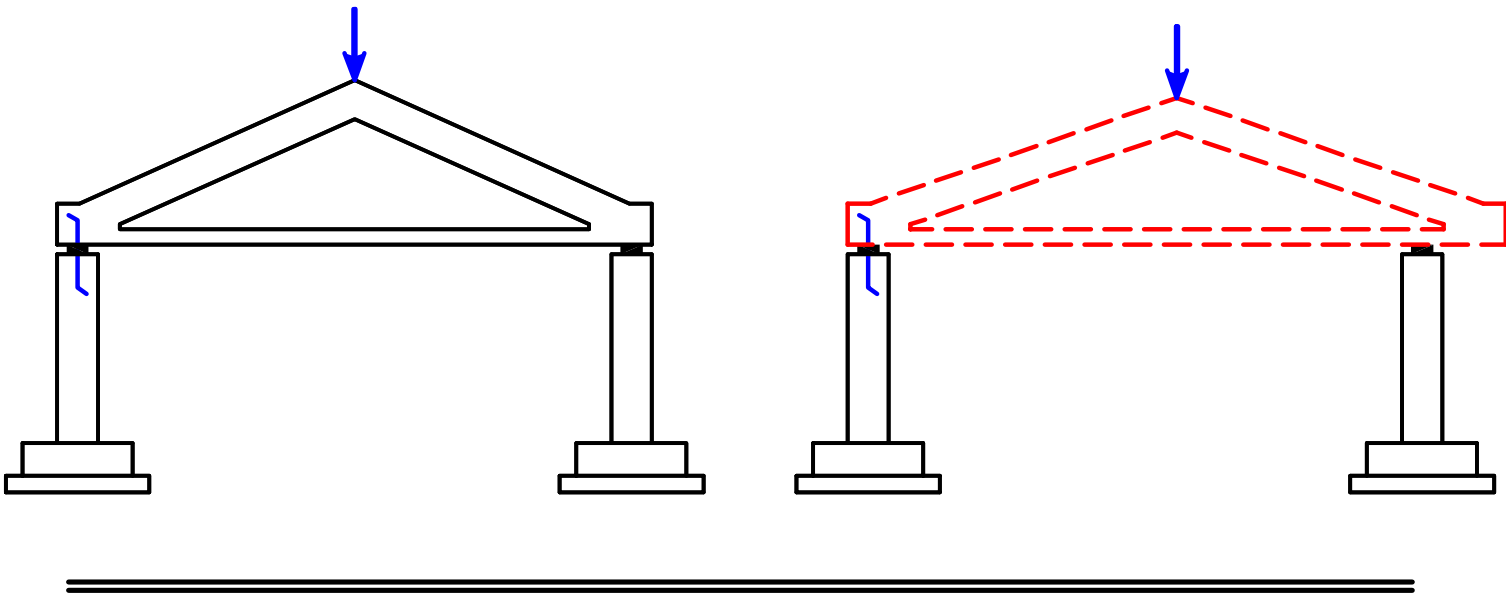


أفضل حل لا *Polygon Frame*

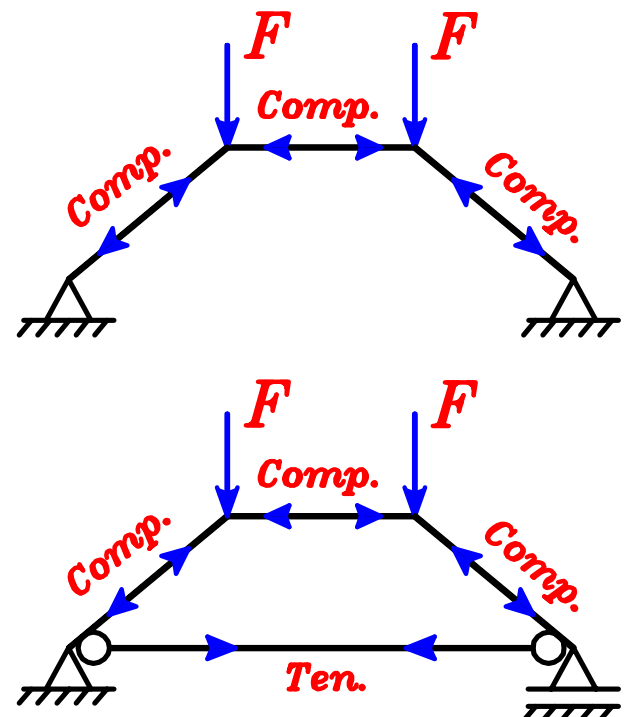
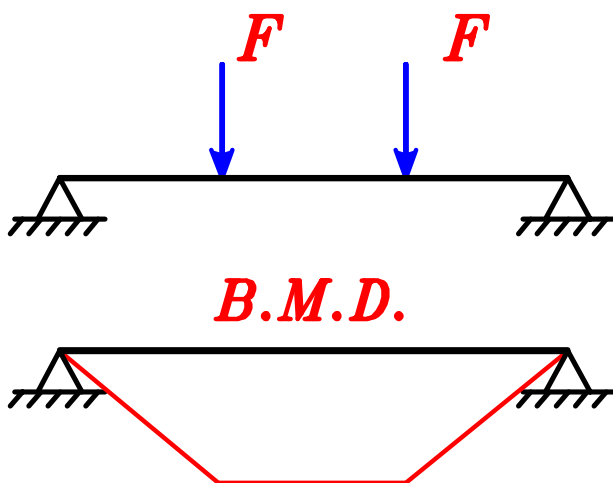
أن نأخذ ال *2 supports* → *Hinged and Roller*

مع وجود *Tie* لمنع حدوث *sway* لا *Girder*

لكن نتيجة حدوث *Extension of the Tie* تحدث عزوم بسيطة على ال *Girder* و لكن لا توجد عزوم على الأعمدة .



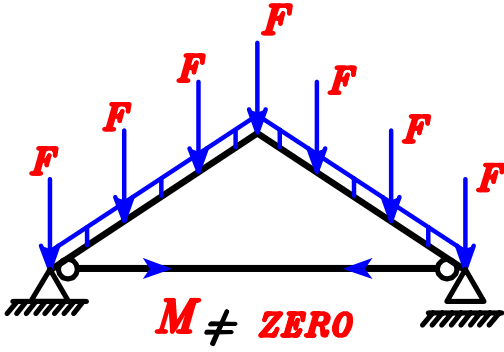
2 – Trapezoidal Polygon Frame.



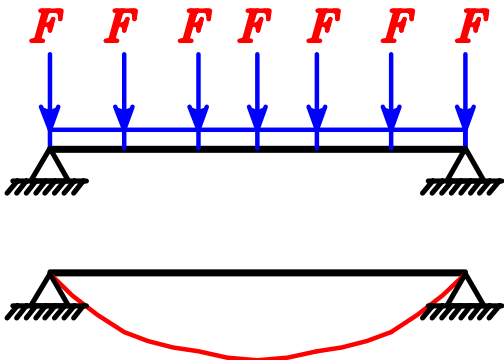
و لكي نستفيد من ال **Polygon Frames**

أى أن نجعل ال **B.M.** على المنشأ تقريبا يساوى **Zero** (أى أن كل القوى **N.F.** فقط)
لتكون القطاعات أصغر و تكون كميته حديد التسليح أقل أى تكون تكلفه المنشأ أقل .
نؤثر على ال **Frames** بقوى **Concentrated Load** فقط

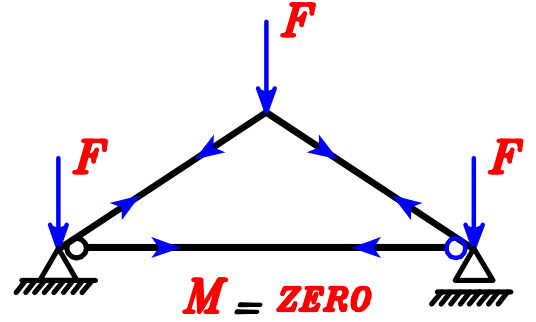
و أن تؤثر هذه القوى عند ال **Joints** فقط



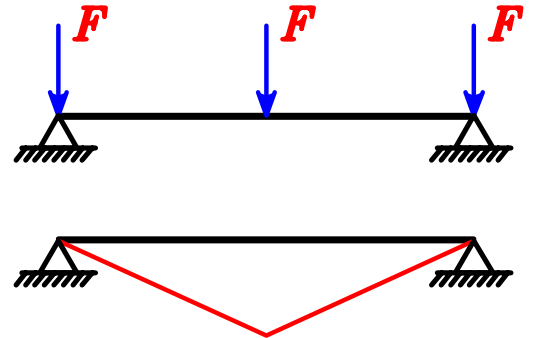
القوى تؤثر على ال **member** نفسه
و ليس على ال **Joints** فقط



شكل ال **Frame** ليس عكس شكل ال **B.M.**
∴ **M ≠ ZERO**



القوى المركزة تؤثر على ال **Joints** فقط



شكل ال **Frame** عكس شكل ال **B.M.**
∴ **M = ZERO**

و لكي نتحكم فى وجود أحمال مركزة عند ال **Joints** فقط :

١- نضع كل الكمرات المحمولة على ال **Frame** عند ال **Joints** فقط .

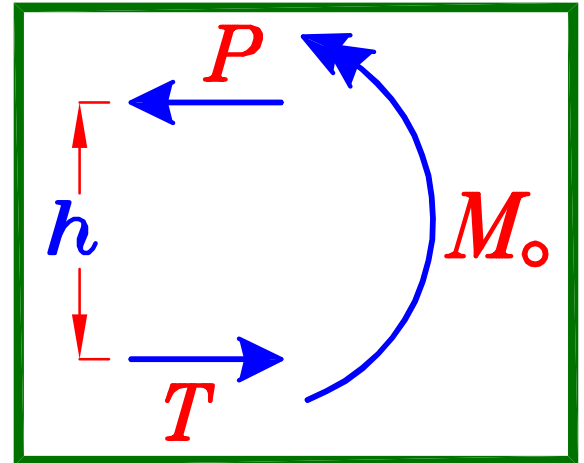
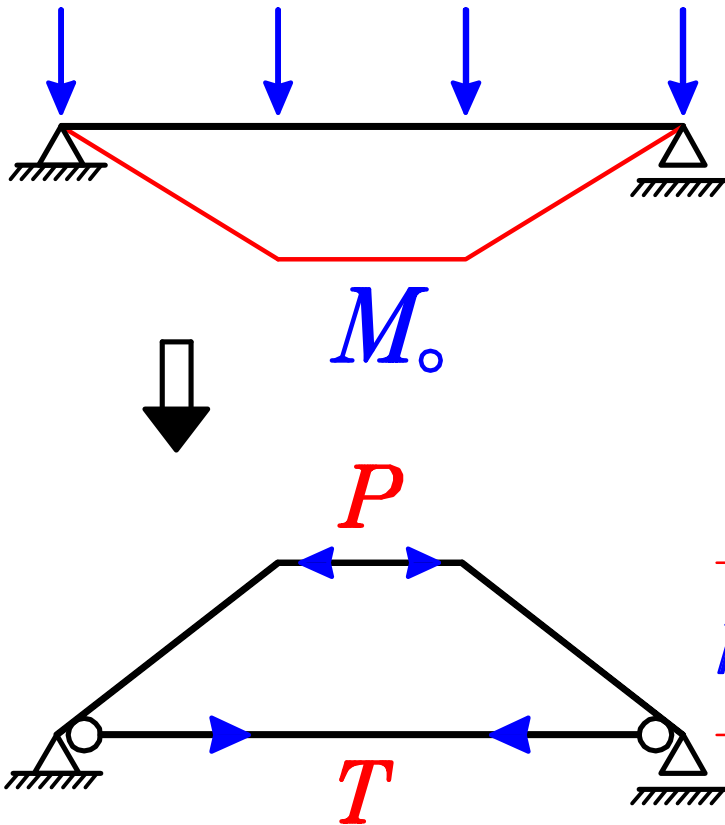
٢- نأخذ كل البلاطات **One Way Slabs** فى إتجاه الكمرات بحيث

لا ترمى أى أحمال على ال **Frame** (عاده تؤخذ **One Way H.B. slab**).

٣- نضع أى **post** أو أى **hanger** عند ال **Joints** فقط .

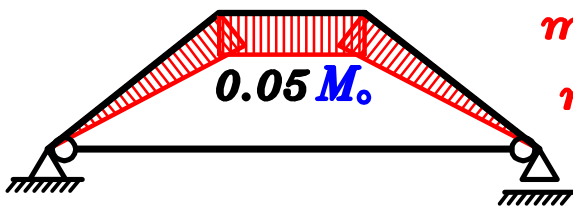
٤- نفرض أن ال **O.W.** لل **Frame** يؤثر كأنه **Concentrated Load** عند ال **Joints**.

Concept of Polygon Frames.

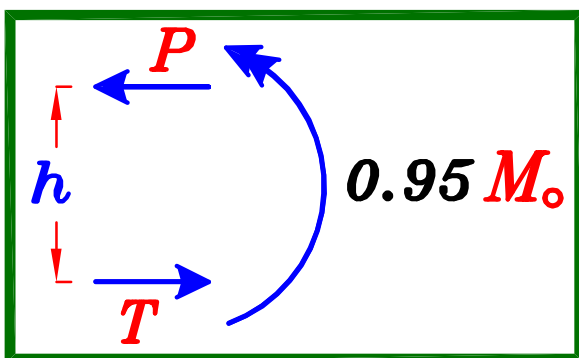


$$P = T = \frac{M_o}{h}$$

تعتمد فكره ال **Polygon Fram** على تحويل ال **Bending moment** الى **Couple** اي الى **Compression Normal Forces & Tension Normal Forces** وذلك للتوفير لانه عند تصميم قطاع عليه **pure Compression** ستكون كميه الخرسانه والحديد قليله مما يعمل على تقليل ثمن ال **member** وعند تصميم قطاع عليه **pure Tension** تكون كميه الحديد كبيره و كميه الخرسانه قليله و تكون ايضا نسبيا ثمن ال **member** اقل .



نظرا لحدوث استطاله بسيطه لل **Tie** سيحدث **moment** بسيط قيمته في حدود $0.05 M_o$ اذا قيمه ال **moment** الذي سيتحول ل **couple** يساوى تقريبا $0.95 M_o$



$$P = 0.95 \frac{M_o}{h}$$

$$T = 0.95 \frac{M_o}{h}$$

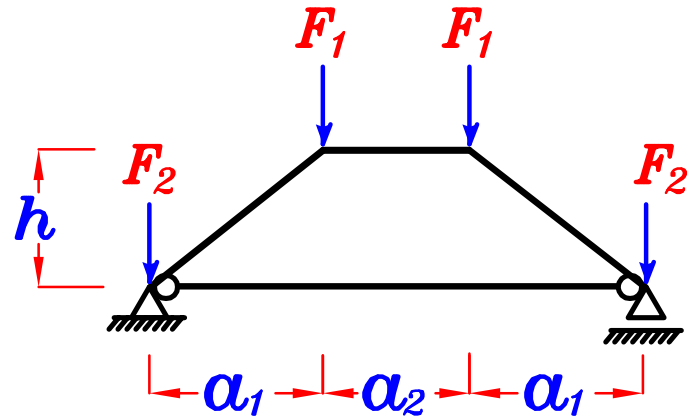
Loads on polygon Frame.

Take:

O.W.

(Frame including o.w. of Hangers + Tie)

$$= 12.0 \text{ kN/m} \rightarrow (\text{U.L.})$$



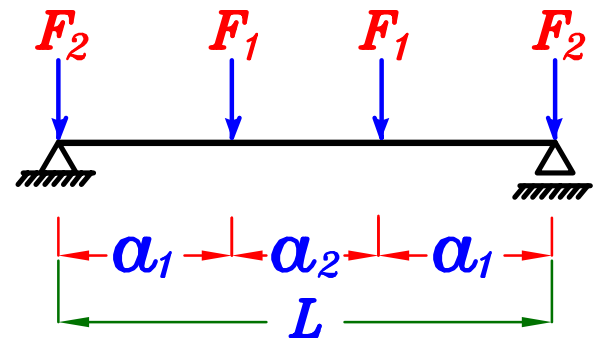
Get the Concentrated Load on the Frame.

$$F_1 = \text{Reaction of beams} + \text{O.W. (Frame)} * \alpha_1$$

$$F_2 = \text{Reaction of beams} + \text{O.W. (Frame)} * \alpha_2$$

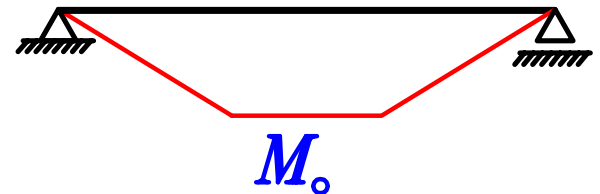
نفرض وجود كمره تخيليه أفقيه .

لها نفس ال **span** الافقى لل **Frame**



نحسب قيمه أكبر **moment**

للكمره التخيليه و يسمى ((M_o))



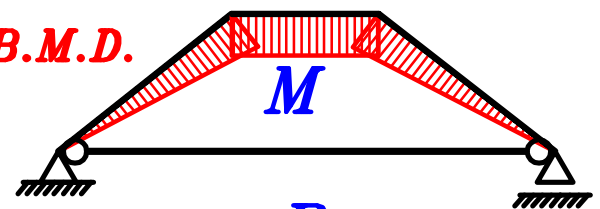
$$M = 0.05 M_o$$

(From Extension of the Tie)

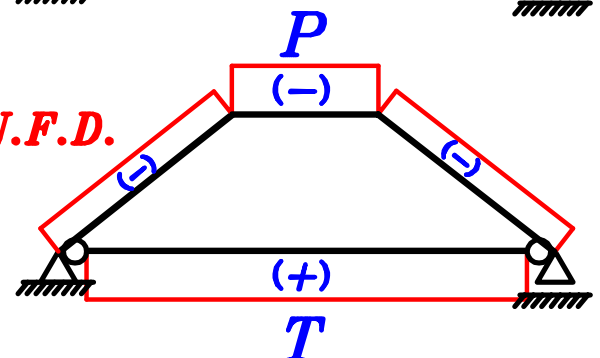
نتيجه لحدوث استطاله بسيطه فى ال **Tie**

يحدث عزم على ال **Frame** قيمته $0.05 M_o$

B.M.D.



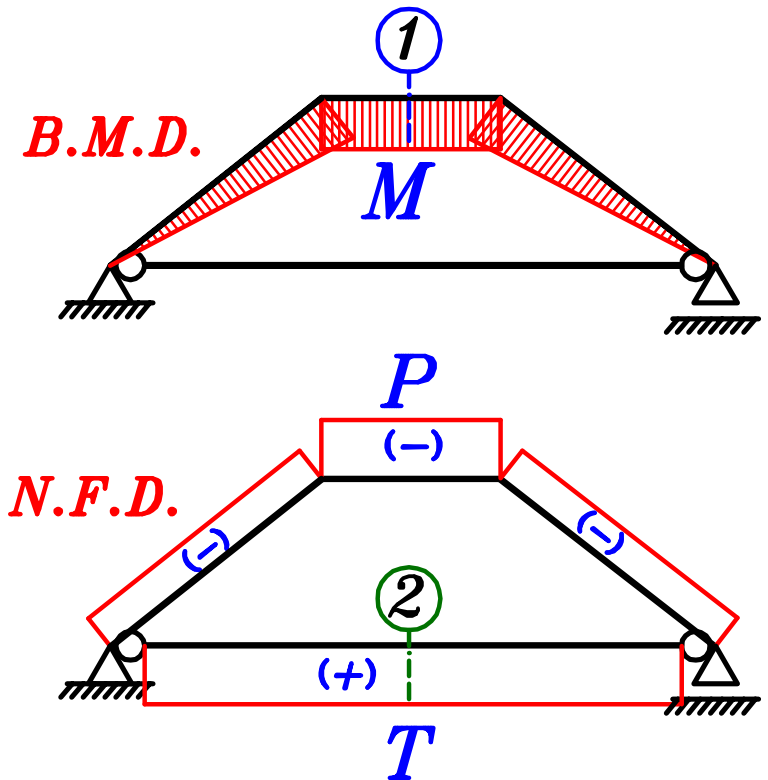
N.F.D.



$$P = 0.95 \frac{M_o}{h}$$

$$T = 0.95 \frac{M_o}{h}$$

Design sections of polygon Frame.



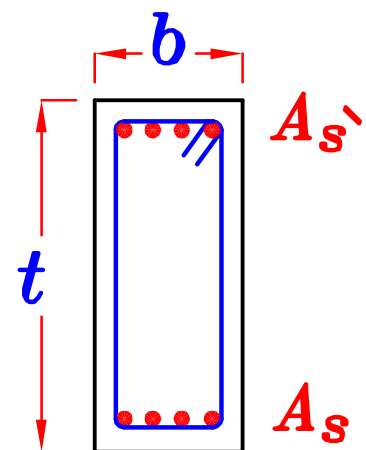
Sec. ① M, P

$$P = 0.95 \frac{M_o}{h}$$

$$M = 0.05 M_o$$

(From Extension of the Tie)

(Use I.D.) $A_s = A_s'$

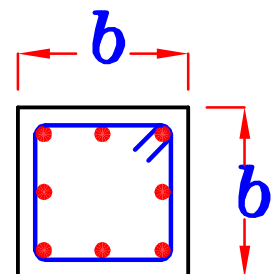


Sec. ② Tie

$$T = 0.95 \frac{M_o}{h}$$

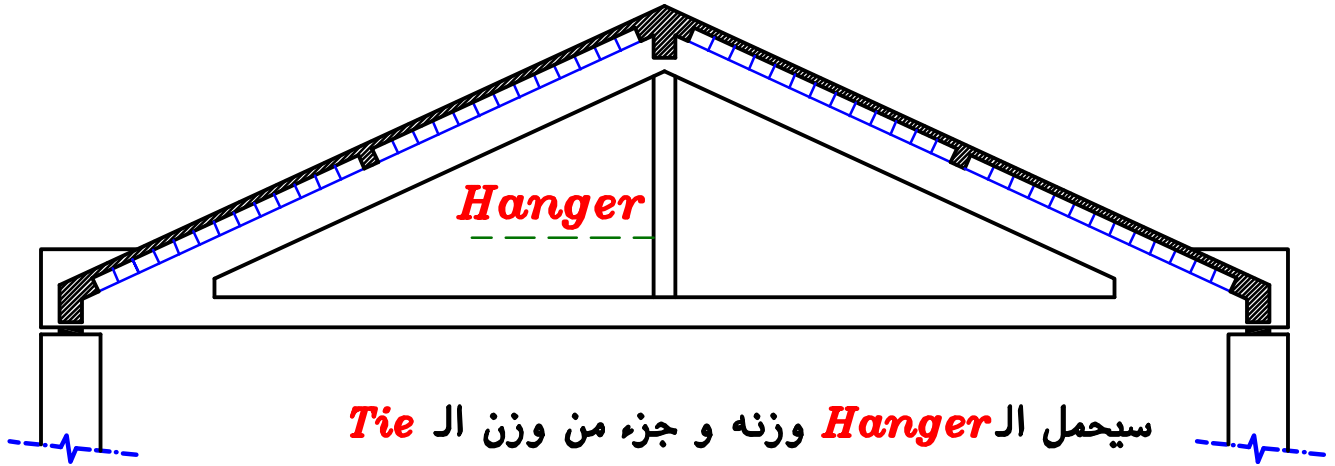
$$A_s = \frac{T}{F_y \gamma_s} = (\text{Total area of steel})$$

$$A_c = (b * b)$$



Sec. ③ *Hanger*

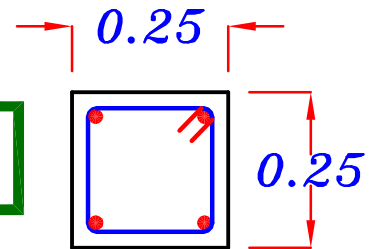
١ - إذا كانت البلاطة علويه .



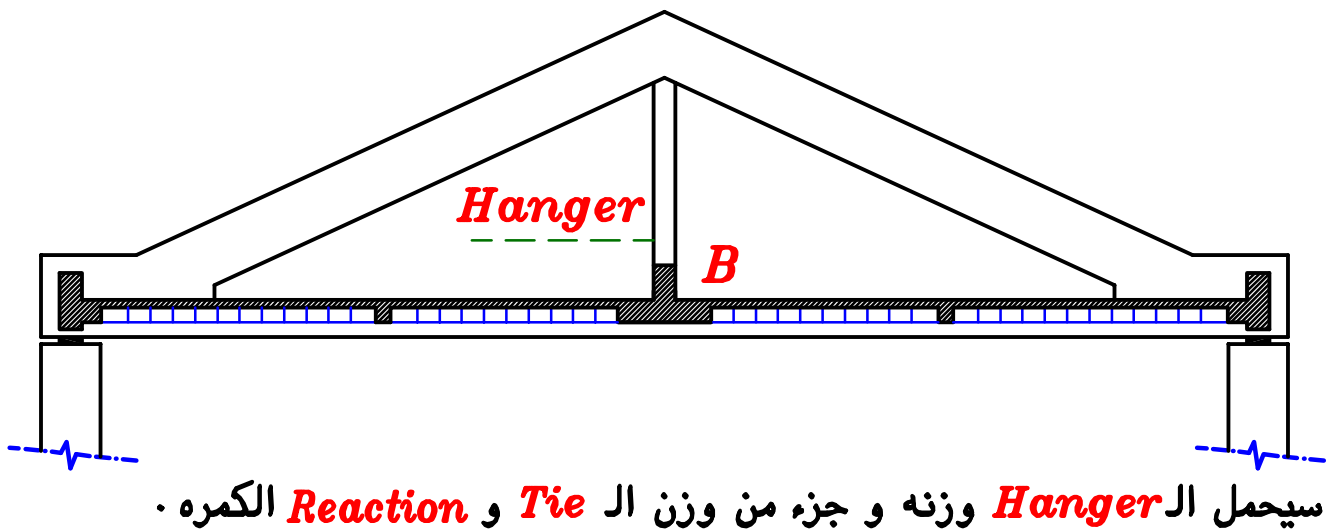
$$T = O.W._{(hanger)} + Tie$$

$$O.W._{(hanger)} \approx 3.50 \text{ kN}$$

$$A_s = 4 \phi 12$$

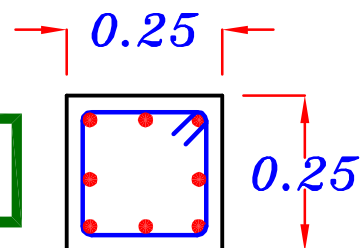


٢ - إذا كانت البلاطة سفليه .



$$T = O.W._{(hanger)} + Tie + \text{Reaction of beam } B$$

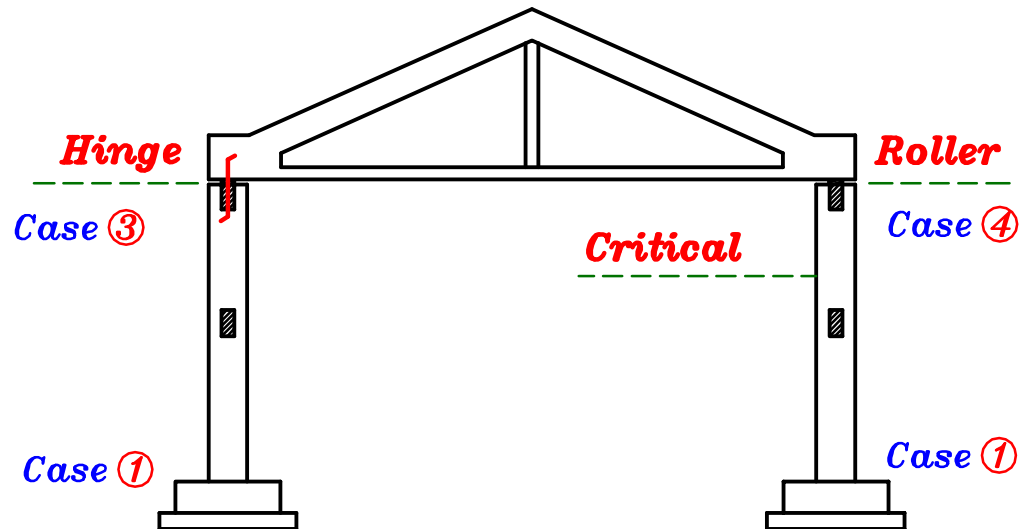
$$A_s = 8 \phi 12$$



Sec. ④ Column.

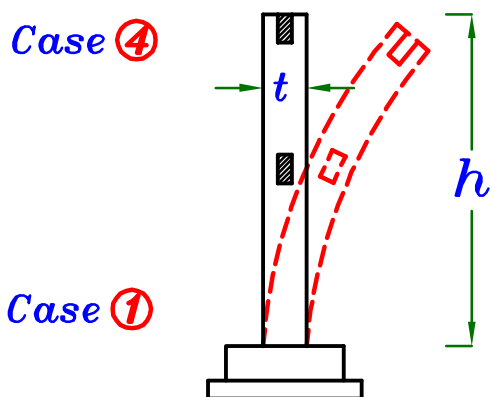
Design the critical Col. at the Roller support.

$$P = \frac{\sum F}{2}$$



Check Buckling.

① In plane.

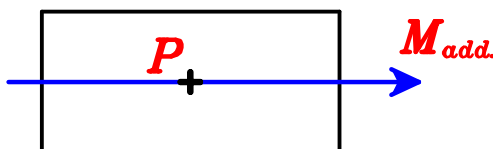


$$H_o = h$$

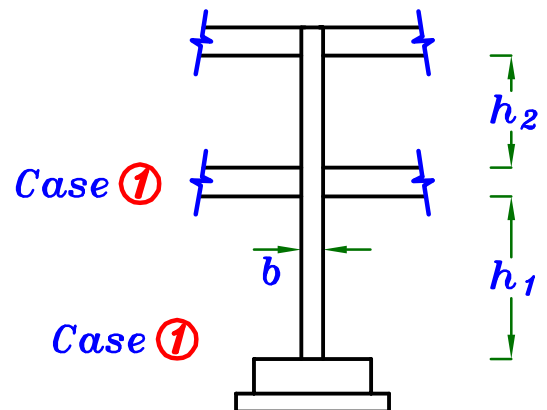
$$\lambda_b = \frac{2.2 * H_o}{t}$$

IF $\lambda_b \leq 10$ $\xrightarrow{\text{Designed}}$ **P only**

$\lambda_b > 10$ $\xrightarrow{\text{Designed}}$ **P, $M_{add.}$**



② Out of plane.

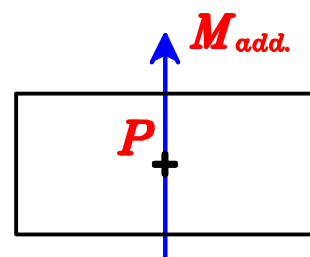


$$H_o = \text{The bigger of } h_1, h_2$$

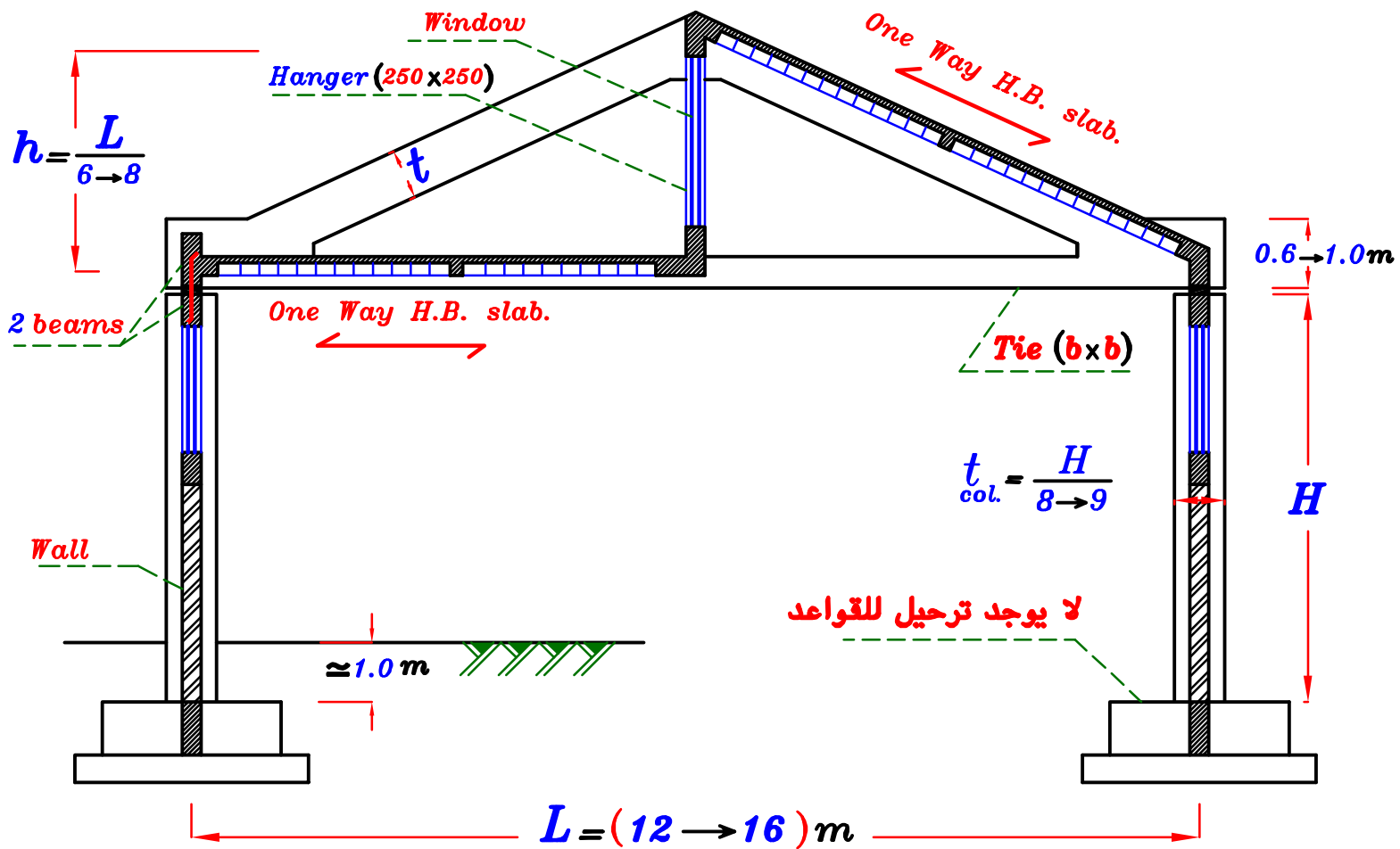
$$\lambda_b = \frac{1.2 * H_o}{b}$$

IF $\lambda_b \leq 10$ $\xrightarrow{\text{Designed}}$ **P only**

$\lambda_b > 10$ $\xrightarrow{\text{Designed}}$ **P, $M_{add.}$**



Triangular Polygon Frames.



* **Span (L)** = $(12 \rightarrow 16) \text{ m}$

* **Height (h)** = $\frac{L}{6 \rightarrow 8}$

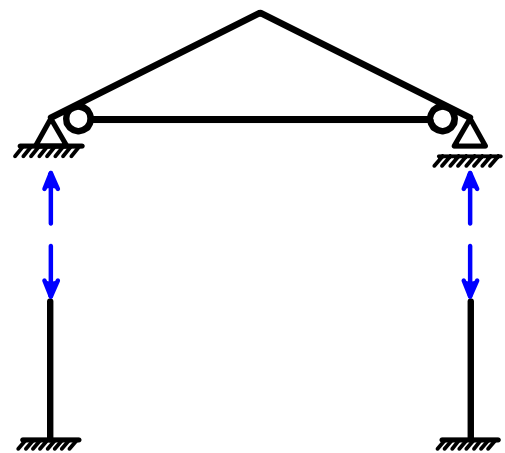
* **$t_{(Frame)}$** $\approx \frac{L}{20 \rightarrow 25}$

* **$b_{(Frame)}$** = 0.30 m $\left\{ \begin{array}{l} \text{الأكبر} \\ \frac{\text{Spacing}}{20} \end{array} \right.$

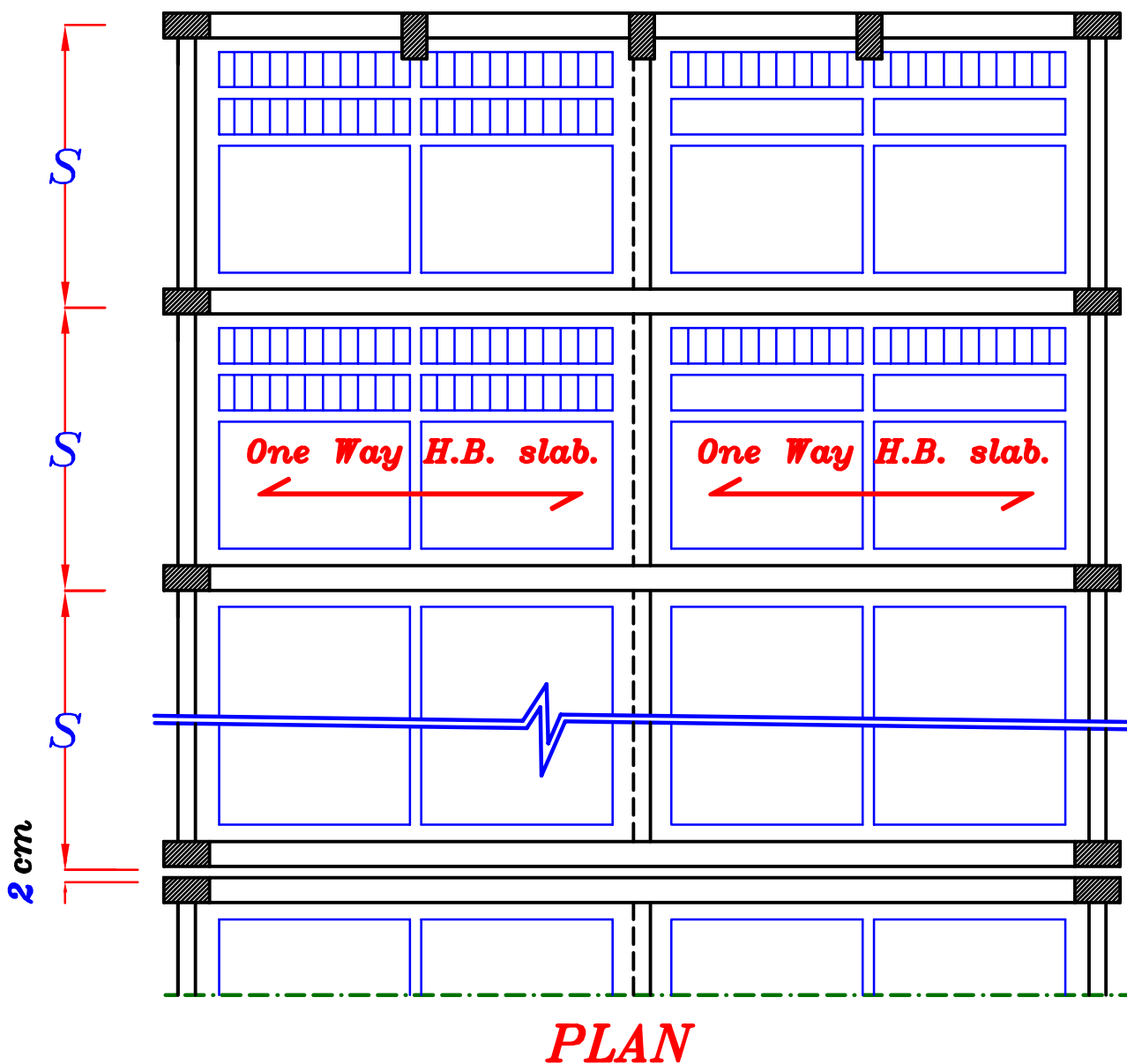
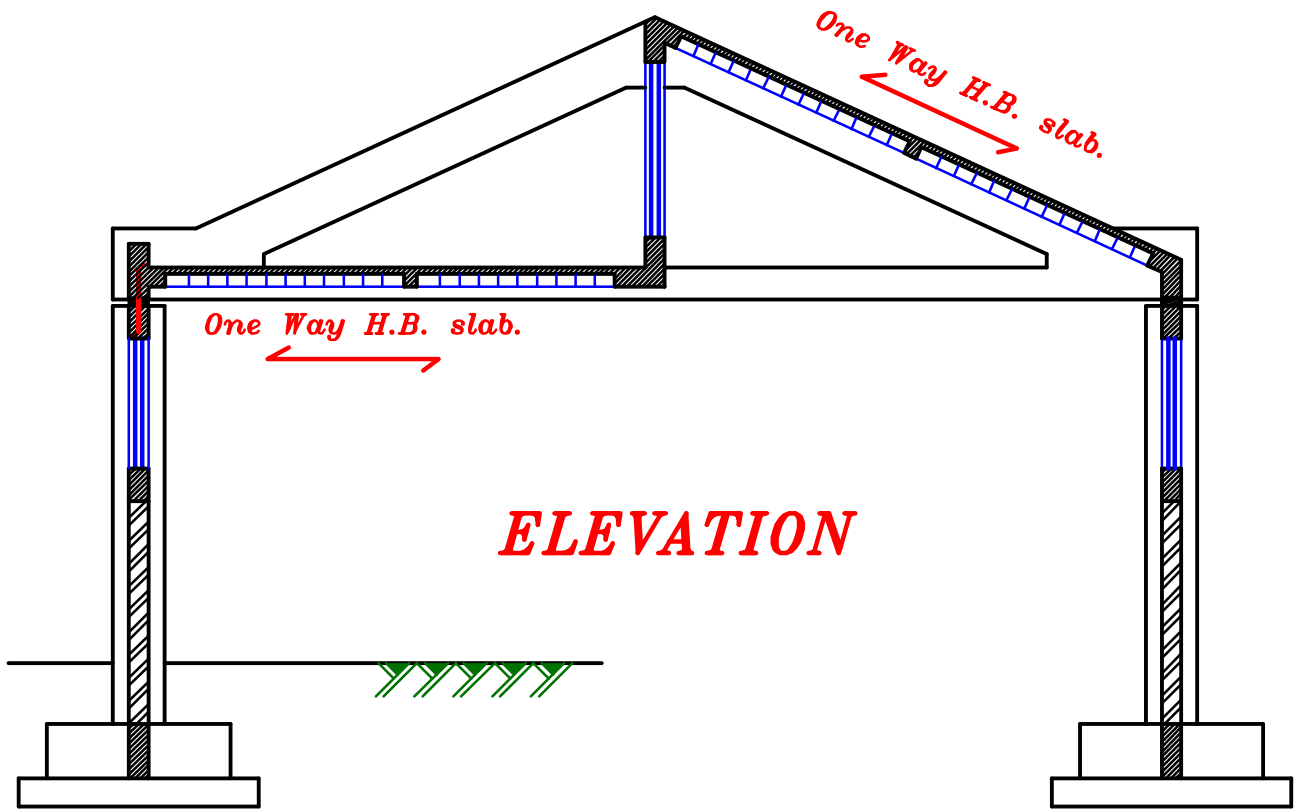
* **Tie ($b \times b$)**

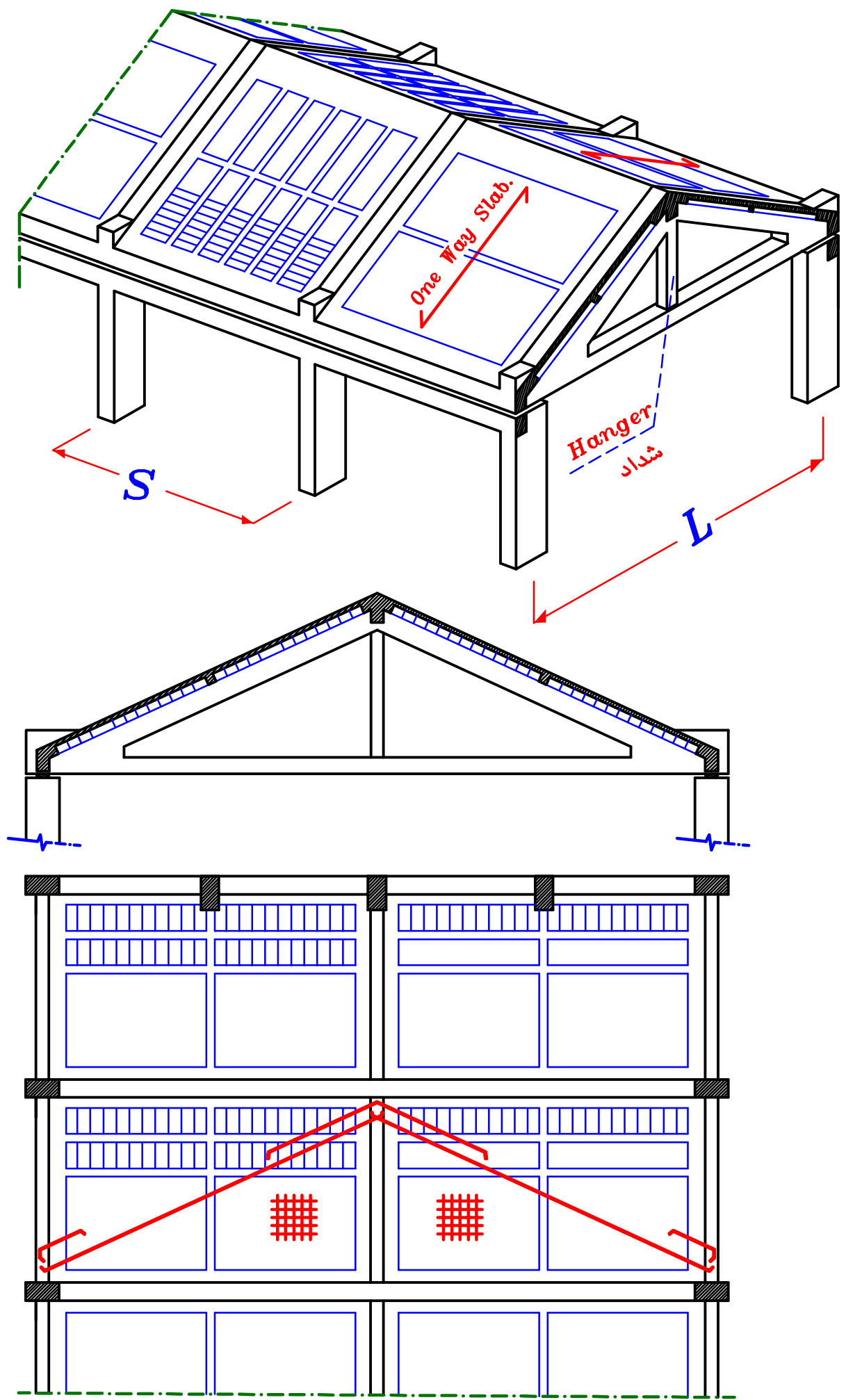
* **Hanger (250×250)**

* **$t_{col} = \frac{H}{8 \rightarrow 9}$** to be safe buckling inside Plan.

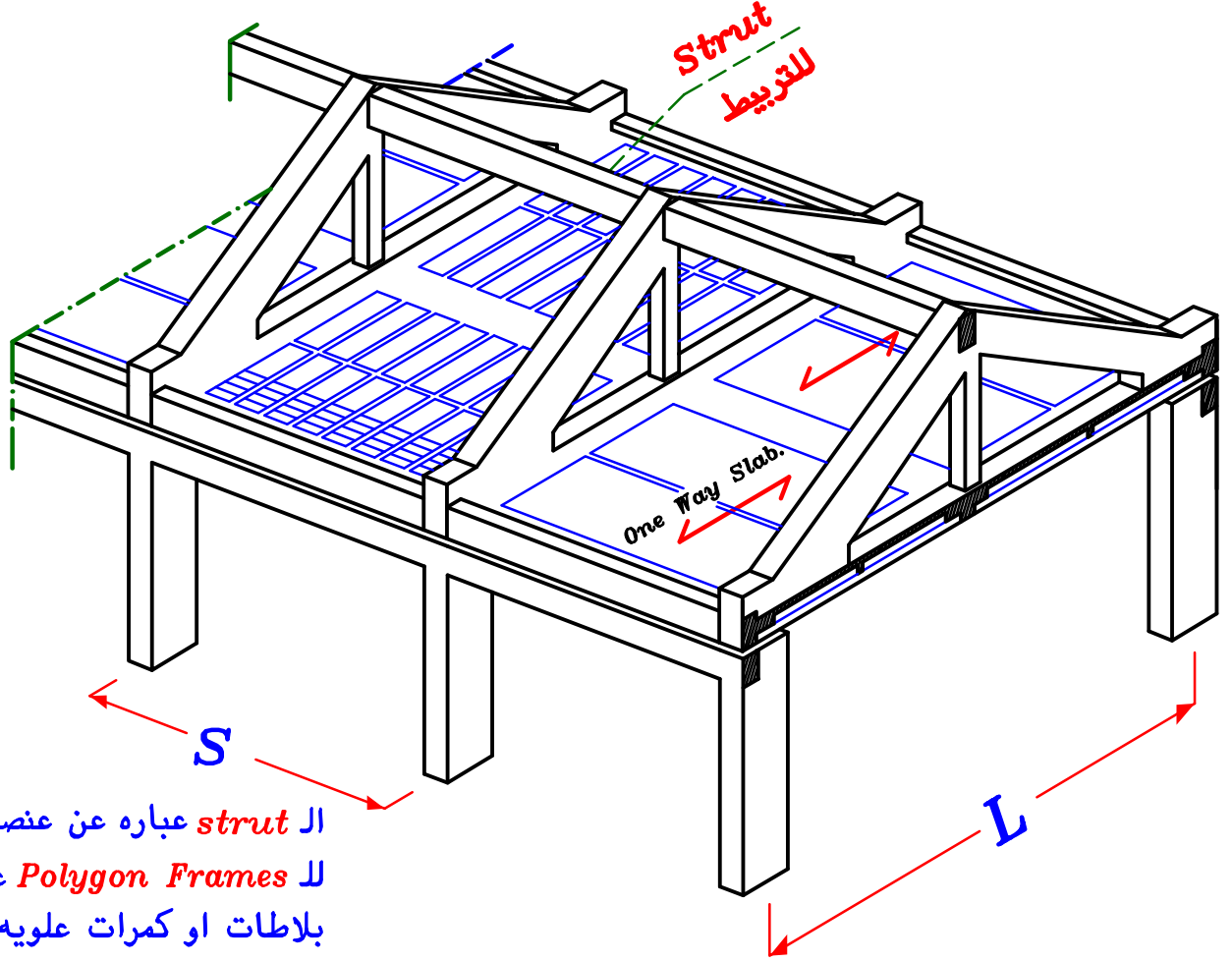


Static System

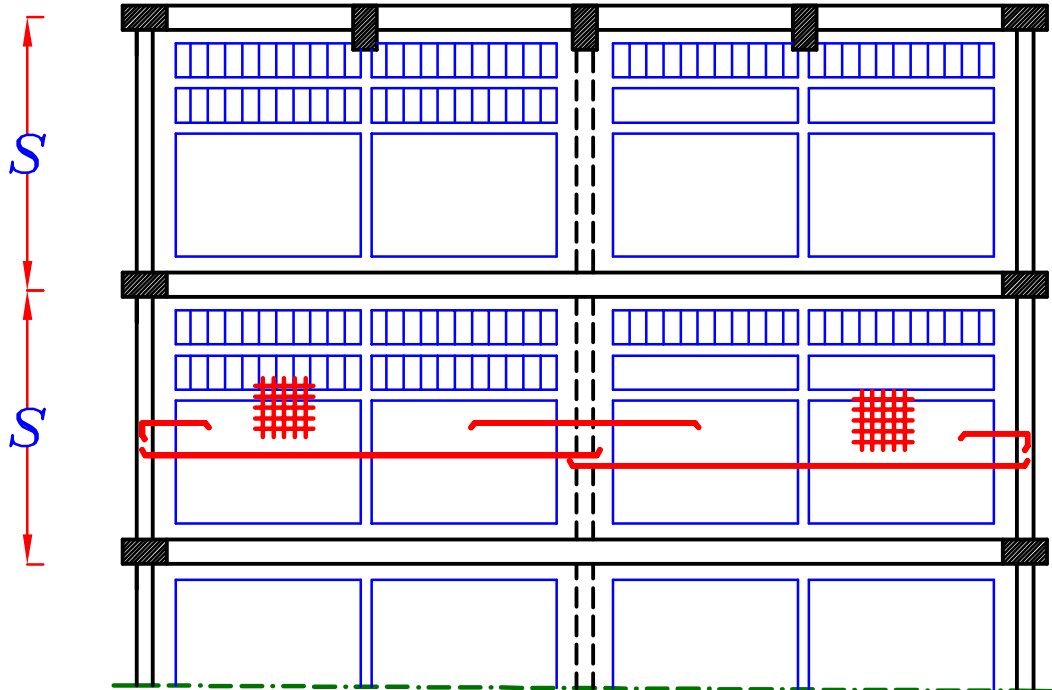
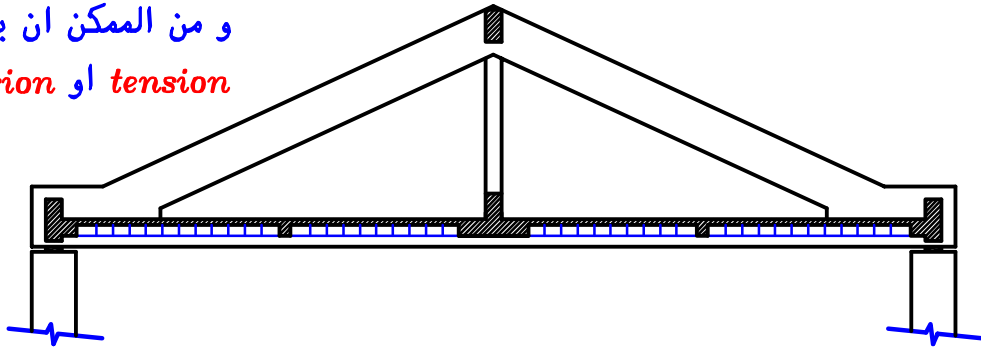




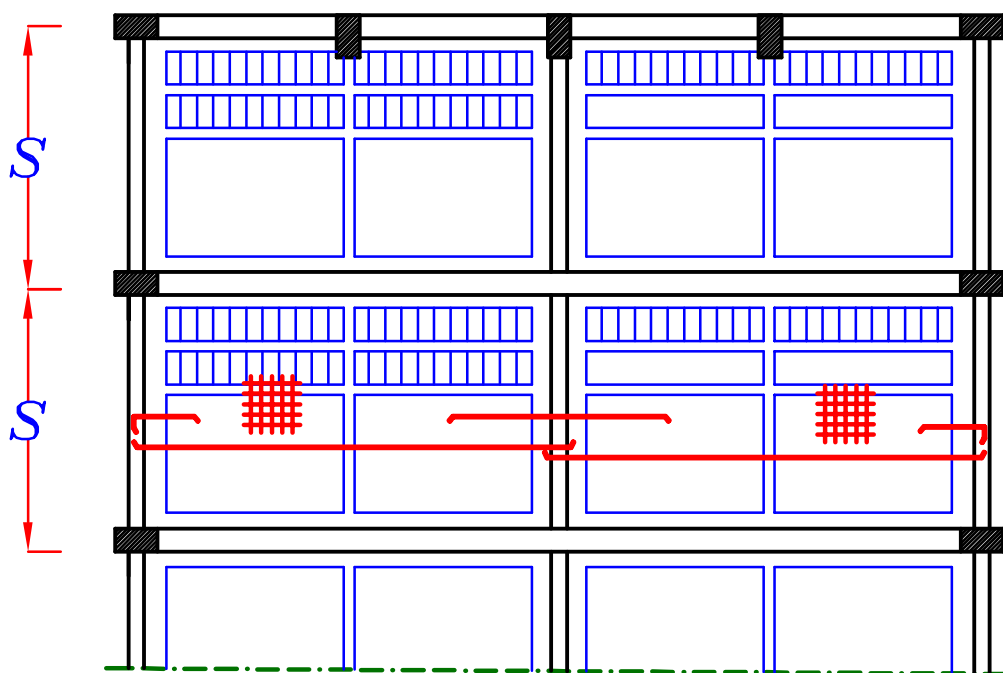
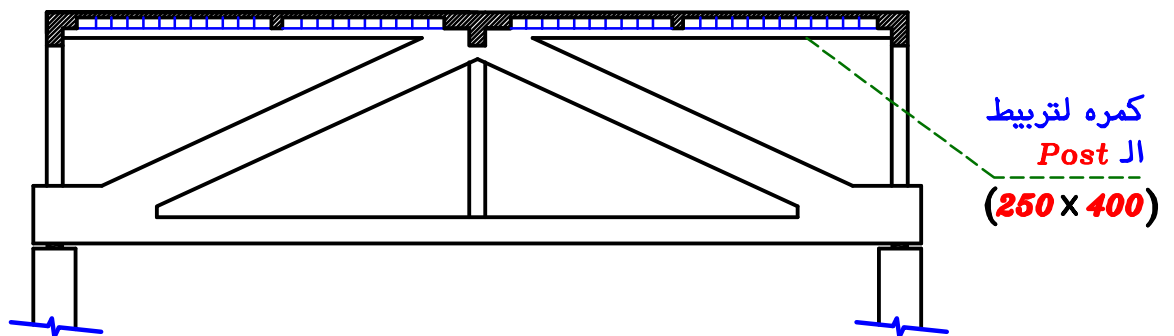
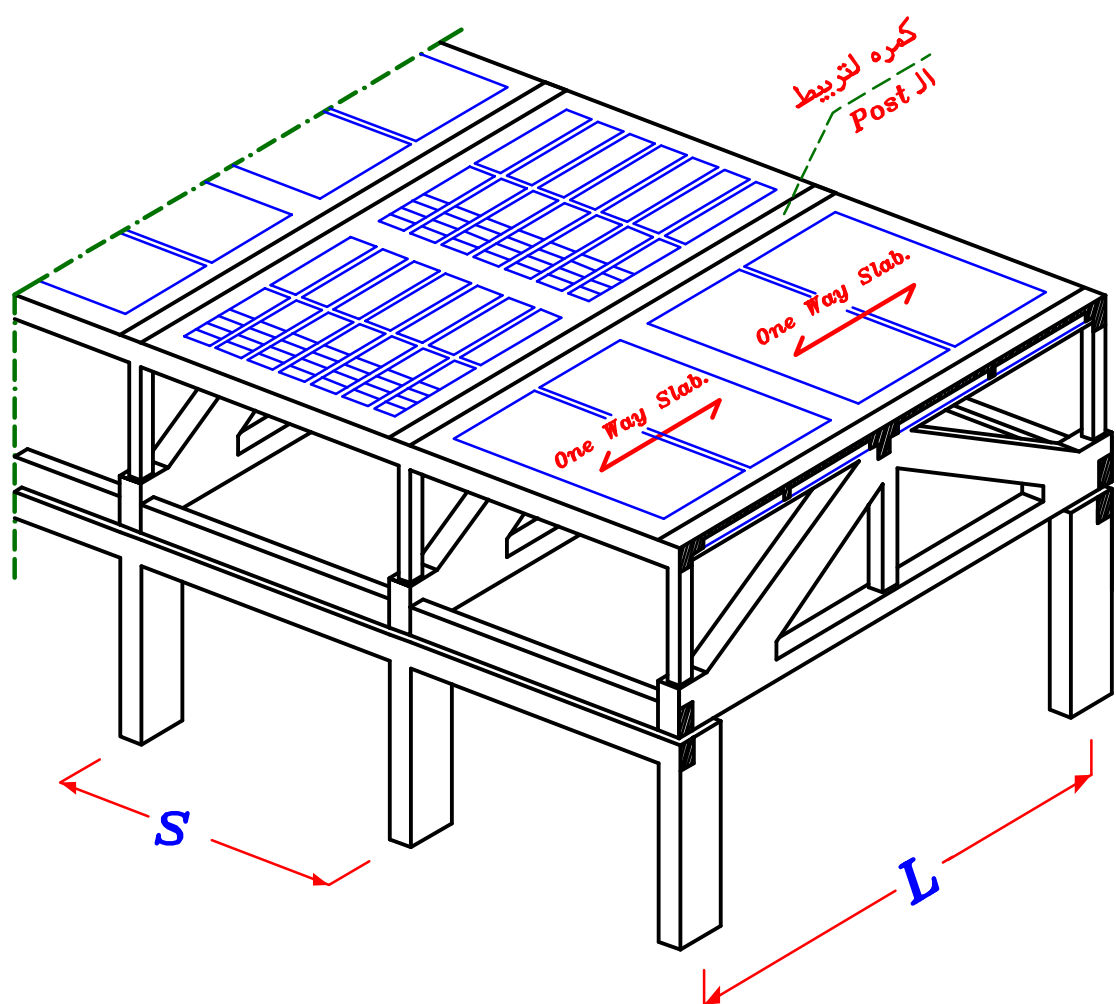
PLAN



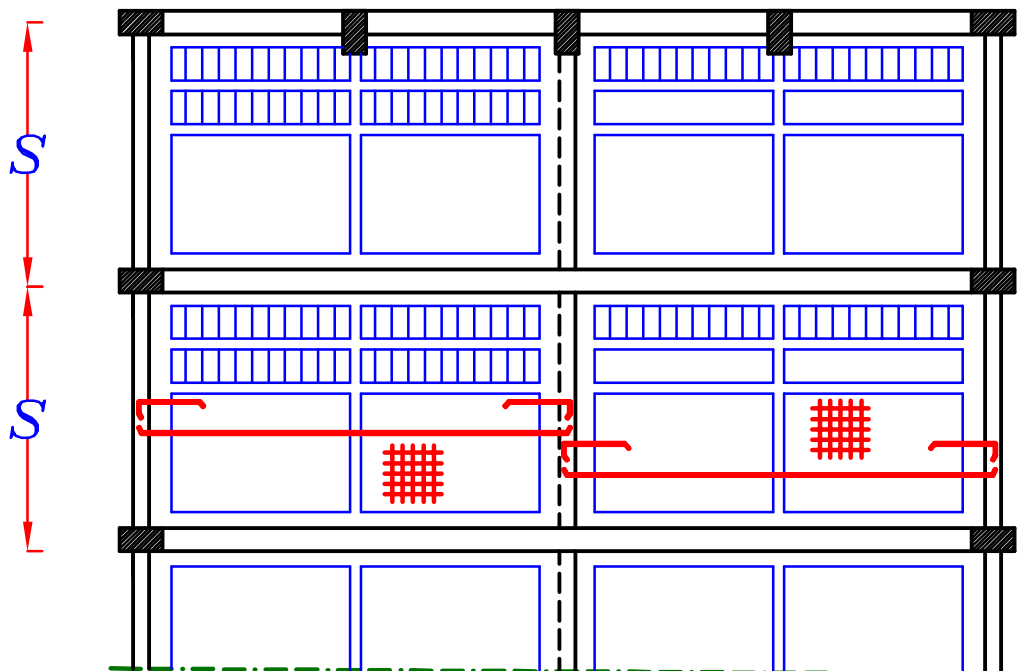
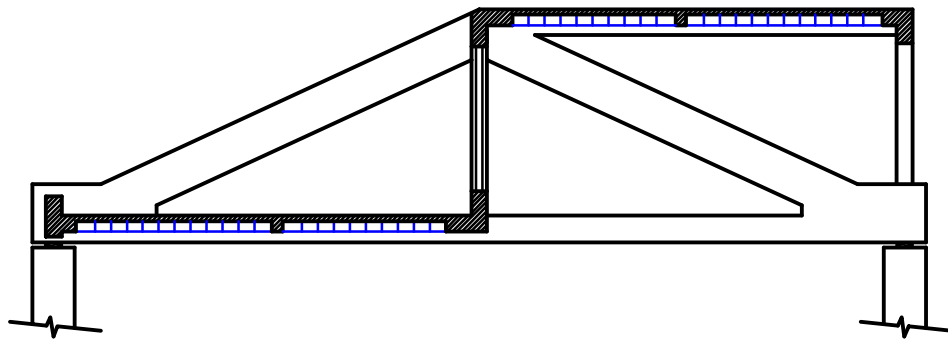
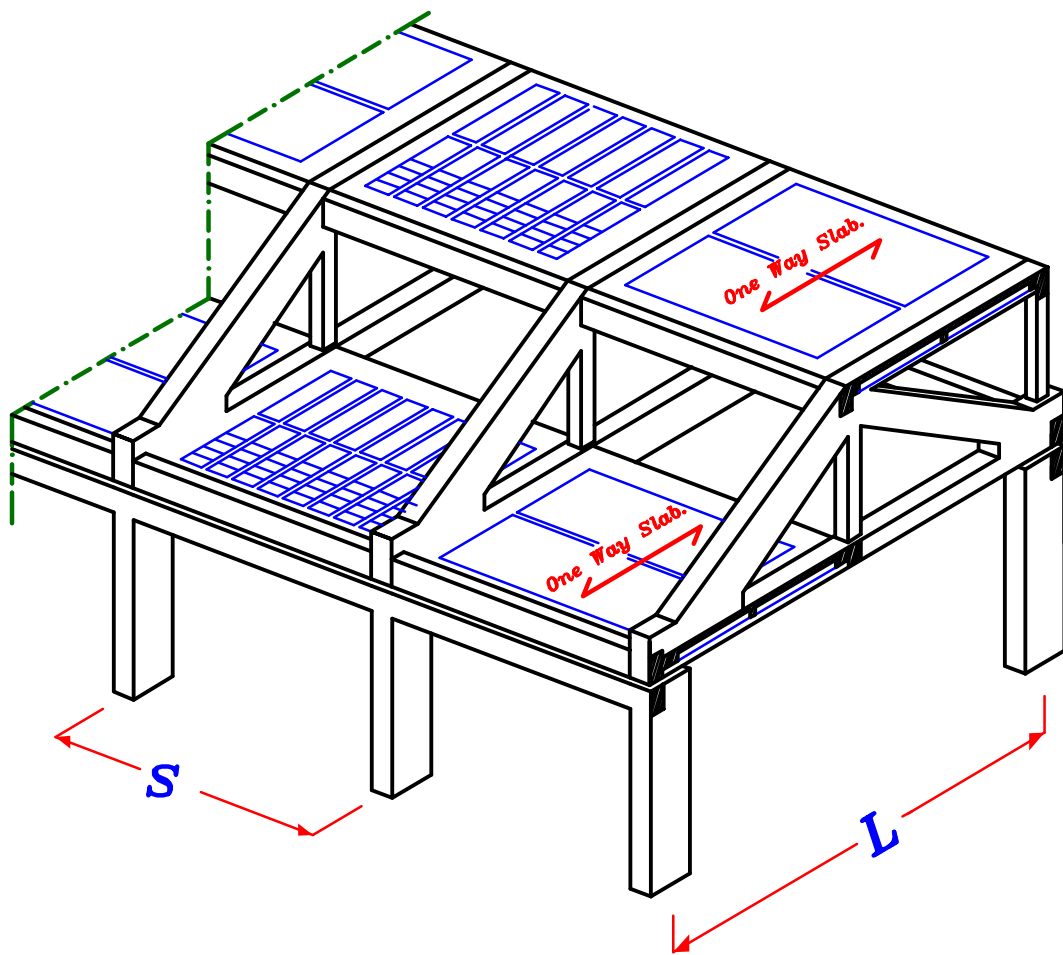
ال *strut* عبارة عن عنصر يوضع
 لا *Polygon Frames* عندما لا توجد
 بلاطات او كمرات علوية حتى يمنع
 حدوث *lateral buckling* لا *Frame*
 و من الممكن ان يكون على ال *strut*
tension او *compression*



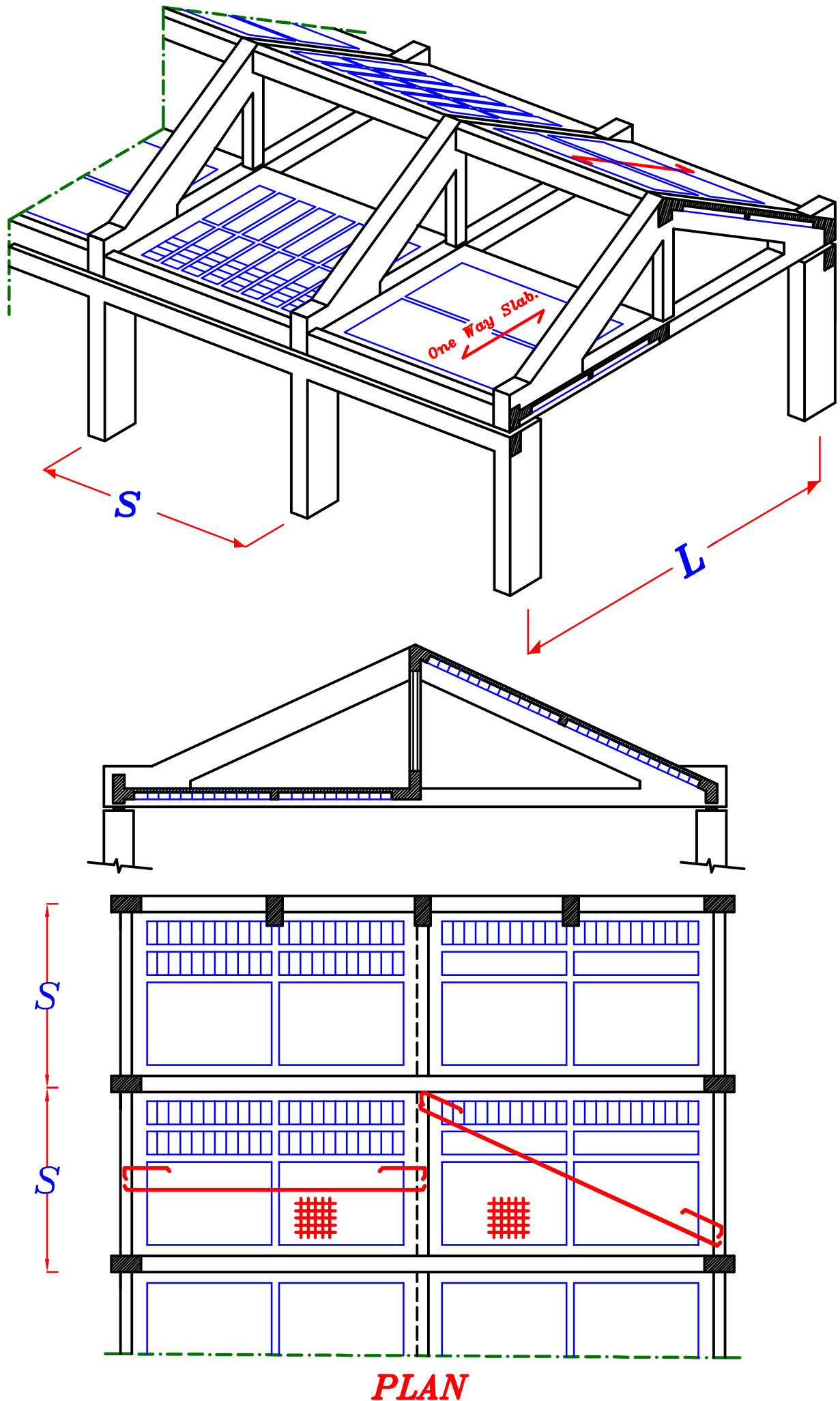
PLAN



PLAN



PLAN

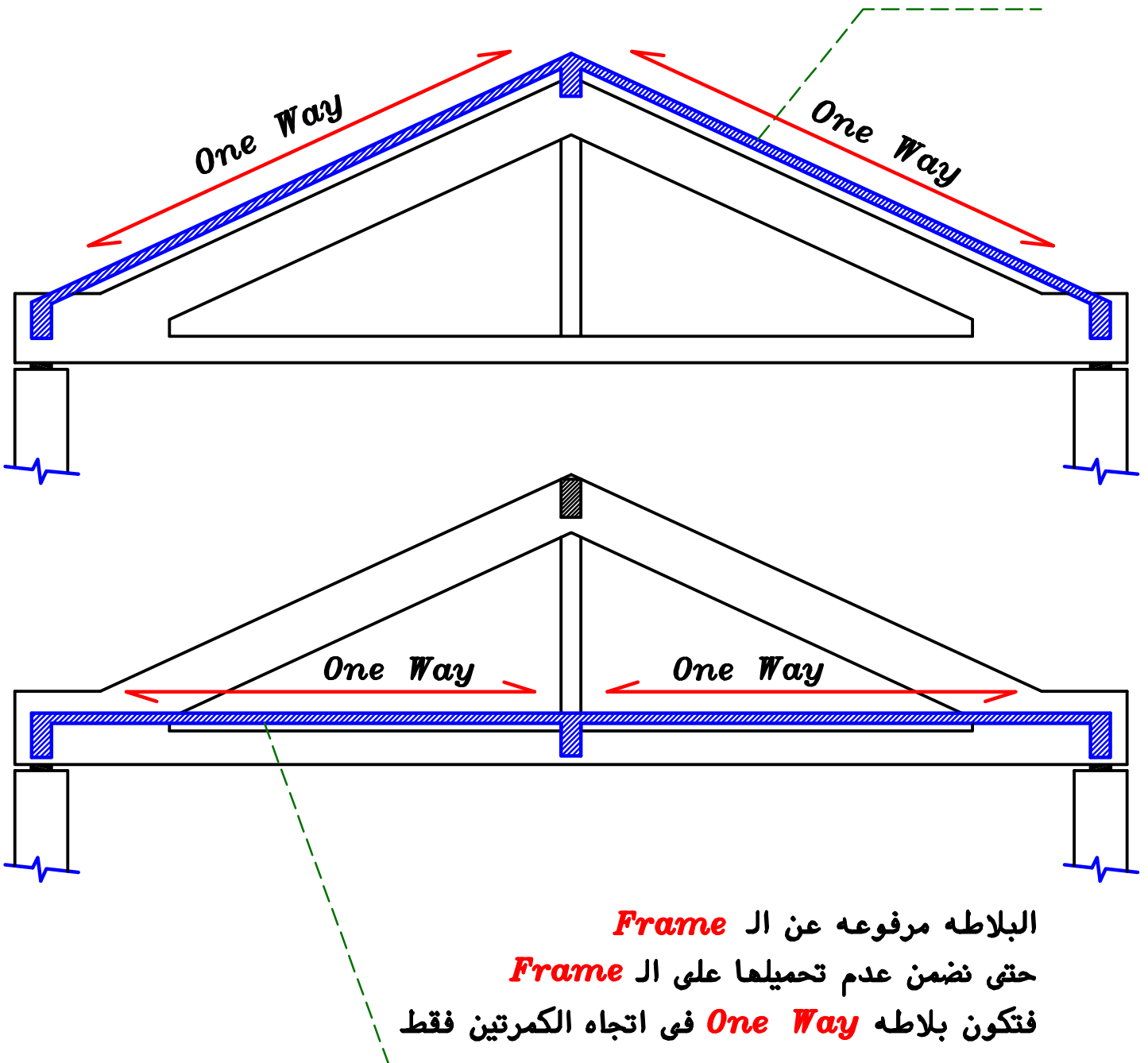


Using Solid Slabs on Triangular Polygon Frame.

اذا كان $F.C. + L.L. > 10 \text{ kN/m}^2$ او اذا كان هناك **Vibration** على المبنى.

لن نستطيع اخذ البلاطة **Hollow Blocks** فسنضطر اخذ البلاطة **Solid Slab** و لكي نضمن ان البلاطة **one way** نعمل على رفع منسوب البلاطة حوالى ٥ سم عن ال **Frame** حتى تكون محموله على الكمرتين الجانبيتين .

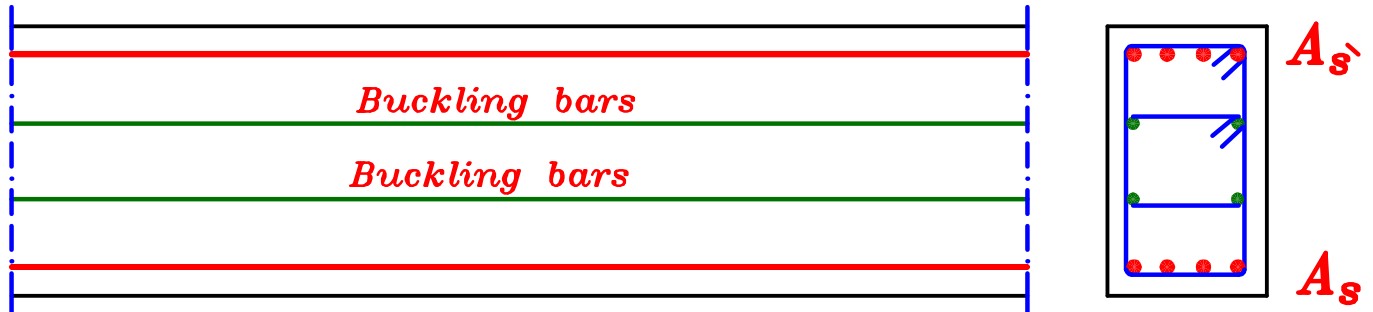
البلاطة مرفوعة عن ال **Frame** حتى نضمن عدم تحميلها على ال **Frame** فتكون بلاطة **One Way** فى اتجاه الكمرتين فقط



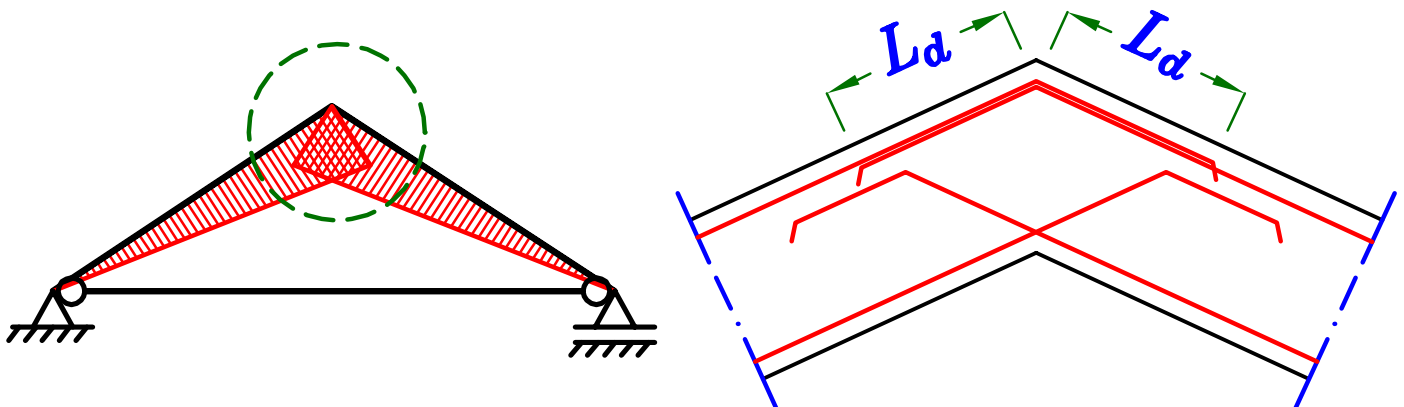
Reinforcement of Triangular Polygon Frame.

Reinforcement Notes.

1- For Member subjected to Moment & Compression.



و اذا زاد طول السيخ عن - ١٢ م نعمل وصله تراكب **Lap splice** و الاضمن مد الحديد مسافه **L_d** من بعد ال **C.L.** من الجهتين .



2- For Member subjected to pure Tension. (**Tie**)

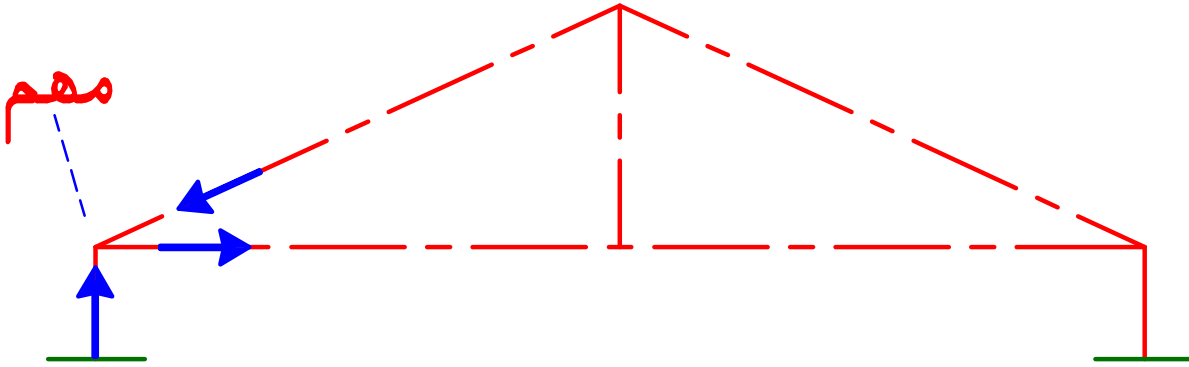
و اذا زاد طول السيخ عن - ١٢ م المفروض عمل وصله ميكانيكيه او وصلات لحام و لصعوبه رسم تفاصيل ذلك فى هذا الملف فسنضطر ان نرسم تسليح ال **Tie** عباره عن اسياخ طويله طولها بنفس طول ال **Tie** حتى اذا زاد طولها عن - ١٢ م



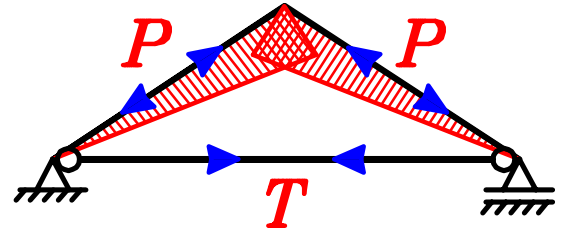
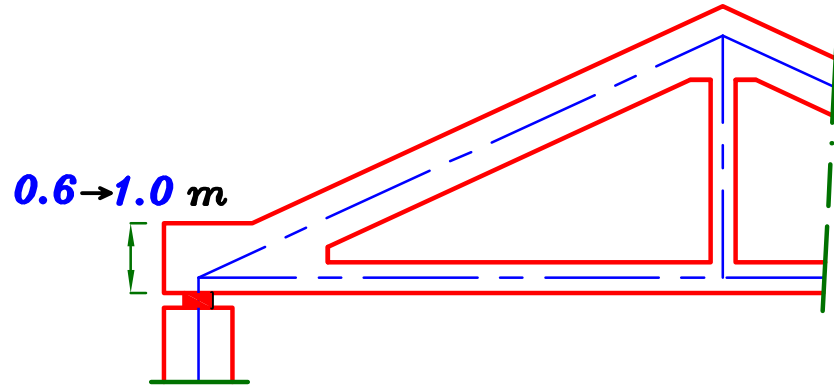
لعمل وصلات فى ال (**Tie**) أنظر فى هذا الملف صفحه (75)

Steps of Reinforcement.

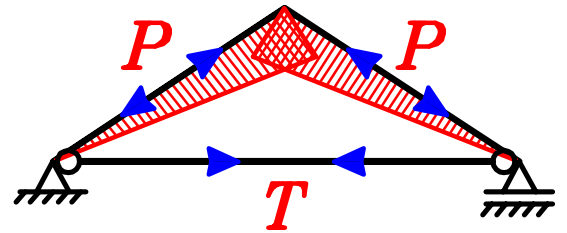
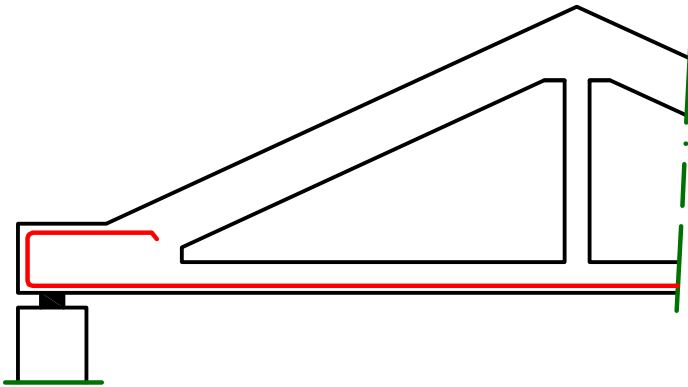
١ - نرسم ال $C.L.$ مع مراعاة تقاطع ال $C.L.$ عند ال $Joints$ لضمان ال $Stability$



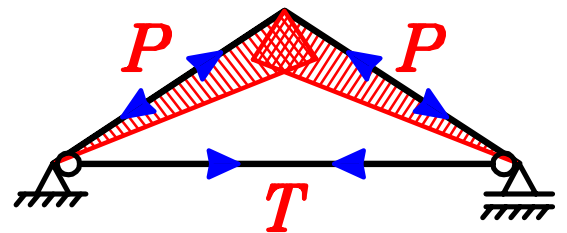
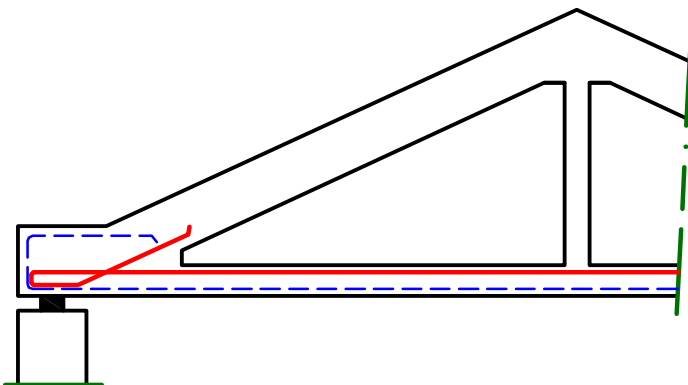
٢ - نرسم الخرسانه حول ال $C.L.$ بتخاناتها



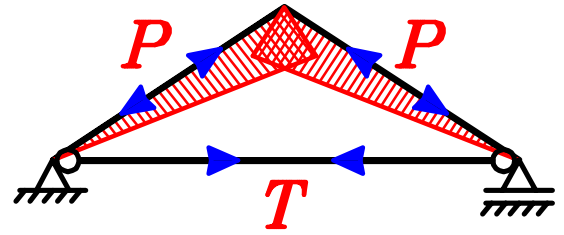
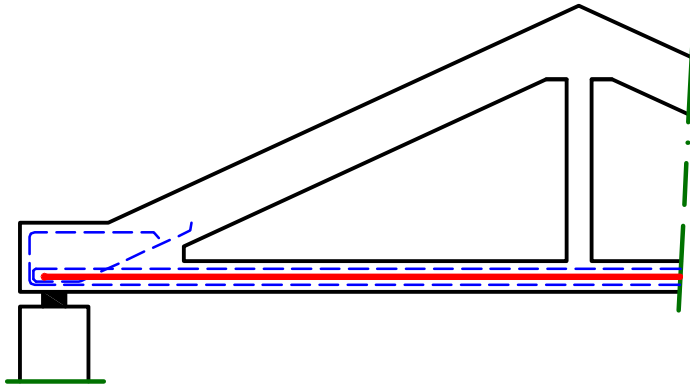
٣ - نرسم التسليح السفلى لل Tie مع مراعاة تكملته في الدراسه من الاول للآخر



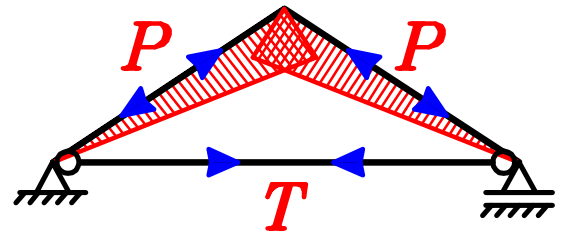
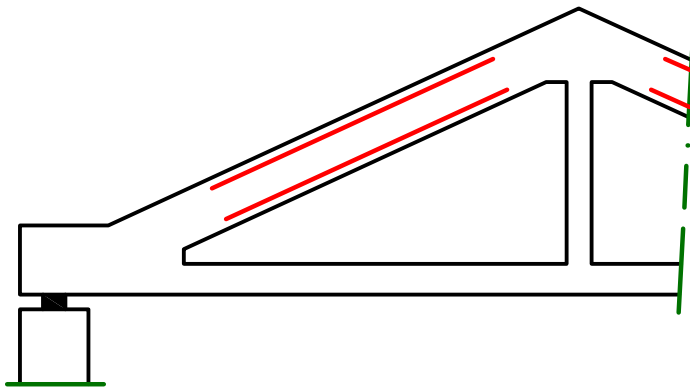
٤ - نرسم التسليح العلوى لل Tie مع مراعاة تكملته في الدراسه من الاول للآخر



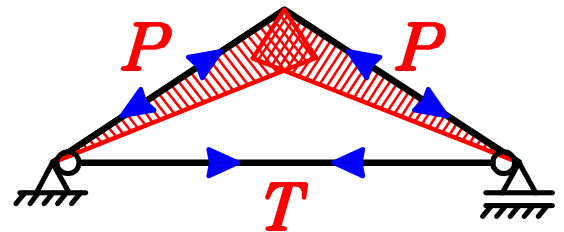
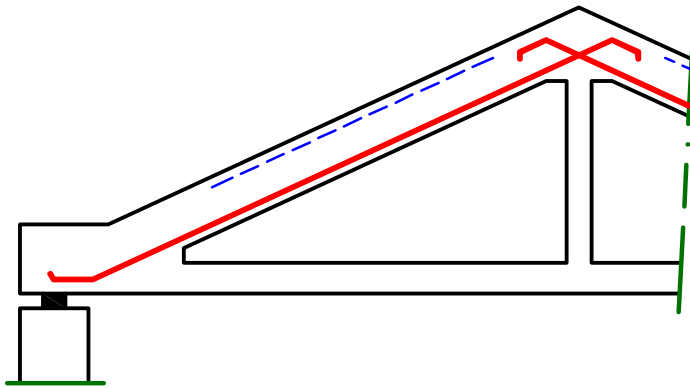
٥ - نرسم التسليح الاوسط لا Tie مع مراعاة تكملته فى الدراسه من الاول للآخر



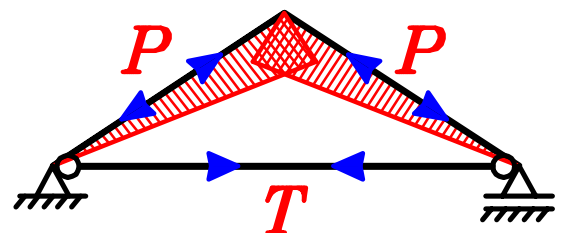
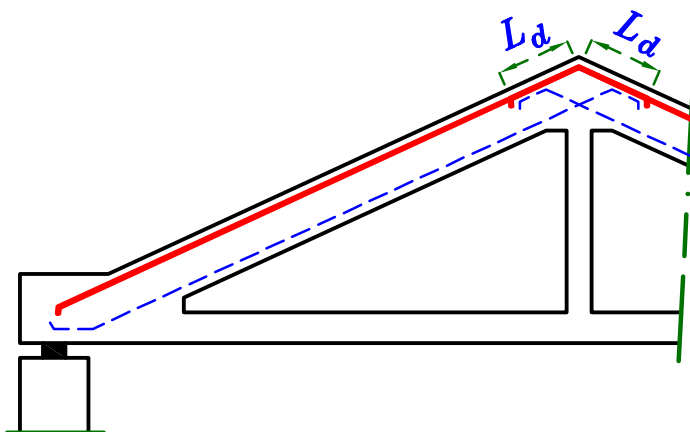
٦ - وضع تسليح ال Compression members فى الجهتين



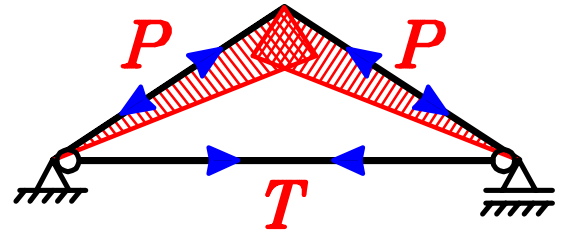
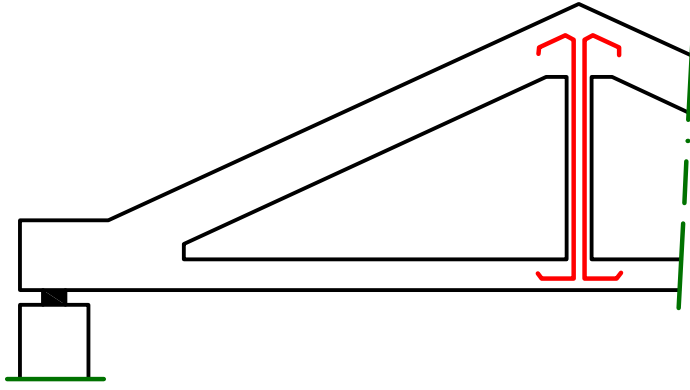
٧ - الحديد السفلى يمتد من الجهتين مسافه $L_d = 60 \phi$ من الجهتين



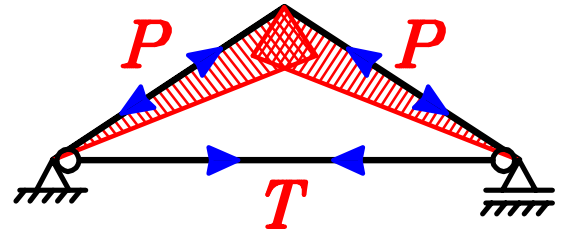
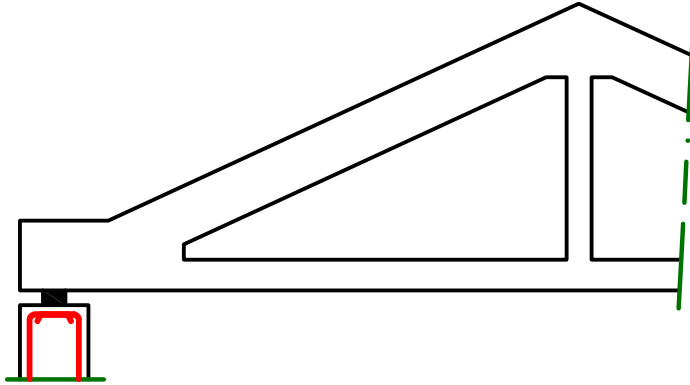
٨ - الحديد العلوى يمتد من الجهتين مسافه $L_d = 40 \phi$ من الجهتين



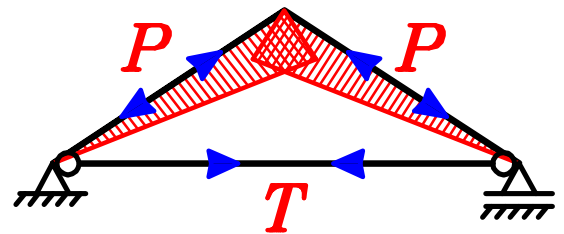
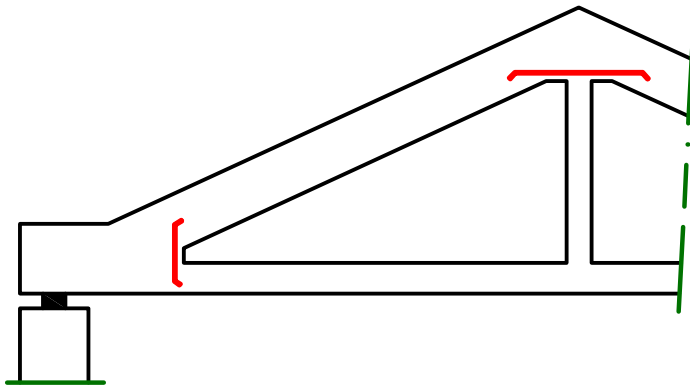
٩ - نضع تسليح ال Hanger



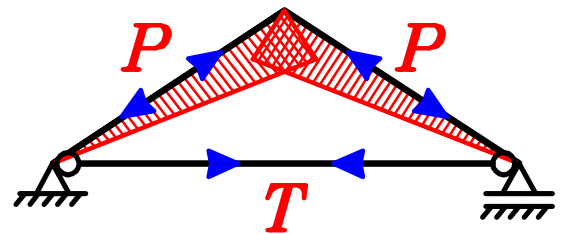
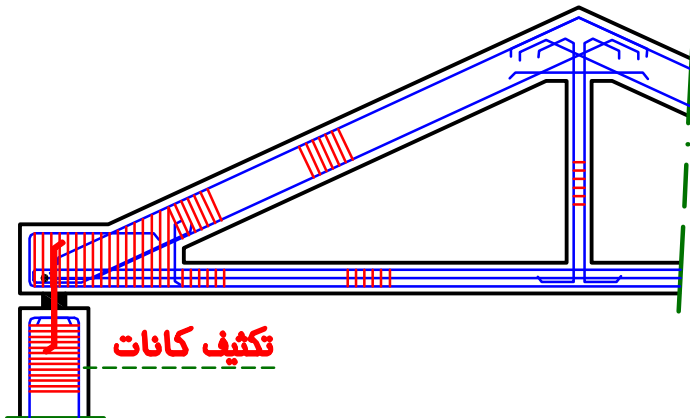
١٠ - نضع تسليح العمود

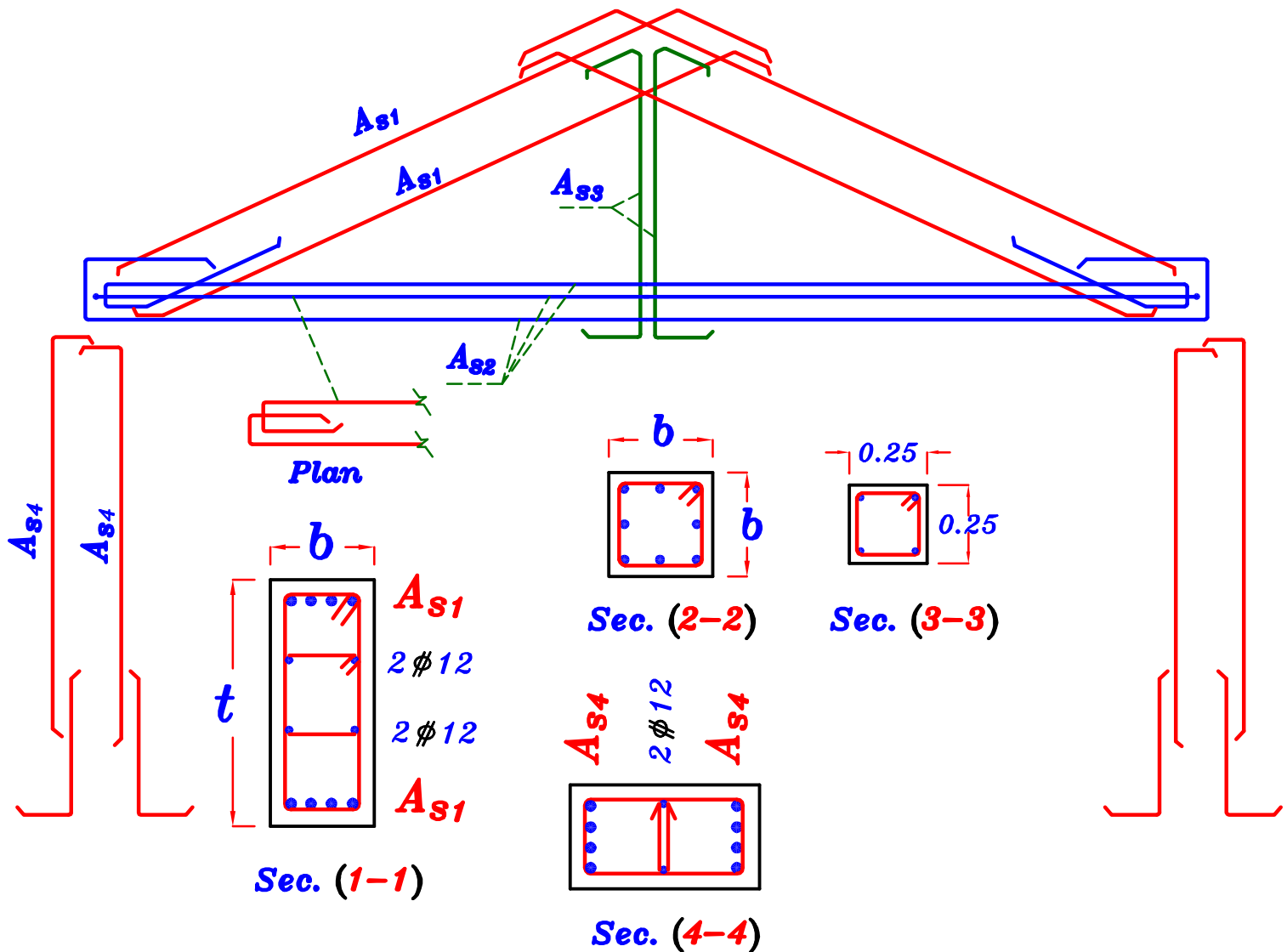
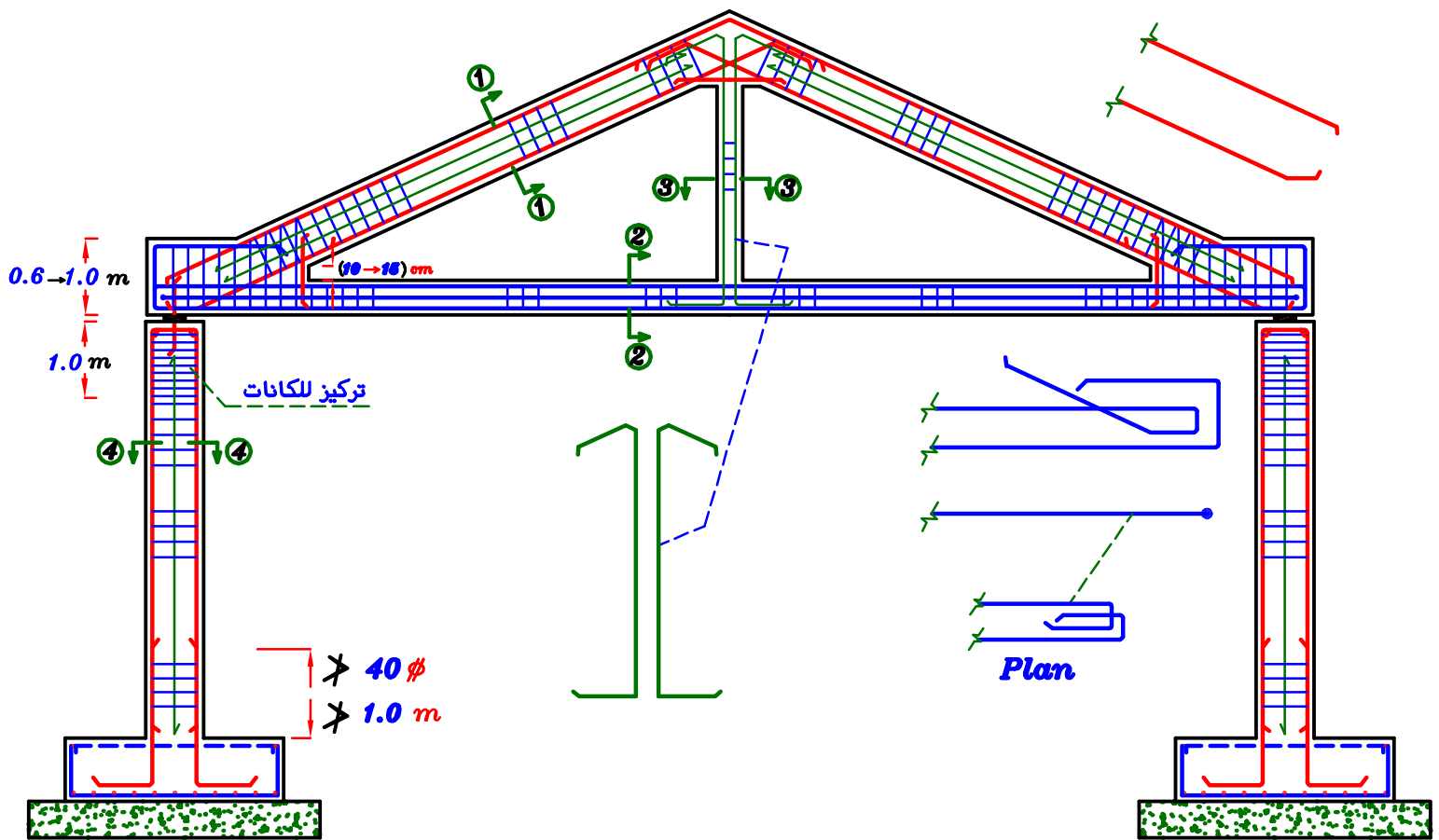


١١ - نضع تسليح بسيط في حدود 10 ϕ 2 عند الزوايا الحاده لمنع تشرخ ال Cover

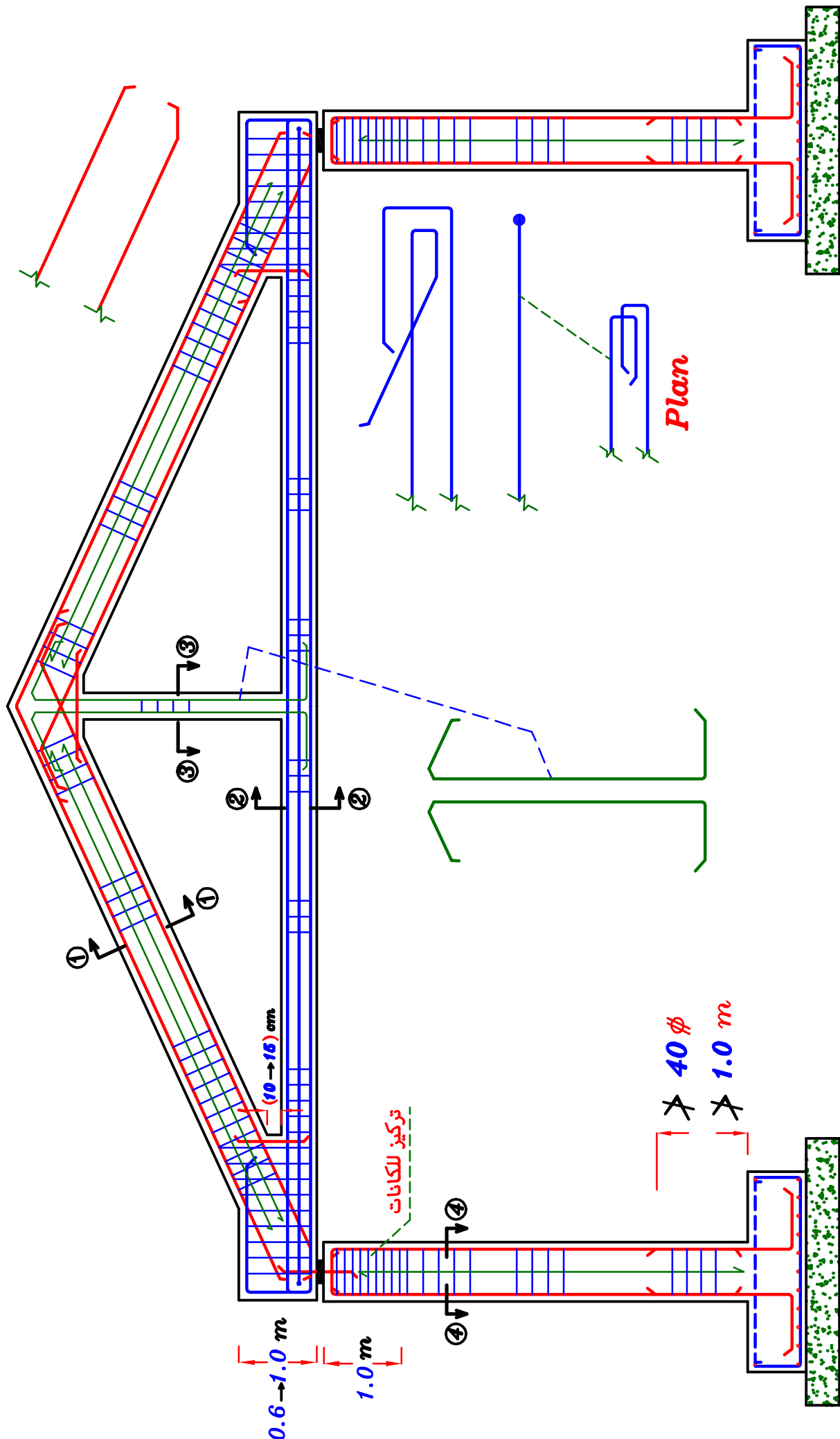


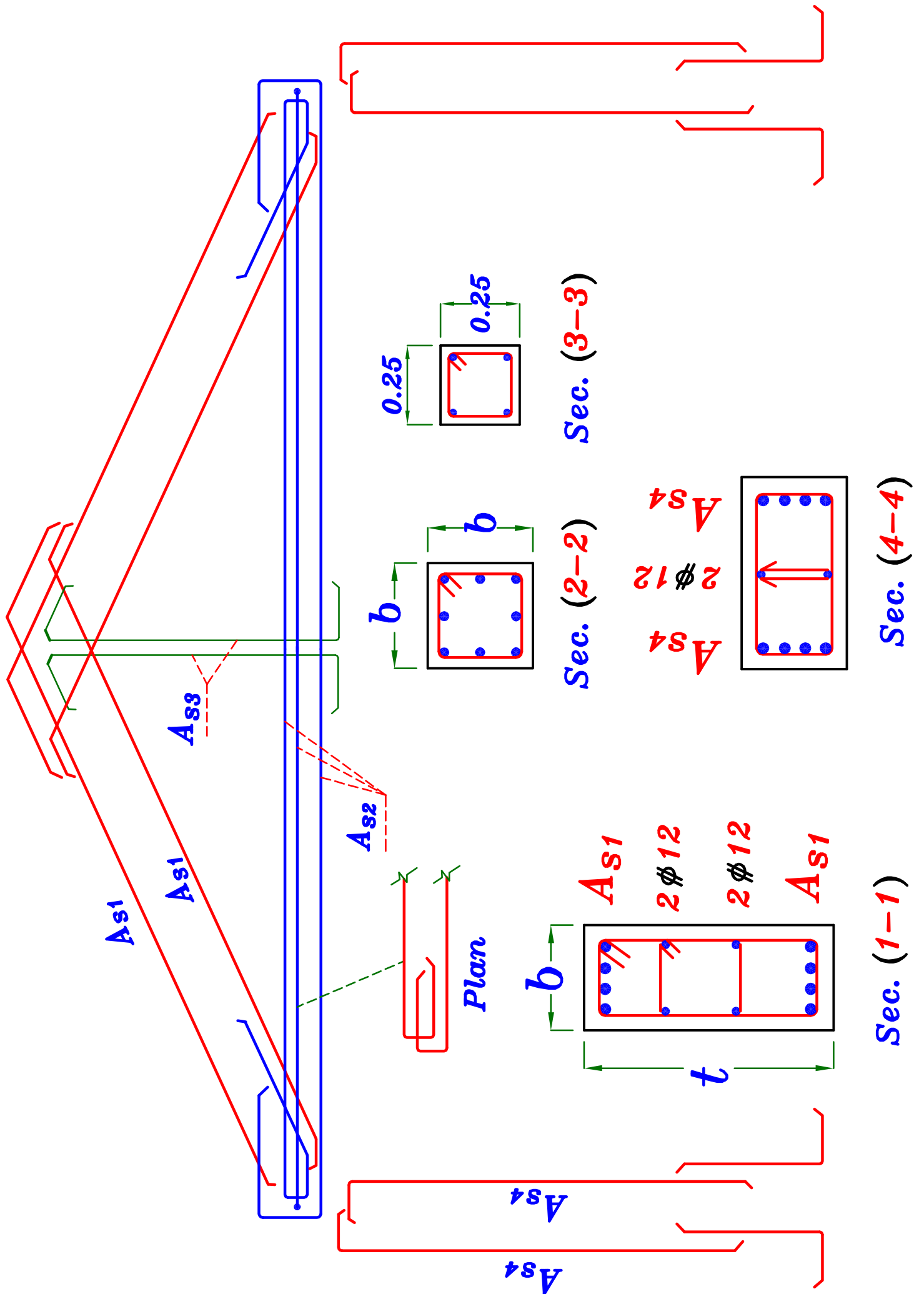
١٢ - يتم وضع الكانات مع تكثيف الكانات اعلى العمود لمقاومه Splitting Force



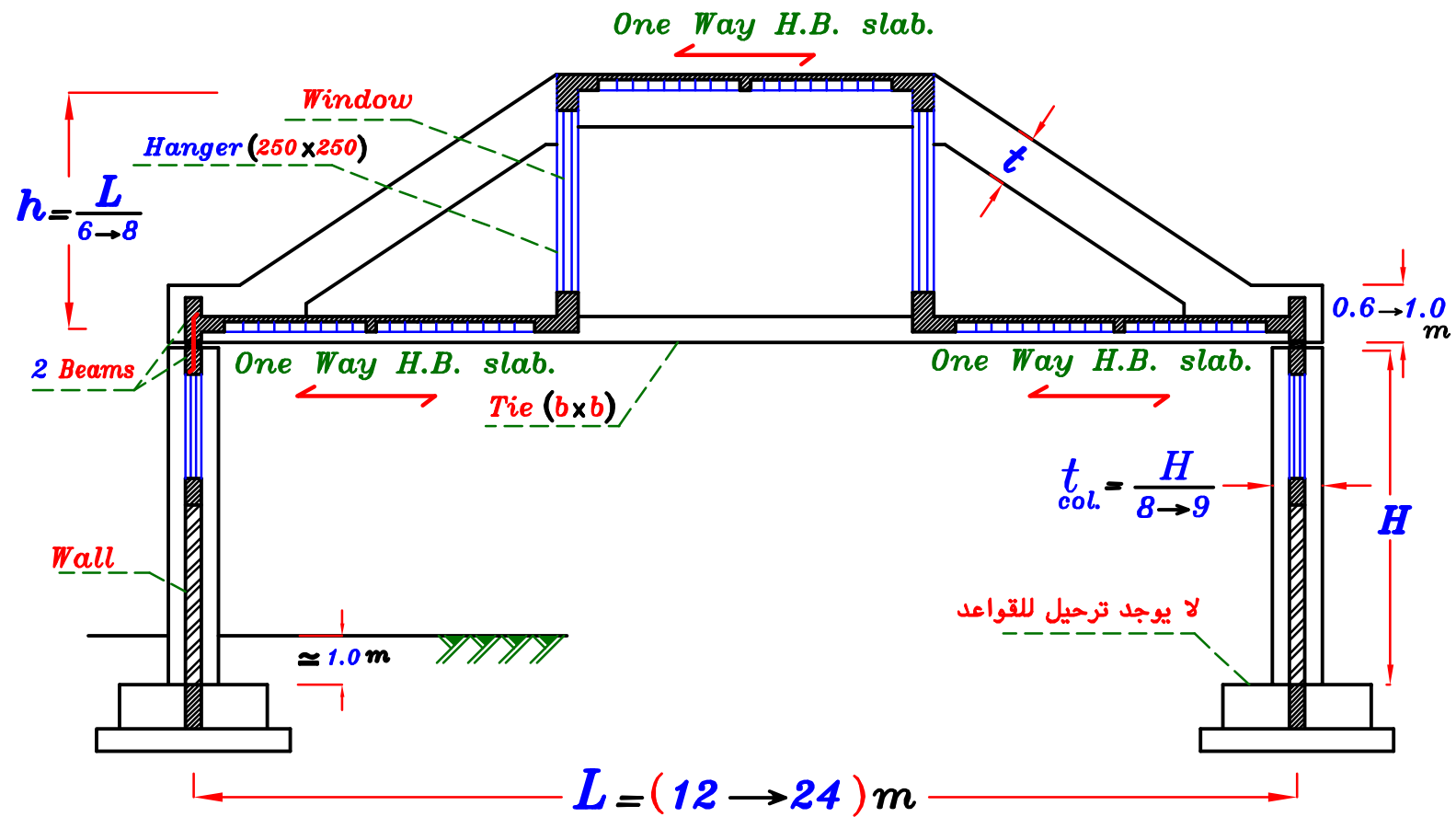


RFT. of Triangular Polygon Frame.





Trapezoidal Polygon Frames.



* $\text{Span } (L) = (12 \rightarrow 24) \text{ m}$

* $\text{Height } (h) = \frac{L}{6 \rightarrow 8}$

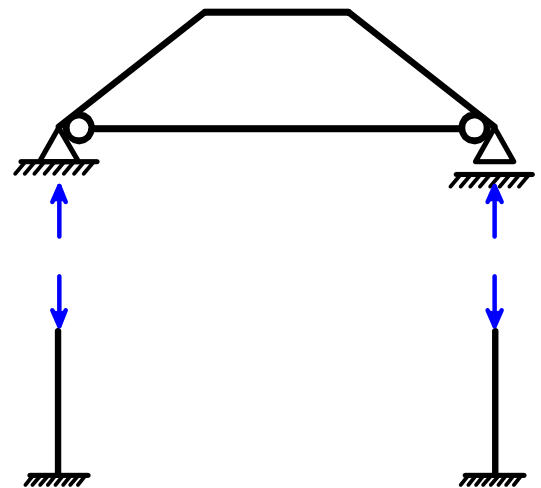
* $t_{(\text{Frame})} \approx \frac{L}{20 \rightarrow 25}$

* $b_{(\text{Frame})} = \frac{0.30 \text{ m}}{\frac{\text{Spacing}}{20}} \left. \vphantom{\frac{0.30 \text{ m}}{\frac{\text{Spacing}}{20}}} \right\} \text{الأكبر}$

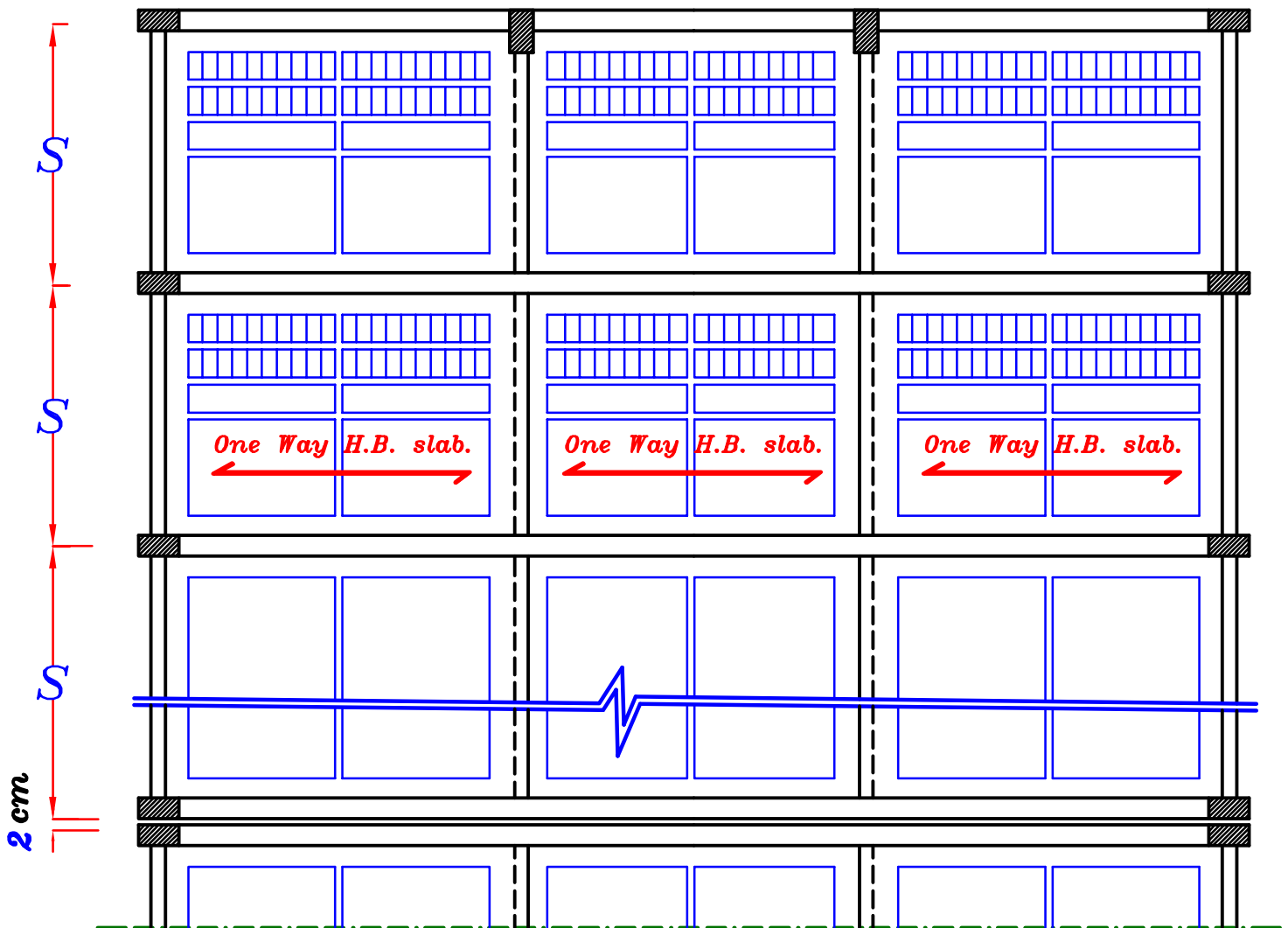
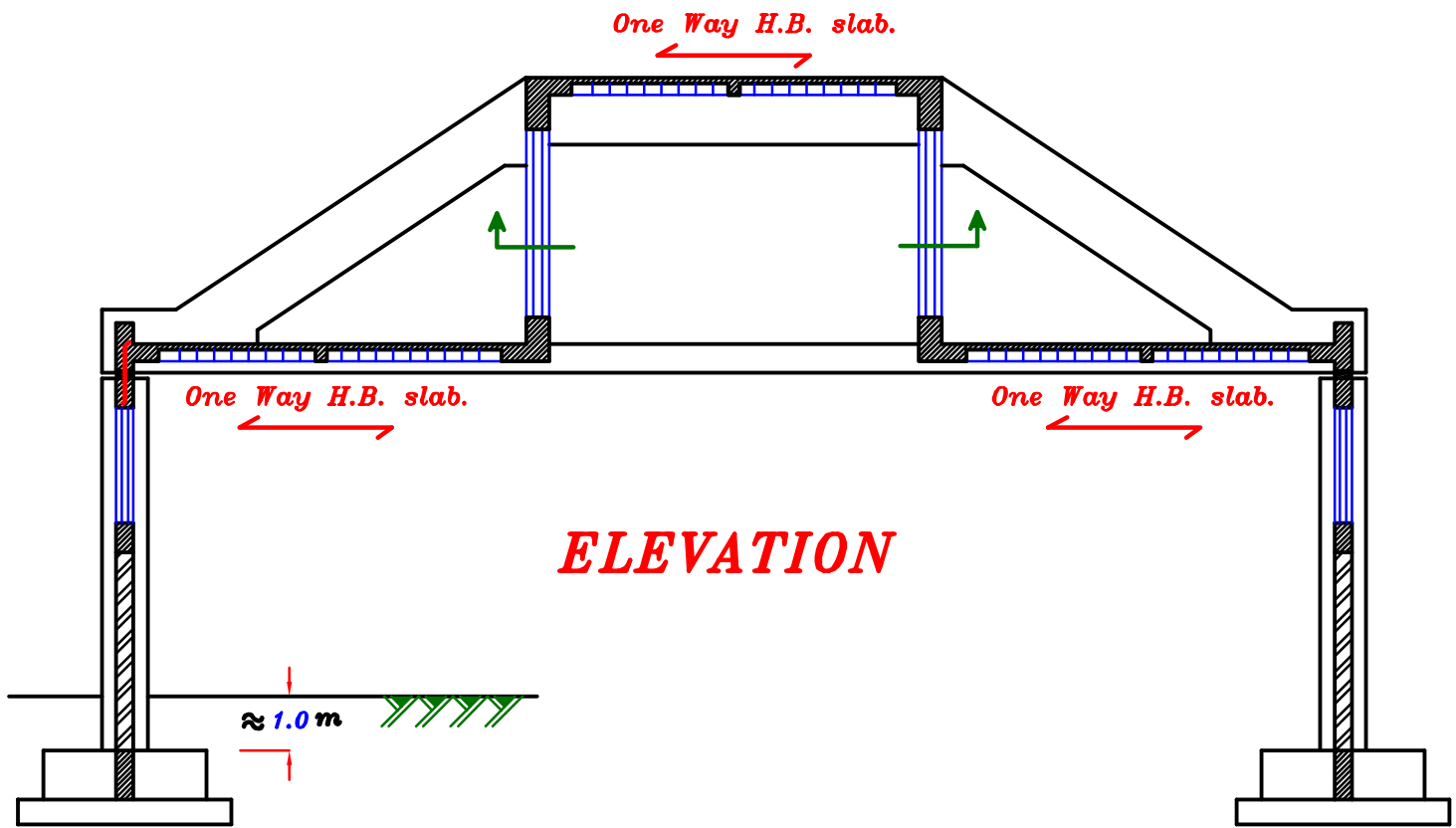
* $\text{Tie } (b \times b)$

* $\text{Hanger } (250 \times 250)$

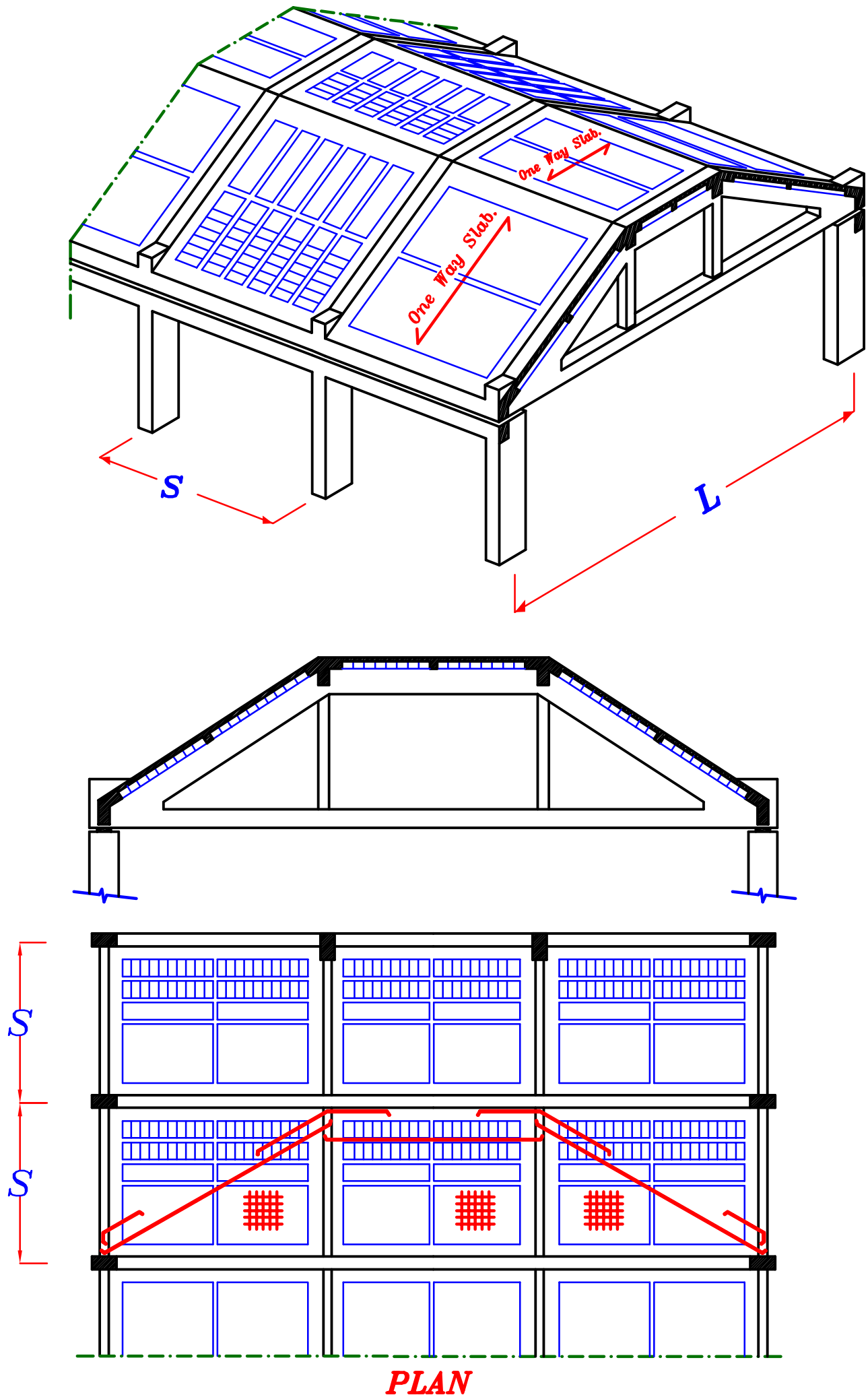
* $t_{\text{col.}} = \frac{H}{8 \rightarrow 9} \text{ to be safe buckling inside Plan.}$

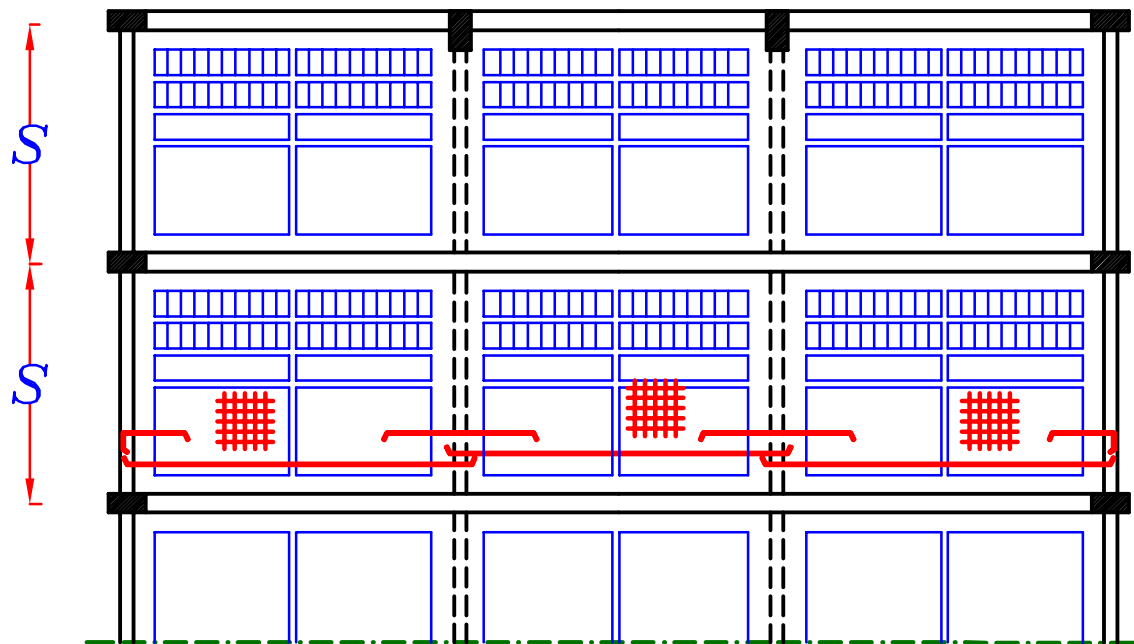
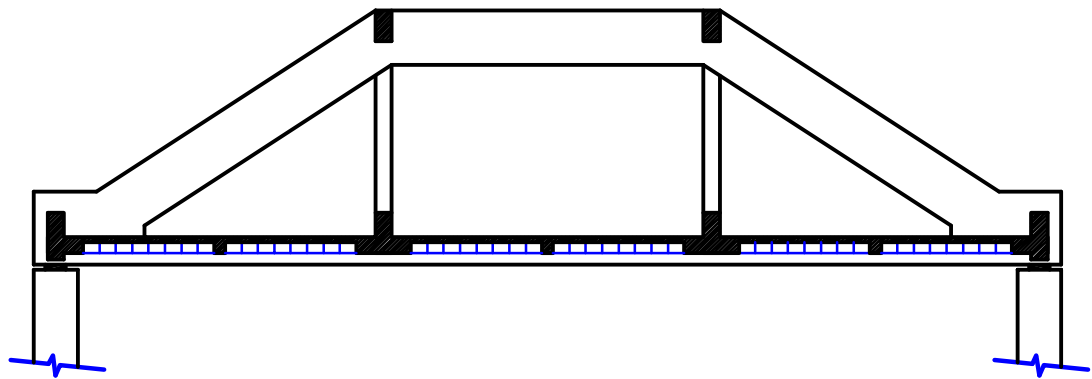
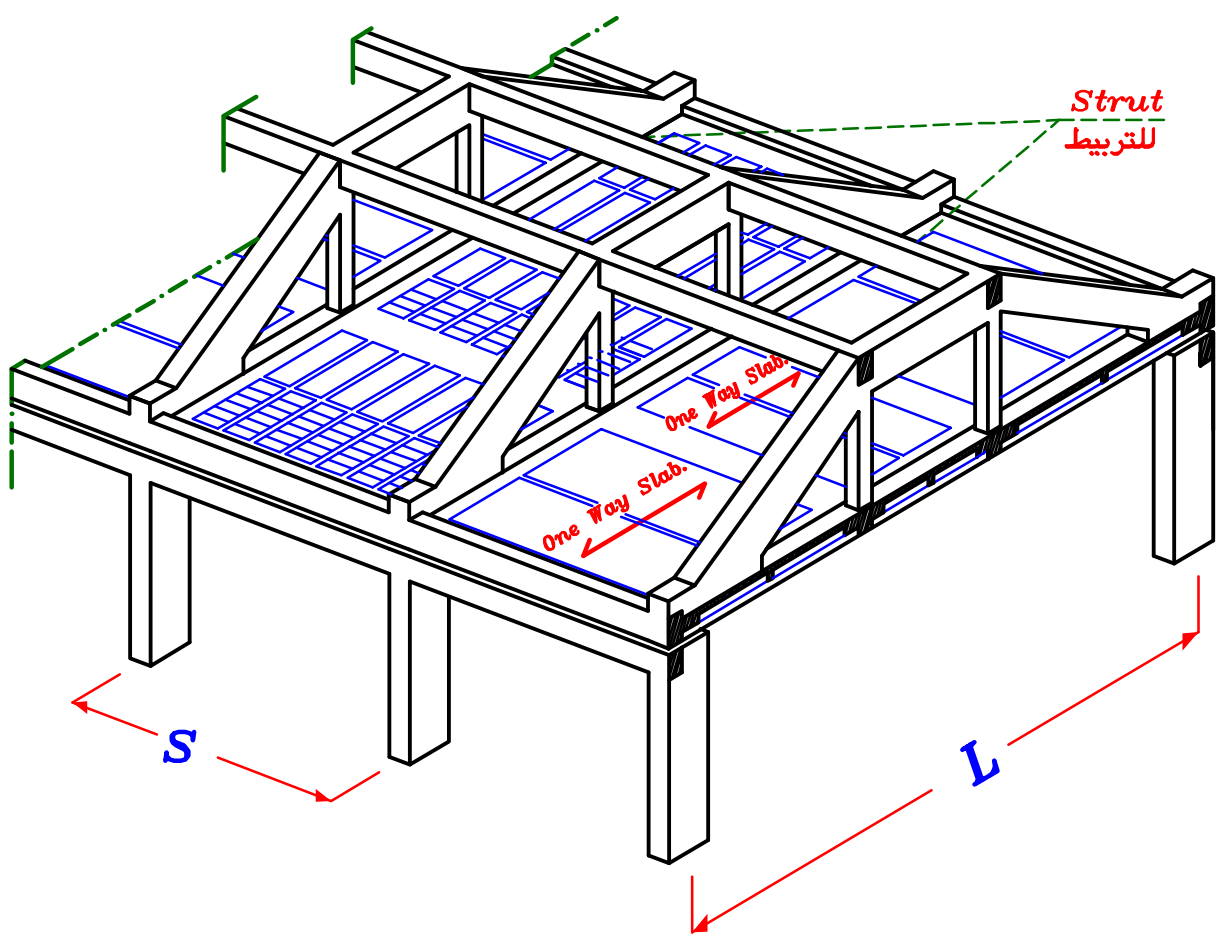


Statical System

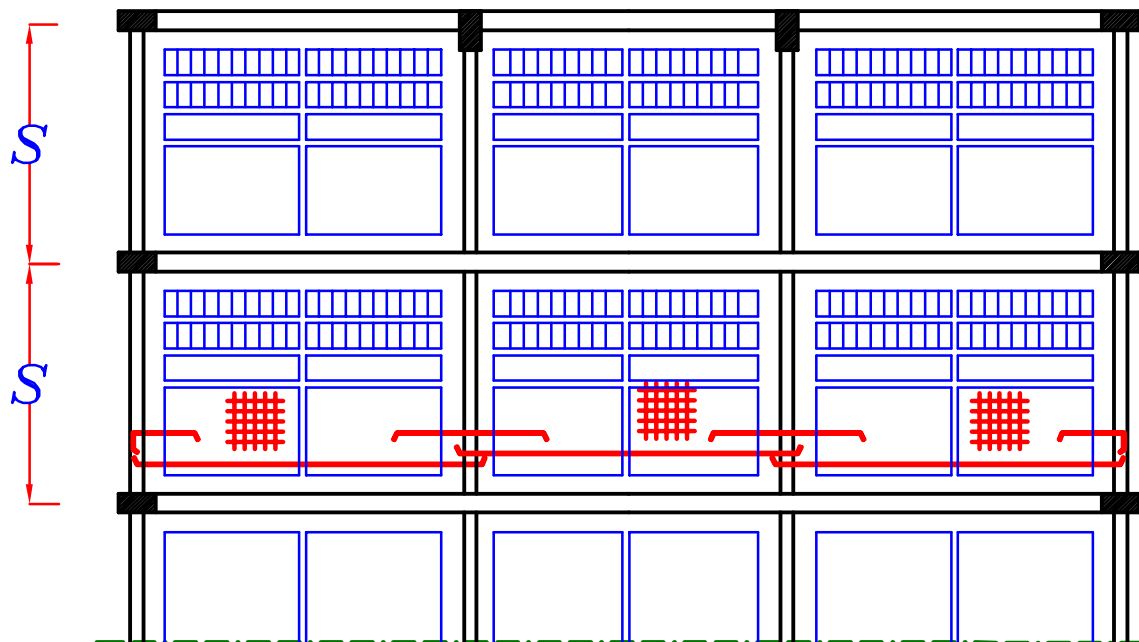
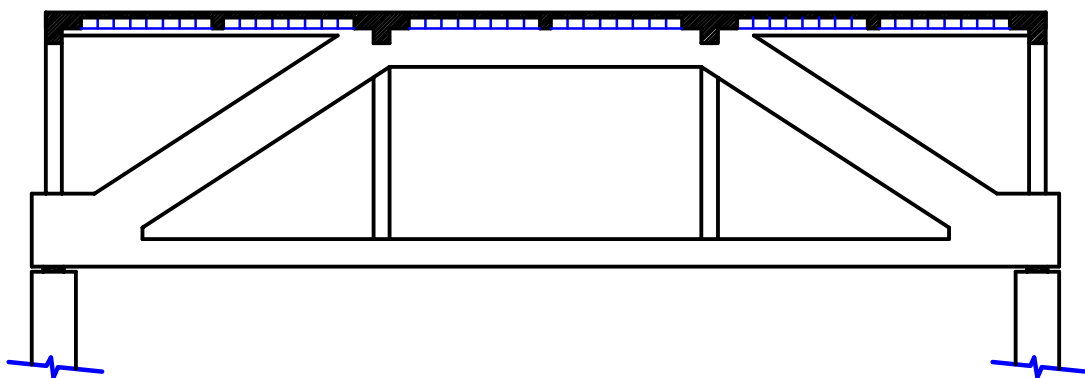
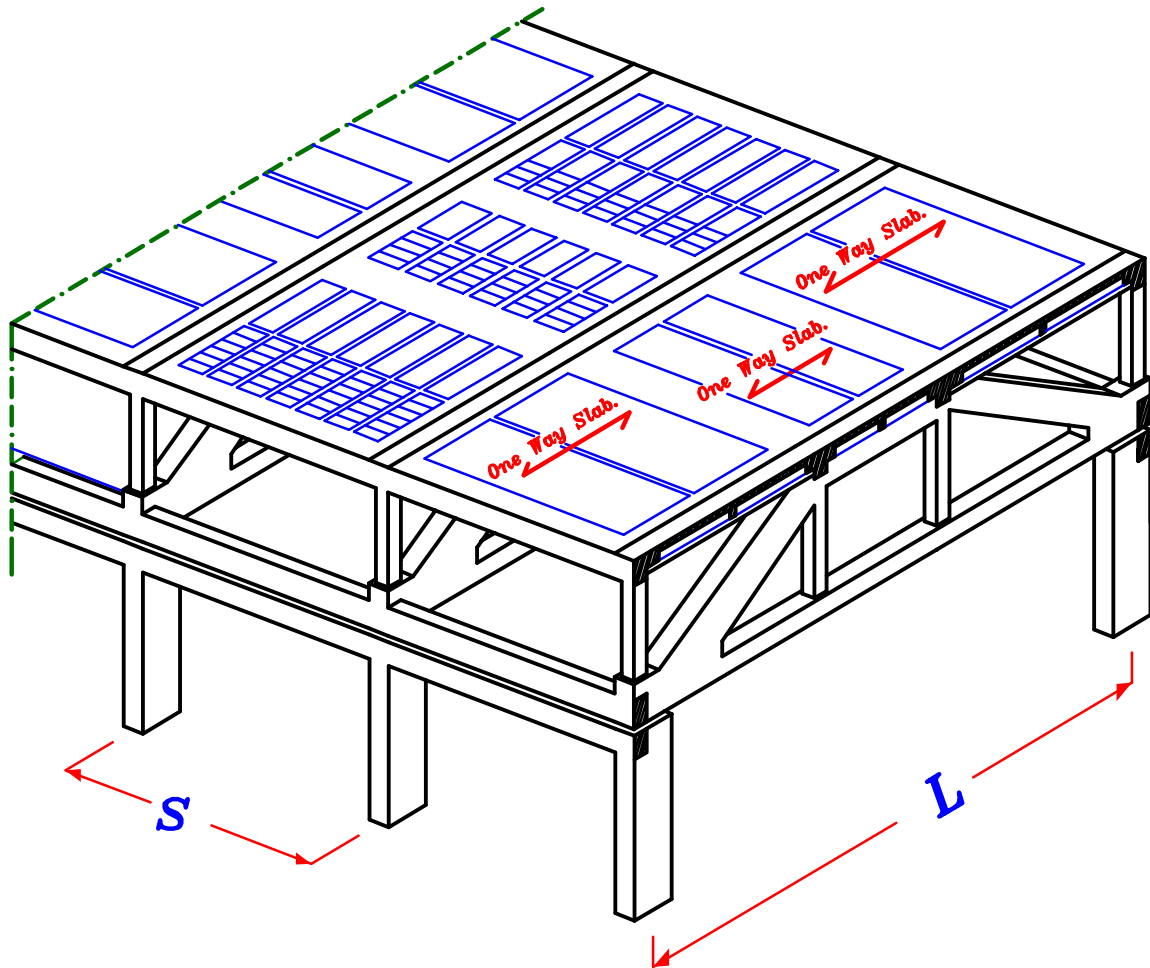


PLAN

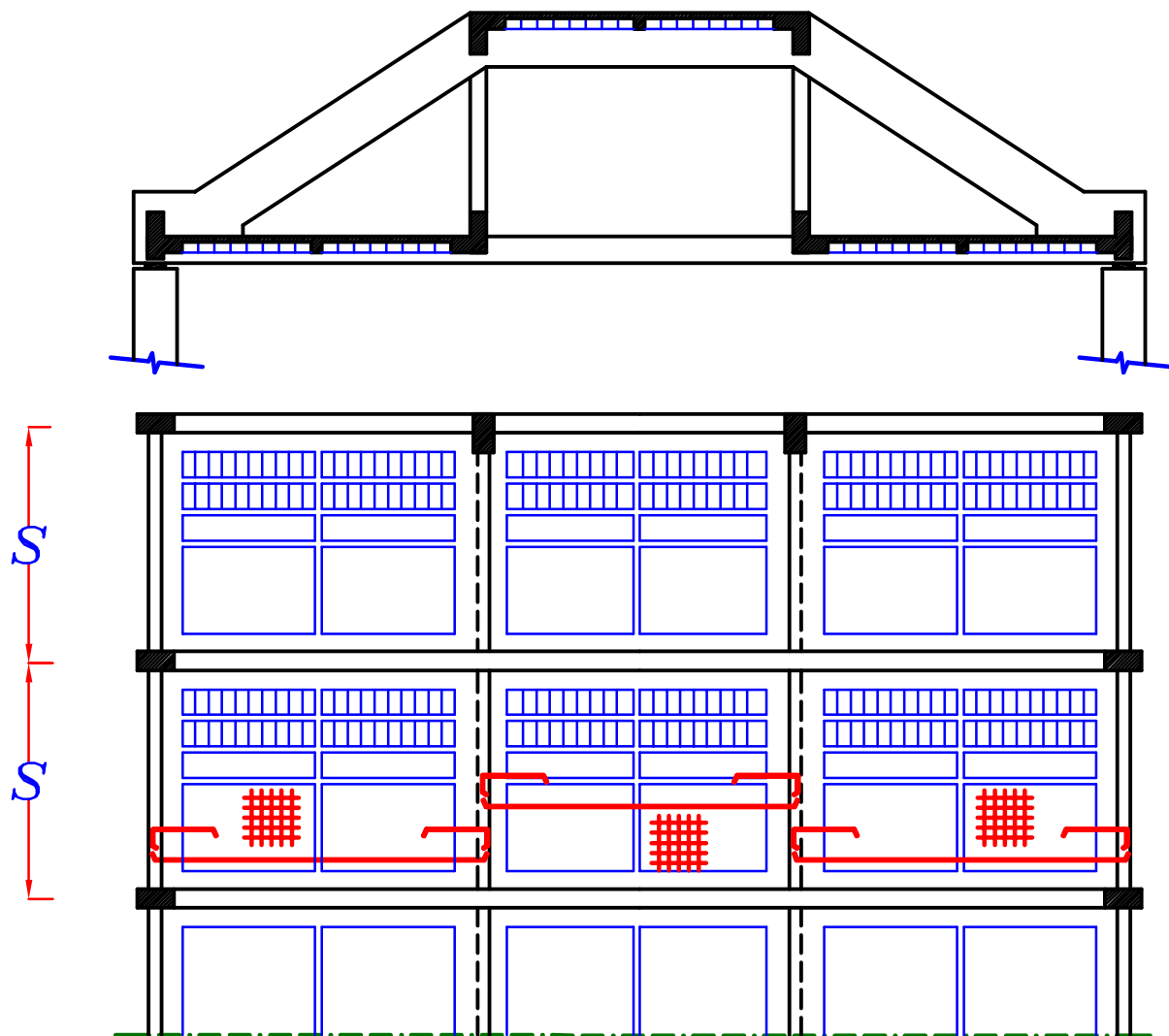
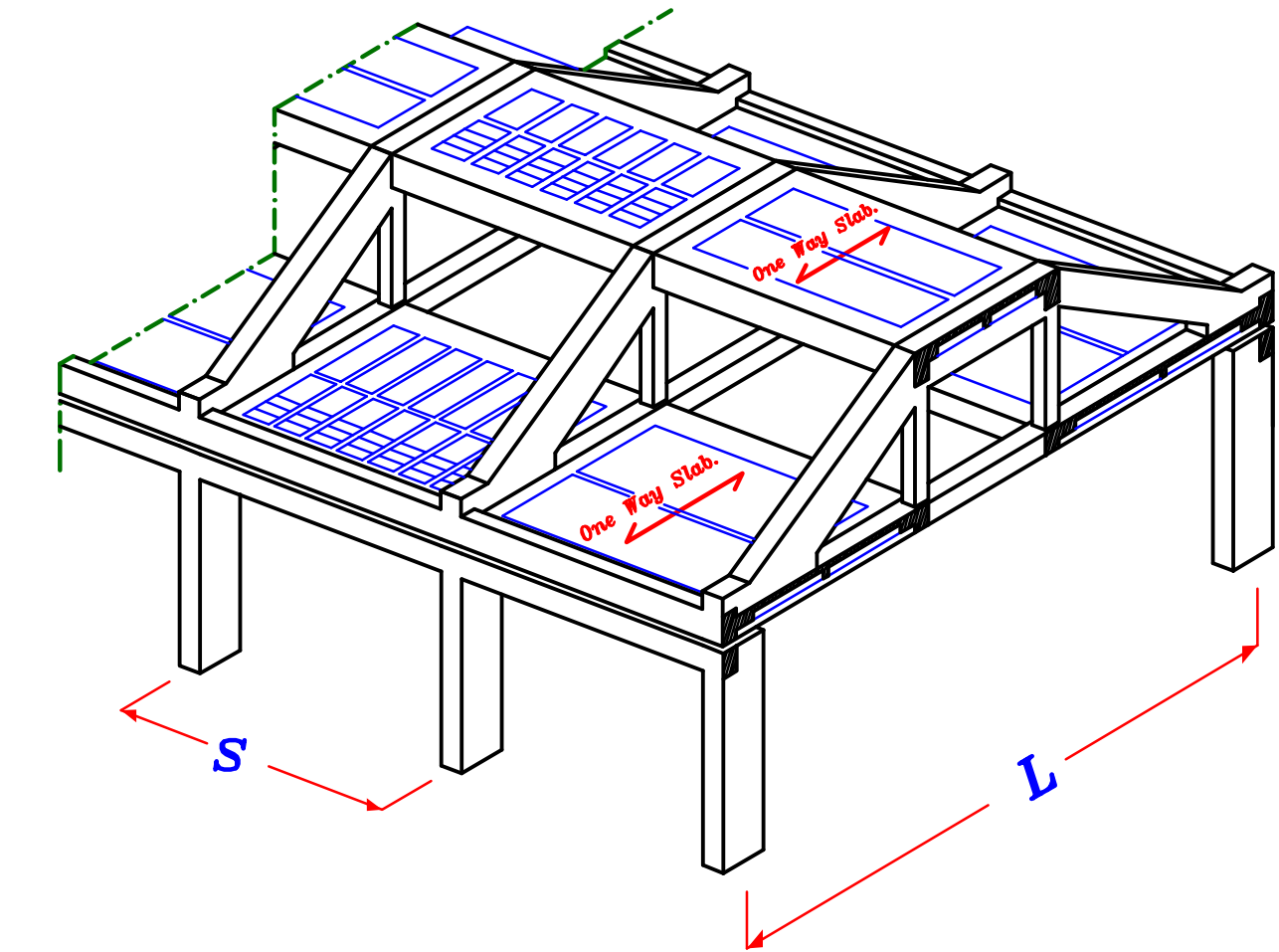




PLAN



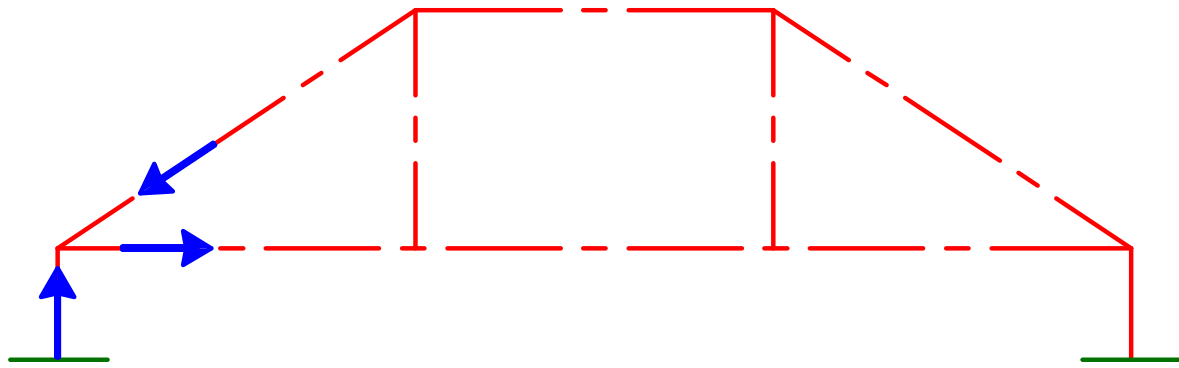
PLAN



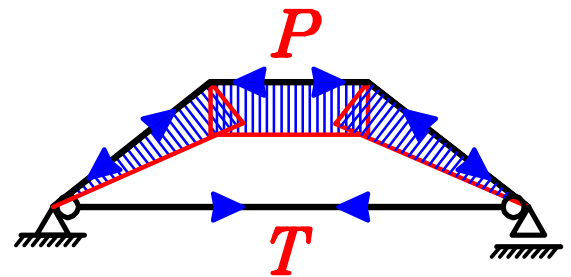
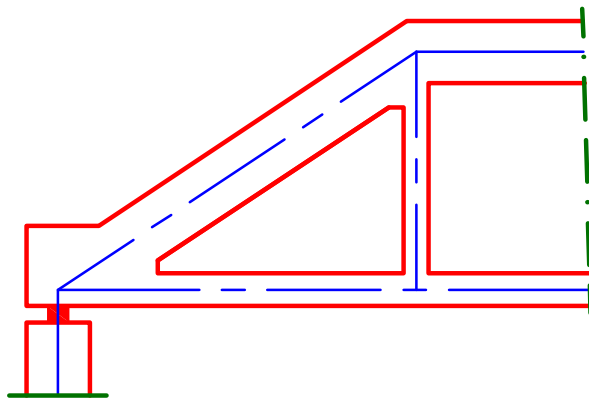
PLAN

Reinforcement of Trapezoidal Polygon Frame.

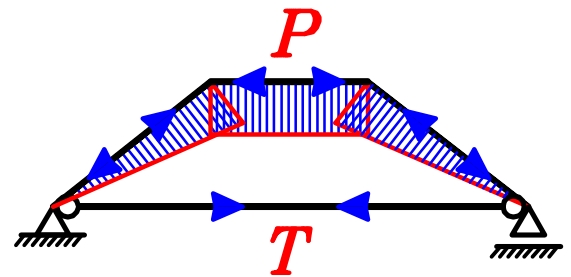
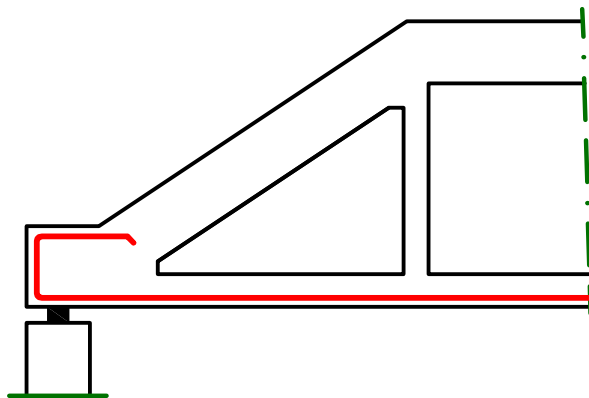
١ - نرسم ال $C.L.$ مع مراعاة تقاطع ال $C.L.$ عند ال $Joints$ لضمان ال $Stability$



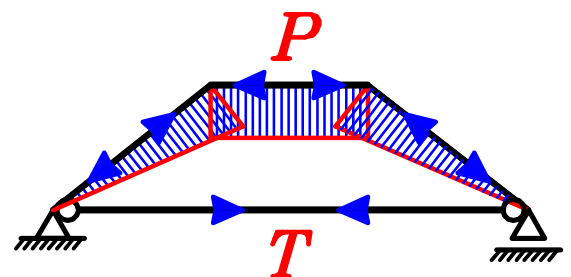
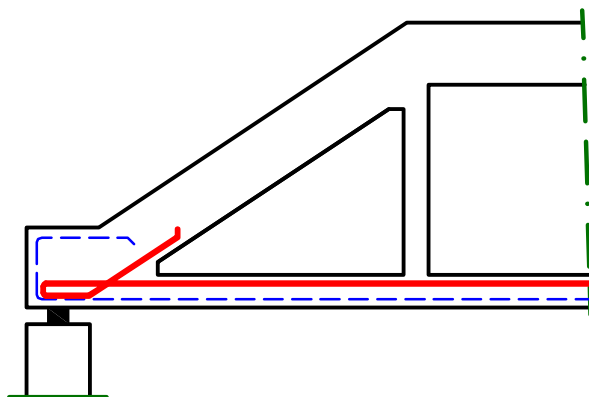
٢ - نرسم الخرسانه حول ال $C.L.$ بتخاناتها



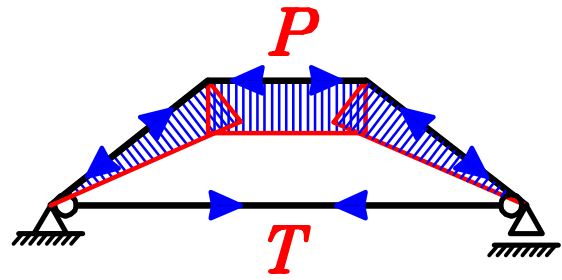
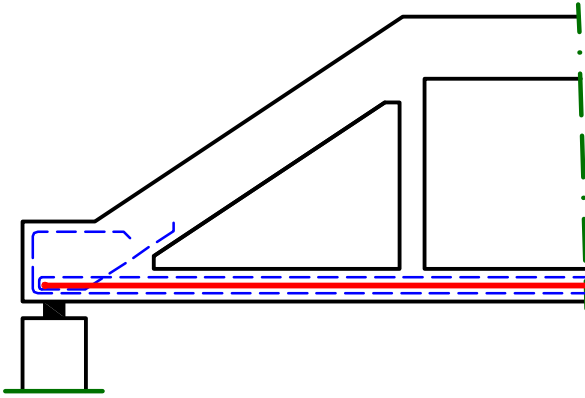
٣ - نرسم التسليح السفلى لل Tie مع مراعاة تكملته في الدراسه من الاول للآخر



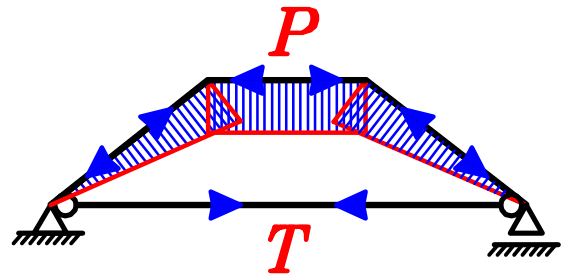
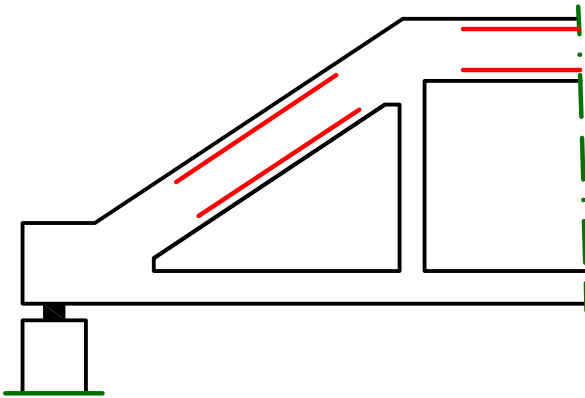
٤ - نرسم التسليح العلوى لل Tie مع مراعاة تكملته في الدراسه من الاول للآخر



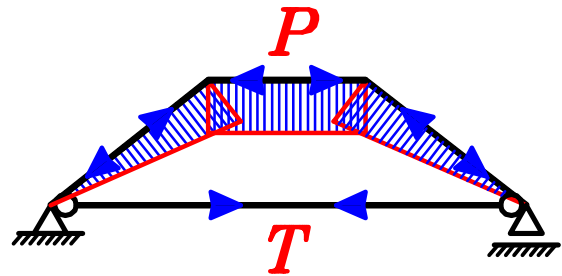
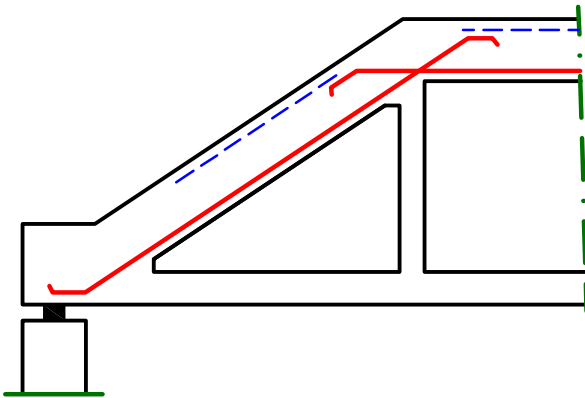
٥ - نرسم التسليح الاوسط لا Tie مع مراعاة تكملته فى الدراسه من الاول للآخر



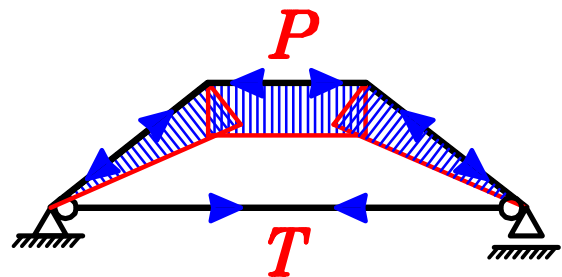
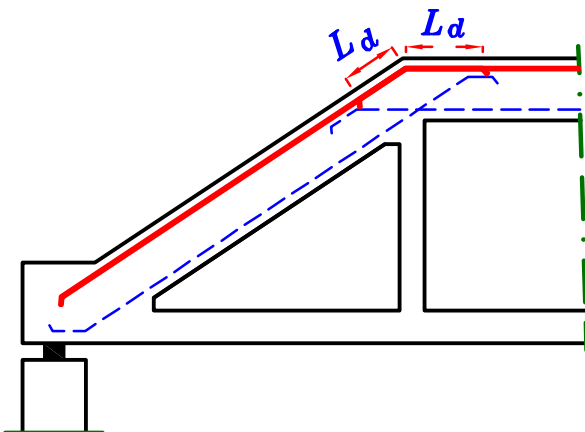
٦ - وضع تسليح ال Compression members فى الجهتين



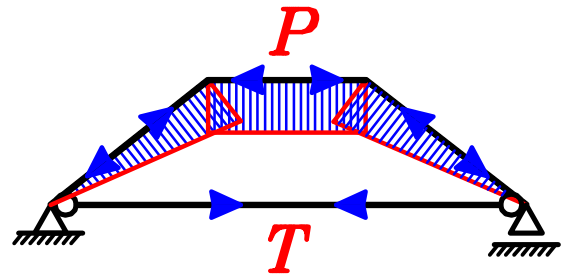
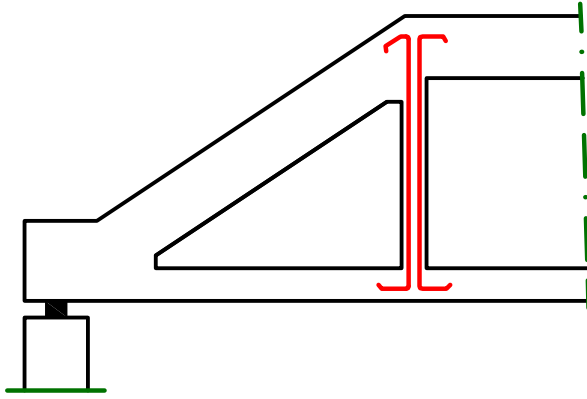
٧ - الحديد السفلى يمتد من الجهتين مسافه $L_d = 60 \phi$ من الجهتين



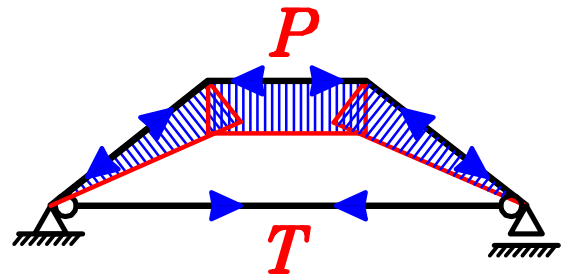
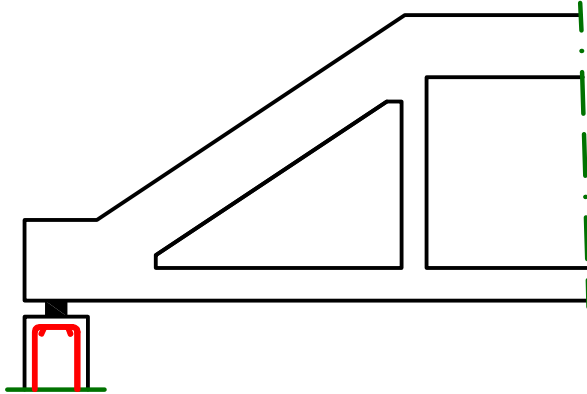
٨ - الحديد العلوى يمتد من الجهتين مسافه $L_d = 40 \phi$ من الجهتين



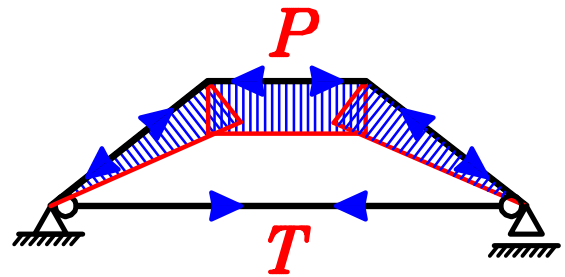
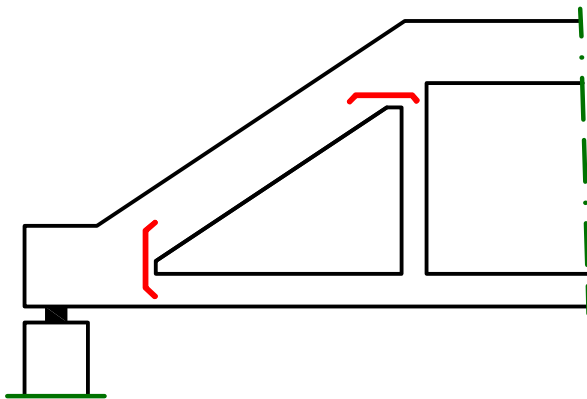
٩ - نضع تسليح ال *Hanger*



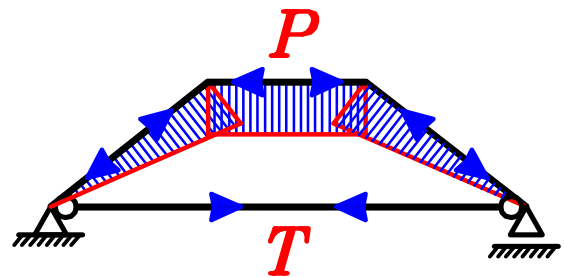
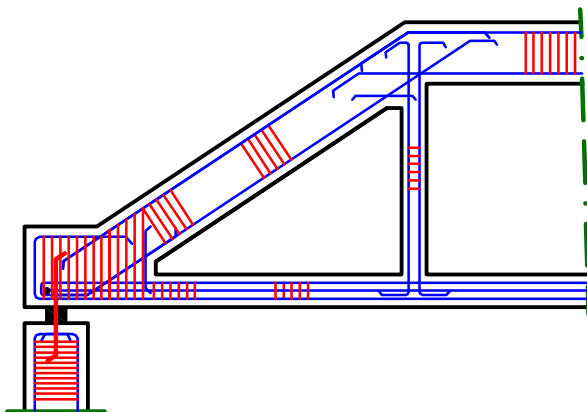
١٠ - نضع تسليح العمود

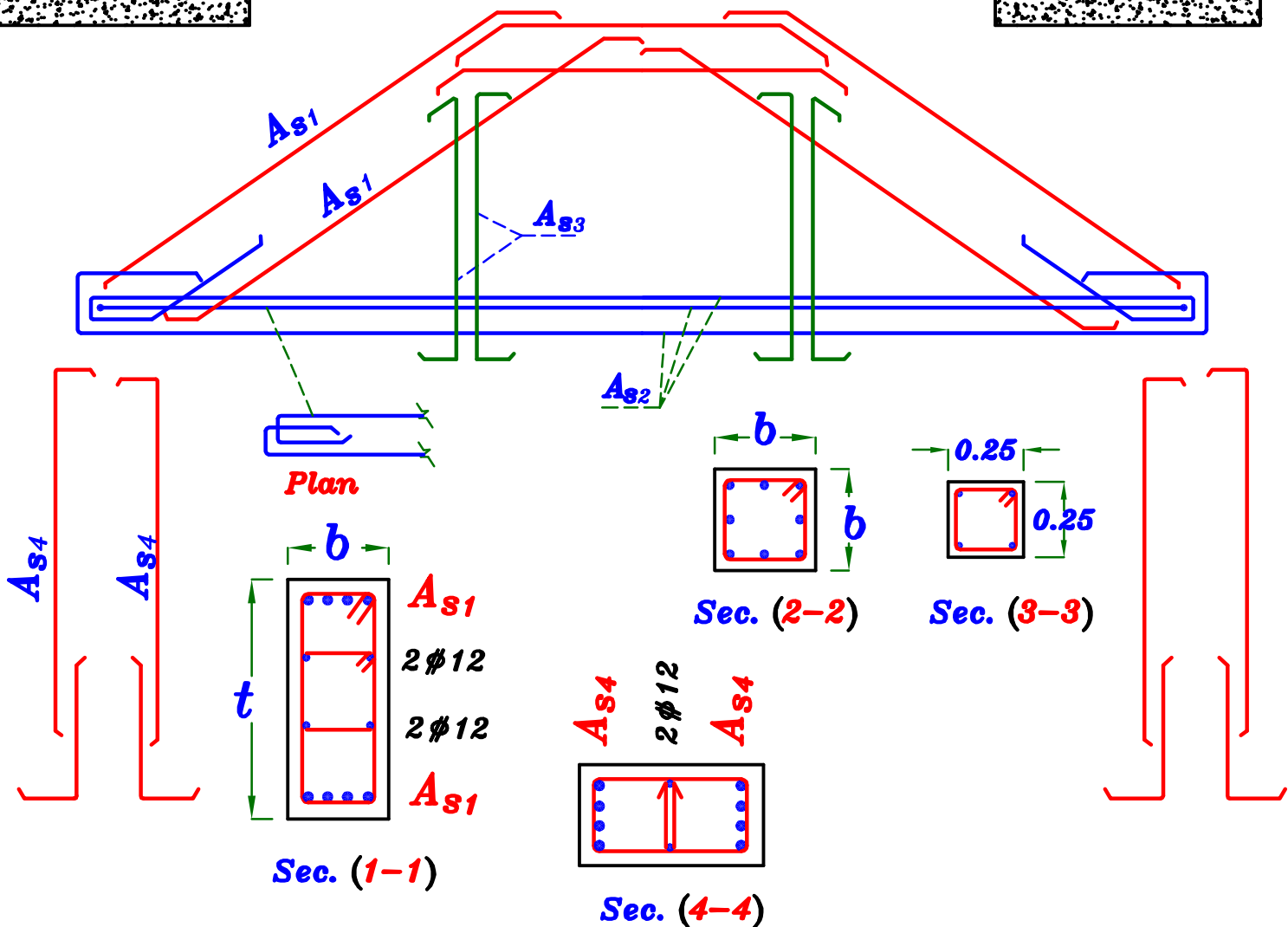
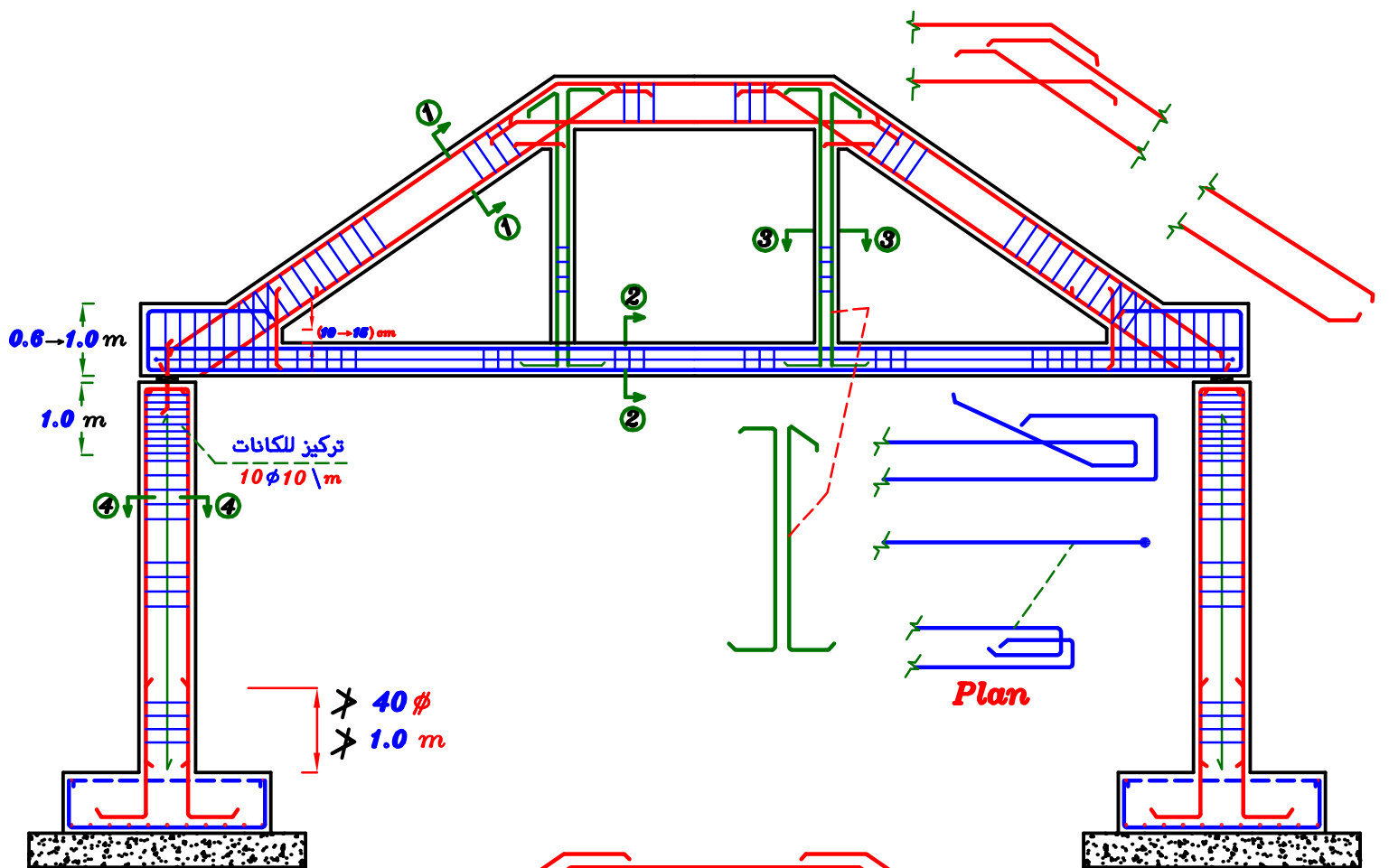


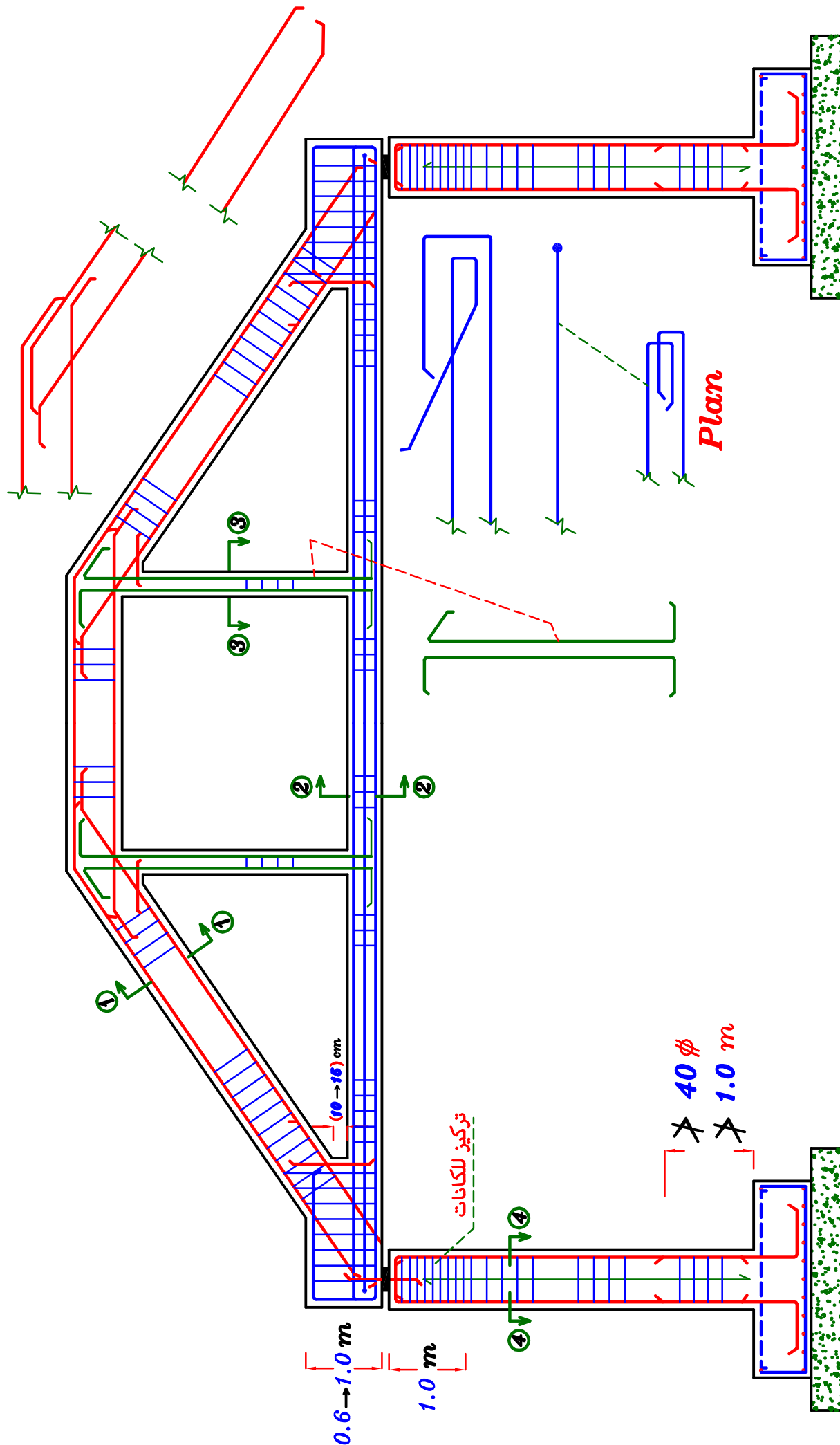
١١ - نضع تسليح بسيط في حدود $2 \phi 10$ عند الزوايا الحاده لمنع تشرخ ال *Cover*

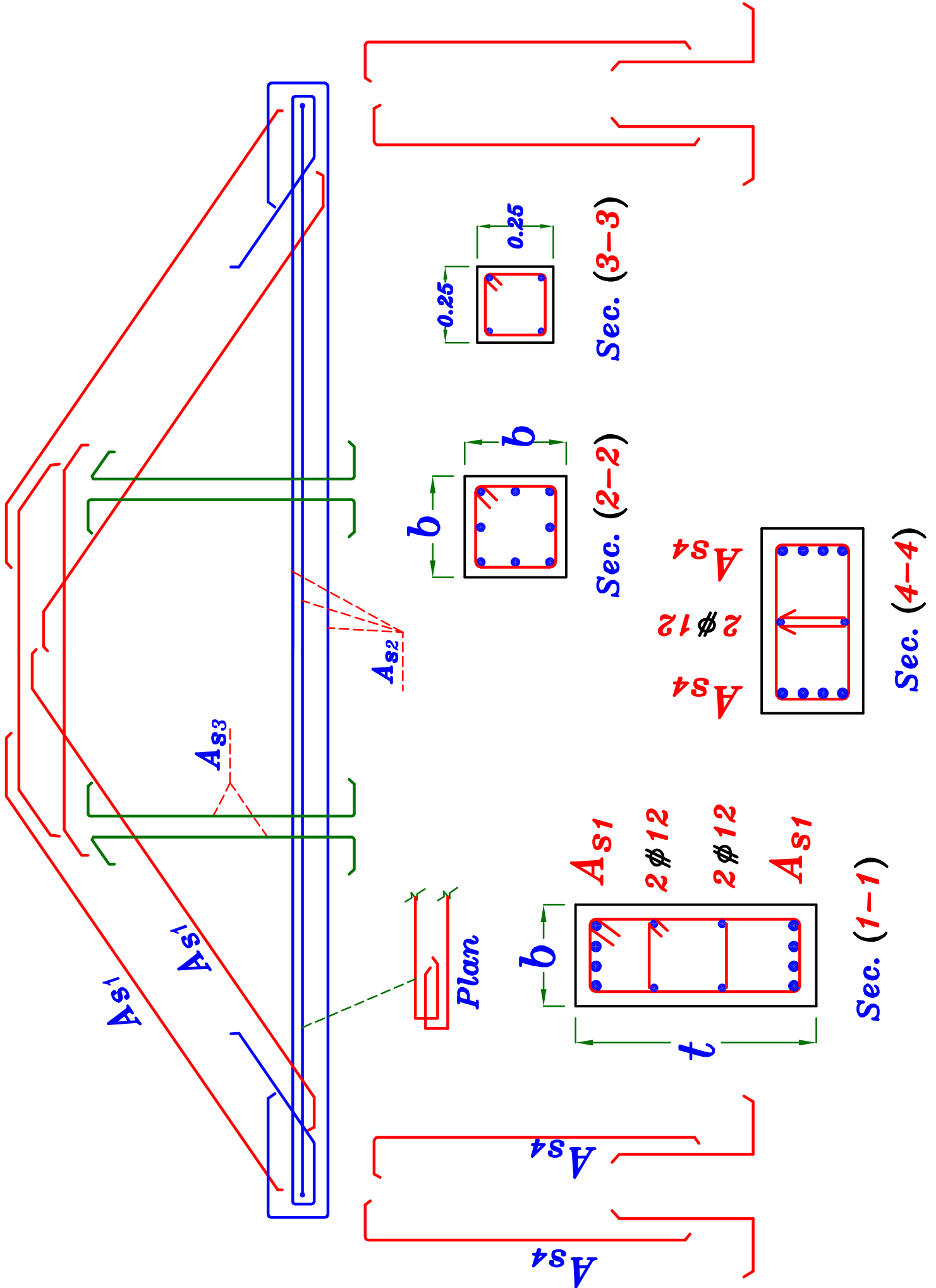


١٢ - يتم وضع الكانات مع تكثيف الكانات اعلى العمود لمقاومه *Splitting Force*







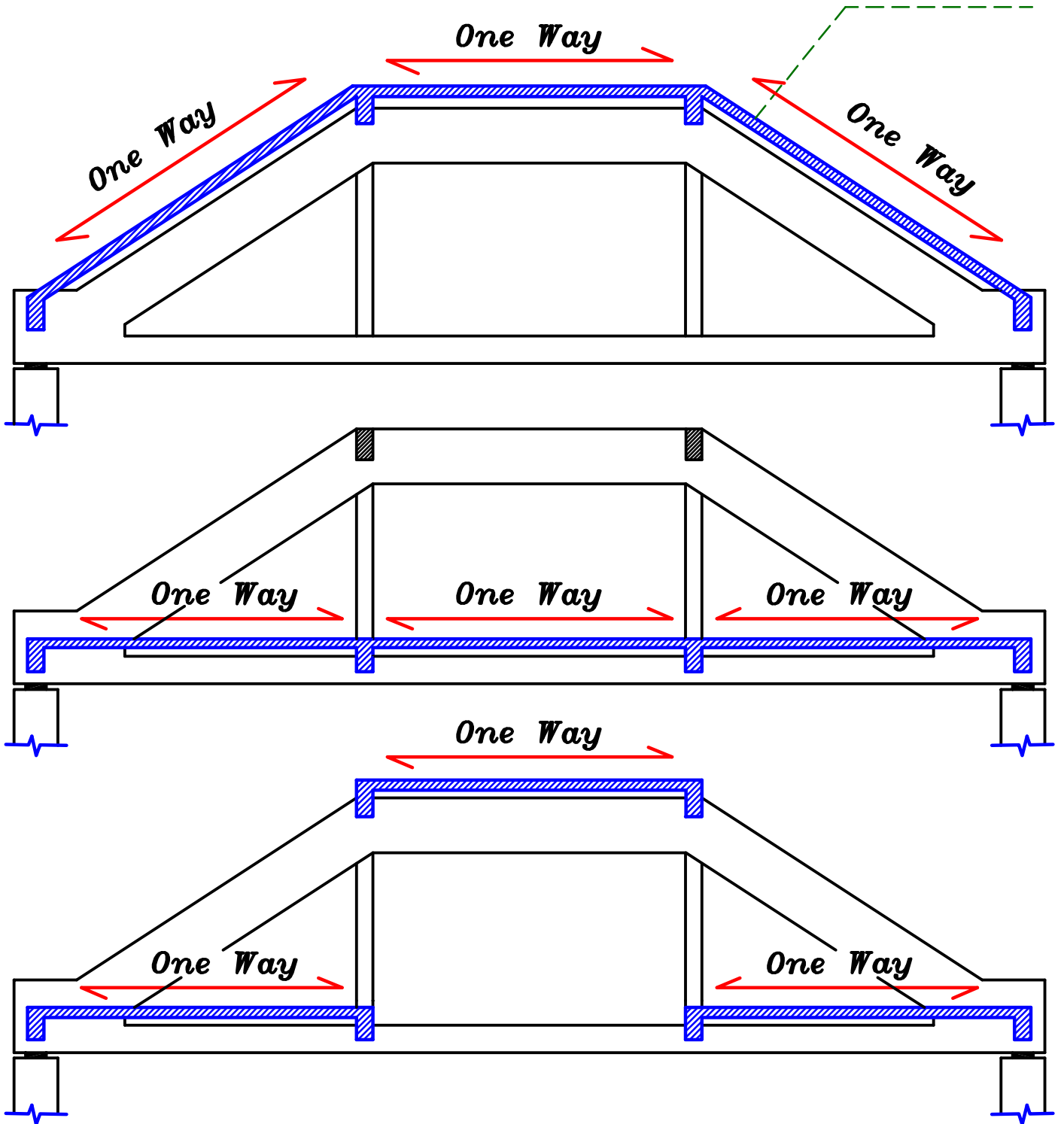


Using Solid Slabs.

اذا كان $F.C. + L.L. > 10 \text{ kN/m}^2$ او اذا كان هناك **Vibration** على المبنى.

لن نستطيع اخذ البلاطة **Hollow Blocks** فسنضطر اخذ البلاطة **Solid Slab** و لكي نضمن ان البلاطة **one way** نعمل على رفع منسوب البلاطة حوالى ٥ سم عن ال **Frame** حتى تكون محموله على الكمرتين الجانبيتين .

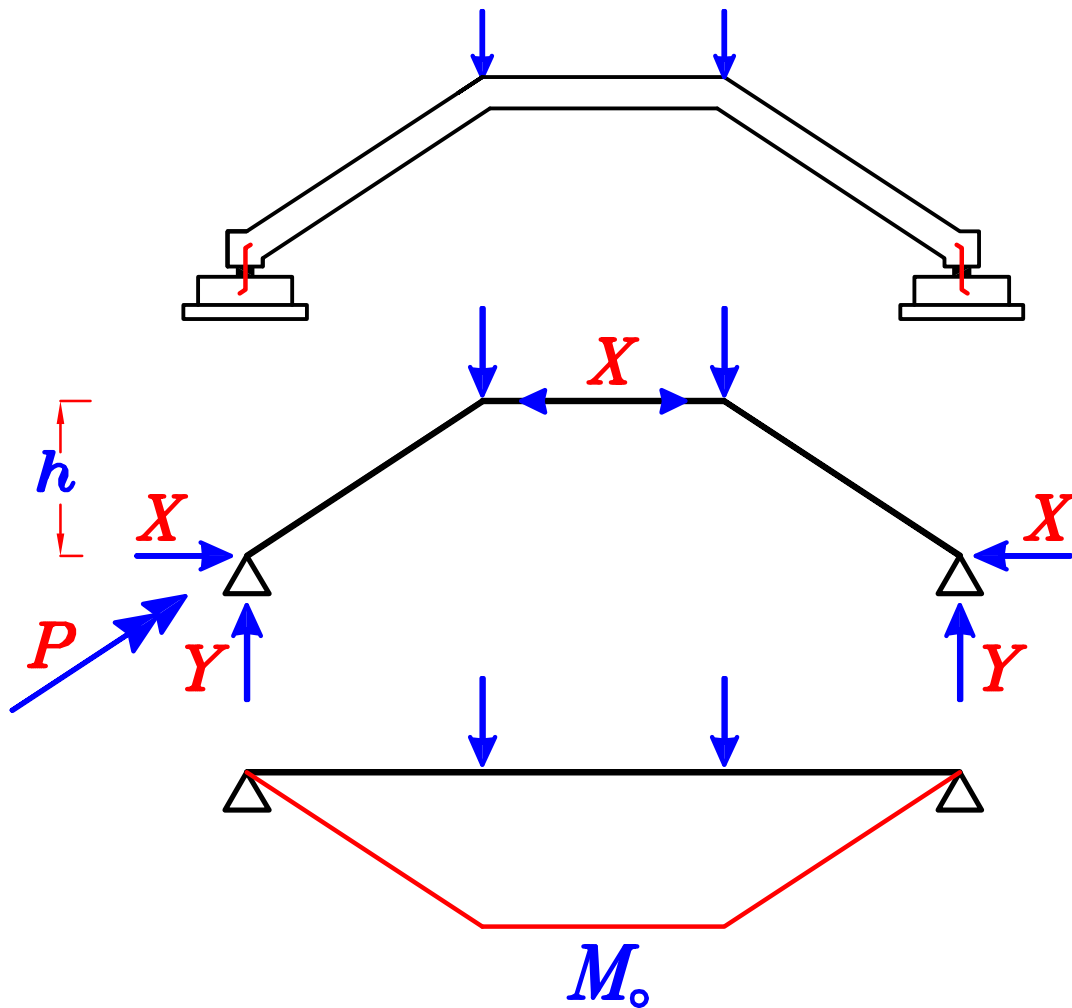
البلاطة مرفوعة عن ال **Frame** حتى نضمن عدم تحميلها على ال **Frame** فتكون بلاطة **One Way** فى اتجاه الكمرتين فقط



Two Hinged Polygon Frames.

يمكن وضع ال **polygon Frame** موضوع على القواعد مباشرة و في هذه الحالة

نضع ال **polygon Frame** على قاعدتين **Hinged** و بالطبع لن نحتاج ل Tie



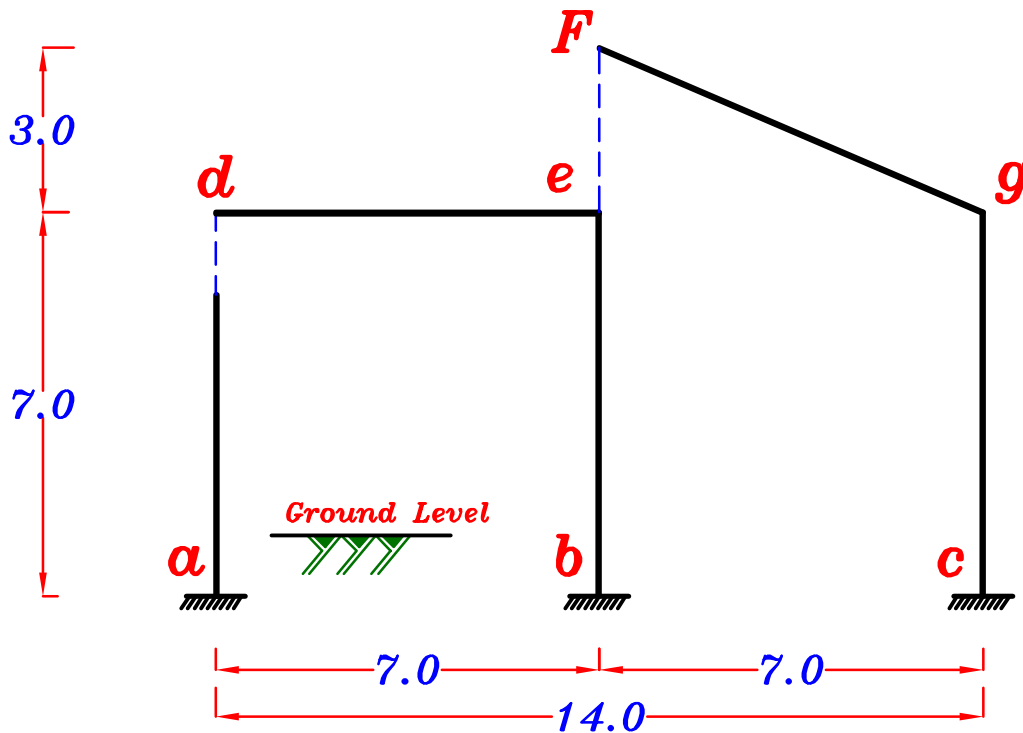
$$Y = \frac{\sum Load}{2}$$

$$X = \frac{M_{\odot}}{h}$$

$$P = \sqrt{X^2 + Y^2}$$

Design the polygon Frame on Compression P

Example.



The shown layout For a system covering an area $(14 \times 30\text{m})$.

Windows are placed along $e-f$

Exterior and Interior columns are placed every 6.0 m in the longitudinal direction. Walls of thickness 25cm are constructed along the perimeter of the main hall between the external columns.

Design Data :

* $F_{cu} = 25 \text{ N/mm}^2$ * $F_y = 360 \text{ N/mm}^2$

* Total loads (D.L.+L.L.) of the HL. slab. 6.0 kN/m^2 H.P.

Required :

1- Without any calculations, but with reasonably assumed concrete Dim. Draw a Cross sec. elev. scale (1:50) Showing all concrete elements .

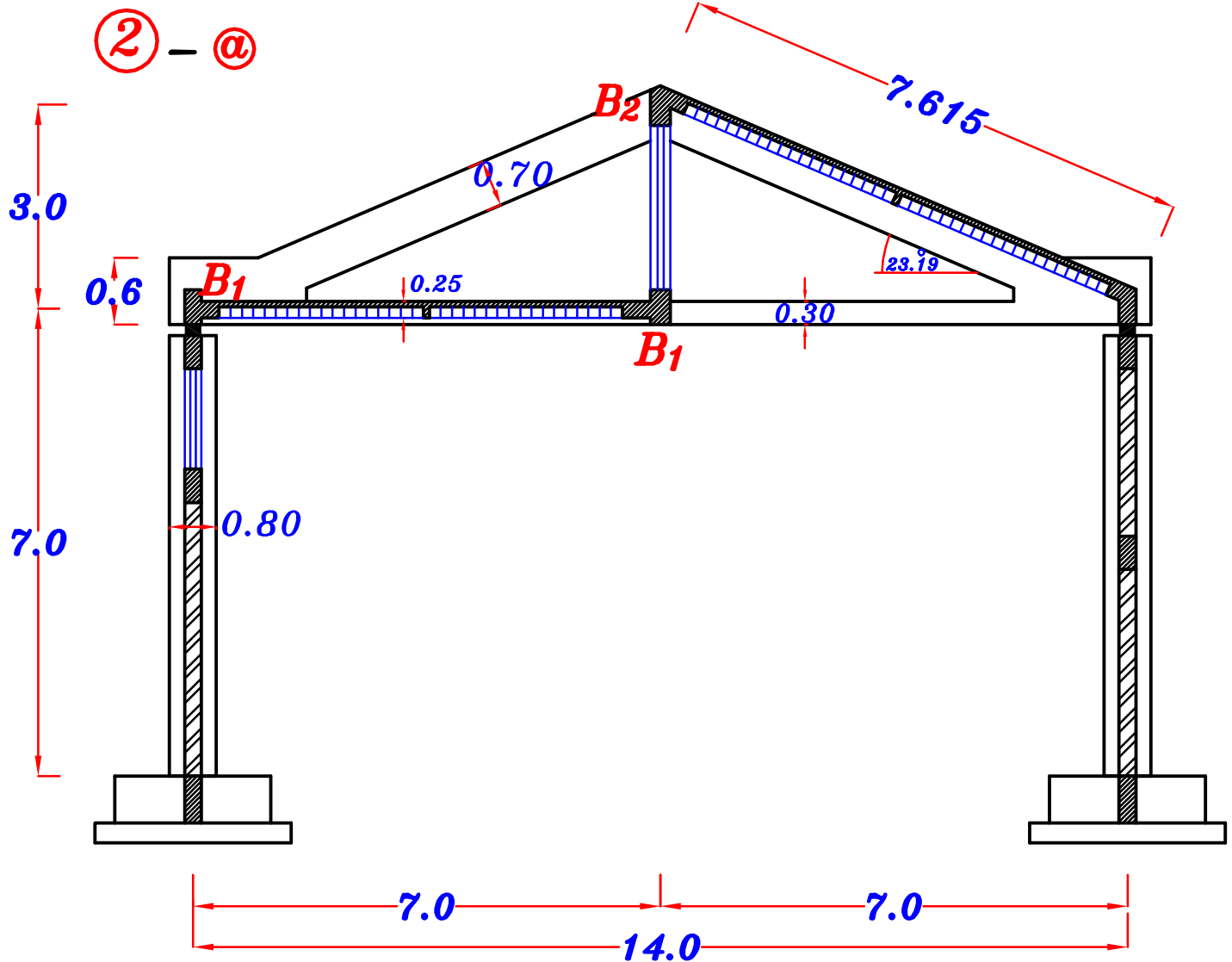
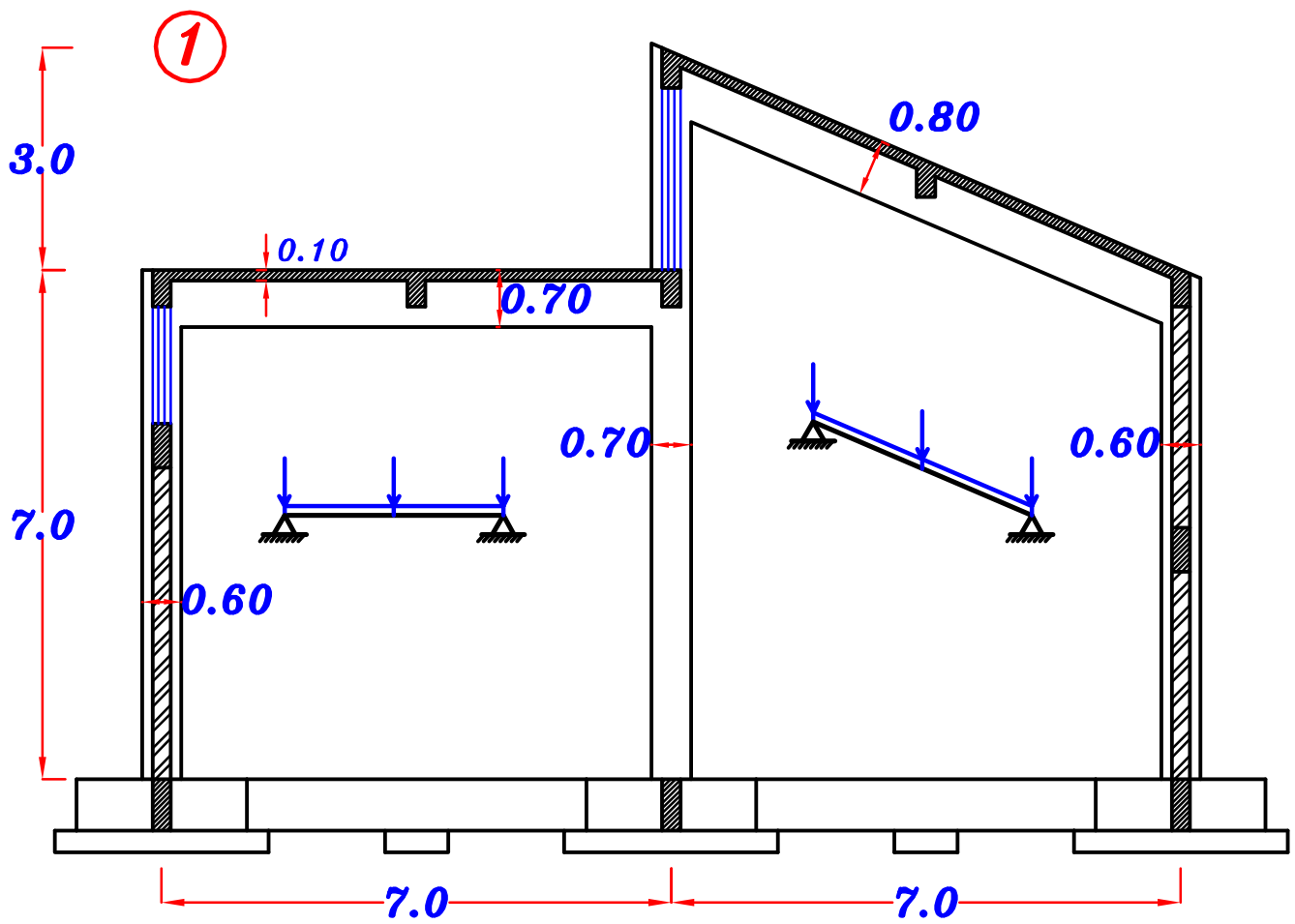
2- IF columns $b-e$ is removed From the inside of the hall,
& it is allowed to place any structural member between $e-g$ It is Required :

a- Suggest a convenient statical supporting systems For the given roof and Draw a Sec. elevation showing all concrete elements For your proposals scale (1:100)

b- Design the slabs and draw details of RFT. in plan.

c- Design the main supporting element, and Draw a sectional elevation to show the Details of Reinforcement For the main supporting element.

3- IF columns $b-e$ is removed From the inside of the hall,
& it is NOT allowed to place any structural member between $e-g$ It is Required:
Suggest Two convenient statical supporting systems For the given roof and Draw a Sec. elevation showing all concrete elements For your proposals to scale (1:100) and Draw their Statical systems.



② – ⑥ Design the slabs.

① Loads From Slabs. (Use one way H.B. slab at beam direction)

$$t = \frac{7615}{20} = 380.7 \text{ mm}$$

$$t = 300 \text{ mm}$$

$$t_s = 50 \text{ mm}$$

$$h = 250 \text{ mm}$$

$$\therefore W_{\text{total}} = 6.0 \text{ kN/m}^2 \text{ H.P. ----- As given in data}$$

$$\therefore W_{\text{total U.L.}} = 1.5 * 6.0 = 9.0 \text{ kN/m}^2 \text{ H.P.}$$

H.B. Slab. Horizontal.

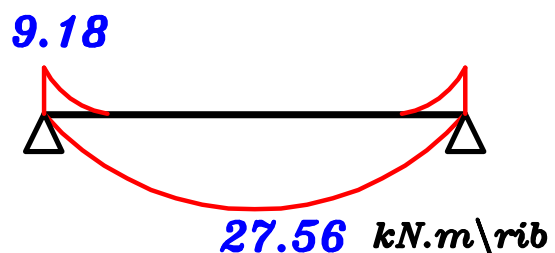
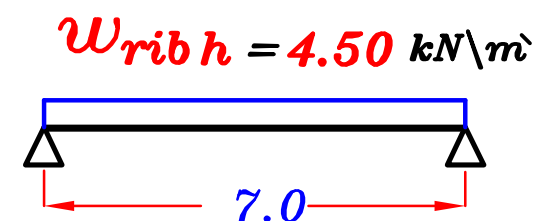
$$W_{\text{rib h}} = W_{\text{total}} * S = 9.0 * 0.5 = 4.5 \text{ kN/(0.5*1.0 m}^2)$$

$$\begin{aligned} W_{\text{rib i}} &= W_{\text{total}} * S * \cos \theta \\ &= 9.0 * 0.5 * \cos 23.19^\circ = 4.13 \text{ kN/(0.5*1.0 m}^2) \end{aligned}$$

② – ⑥

Strip ①

$$M = 27.56 \text{ kN.m/rib}$$



$$d = t - 30 \text{ mm} = 300 - 30 = 270 \text{ mm}$$

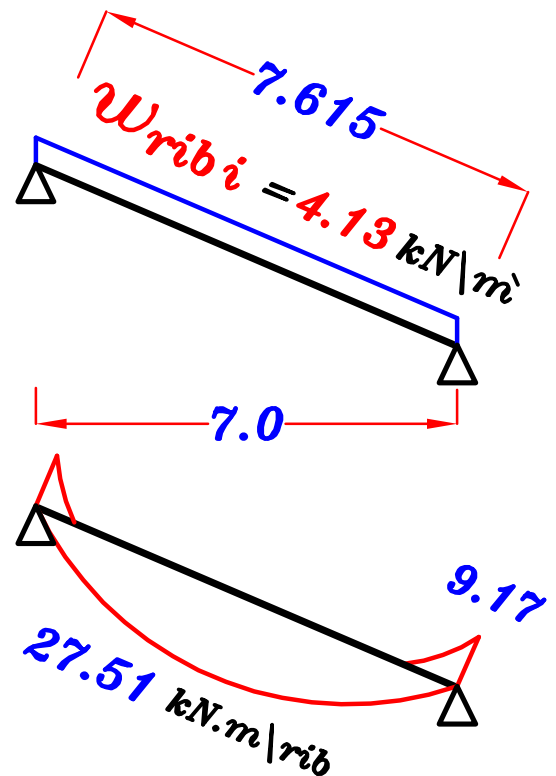
$$\therefore 270 = c_1 \sqrt{\frac{27.56 * 10^6}{25 * 500}} \rightarrow C_1 = 5.75 \rightarrow J = 0.826$$

$$A_s = \frac{M}{J F_y d} = \frac{27.56 * 10^6}{0.826 * 360 * 270} = 343.2 \text{ mm}^2 \backslash \text{rib}$$

2 ϕ 16 \backslash \text{rib}

Strip ②

$$M = 27.51 \text{ kN.m} \backslash \text{rib}$$



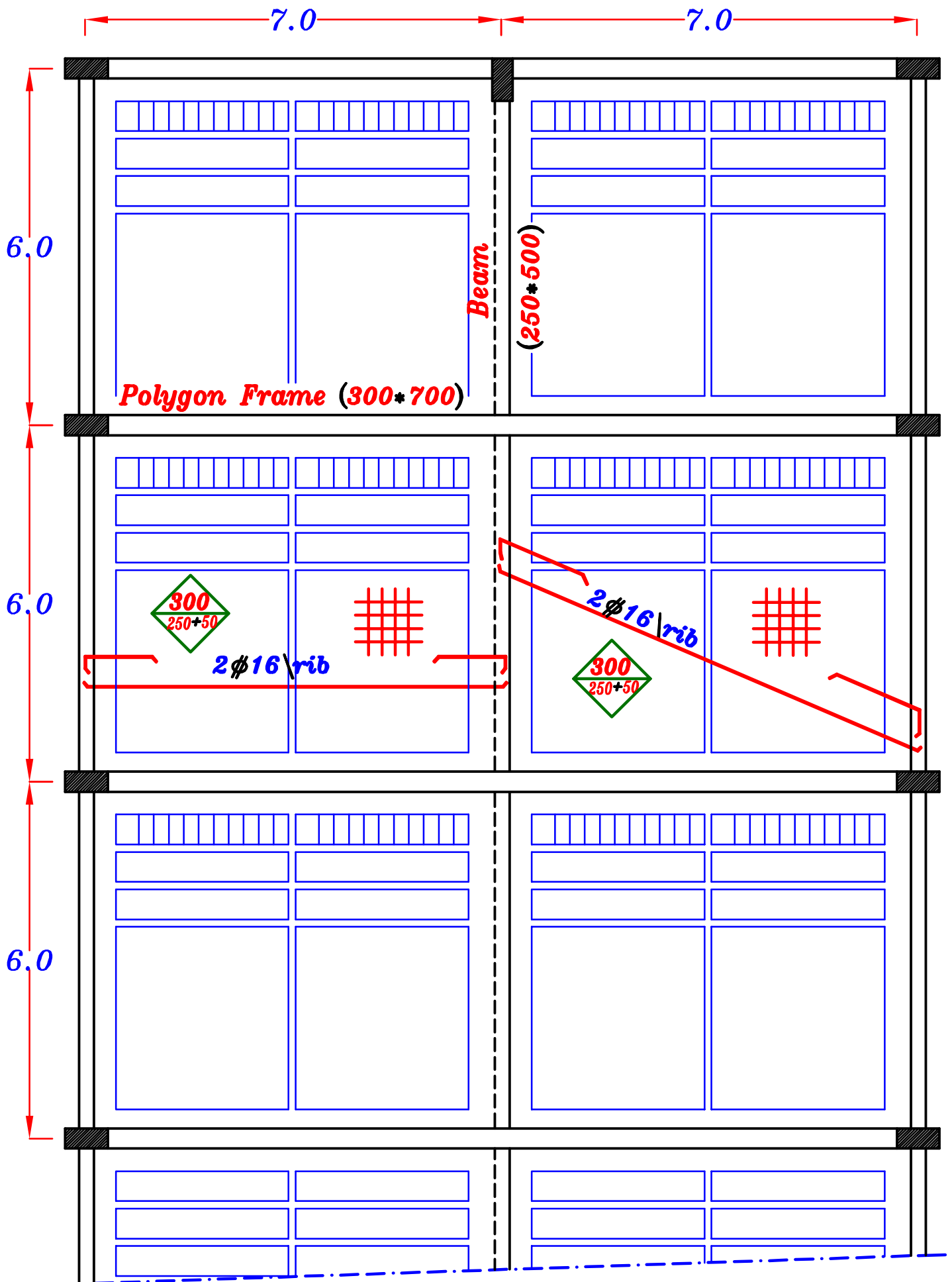
$$d = t - 30 \text{ mm} = 300 - 30 = 270 \text{ mm}$$

$$\therefore 270 = c_1 \sqrt{\frac{27.51 * 10^6}{25 * 500}} \rightarrow C_1 = 5.75 \rightarrow J = 0.826$$

$$A_s = \frac{M}{J F_y d} = \frac{27.51 * 10^6}{0.826 * 360 * 270} = 342.6 \text{ mm}^2 \backslash \text{rib}$$

2 ϕ 16 \backslash \text{rib}

RFT. of the slab.



Loads on Beams.

B₁

$$w_a = o.w. (beam) + \left(\frac{w_{ribh}}{S} \right) \frac{L_s}{2} = 3.0 * 1.4 + \left(\frac{4.50}{0.5} \right) * \frac{7.0}{2.0} = 35.7 \text{ kN/m}$$

$$R_1 = w_a * \text{Spacing} = 35.7 * 6.0 = 214.2 \text{ kN}$$

$$R_1 = 214.2 \text{ kN}$$

B₂

$$w_a = o.w. (beam) + \left(\frac{w_{ribi}}{S} \right) \frac{L_s}{2} = 3.0 * 1.4 + \left(\frac{4.13}{0.5} \right) * \frac{7.615}{2.0} = 35.65 \text{ kN/m}$$

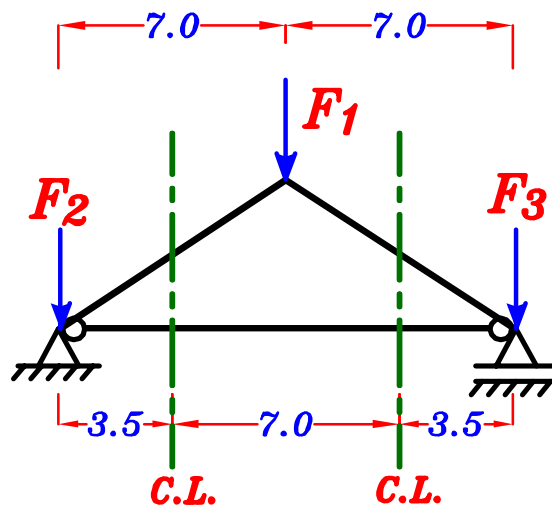
$$R_2 = w_a * \text{Spacing} = 35.65 * 6.0 = 213.9 \text{ kN}$$

$$R_2 = 213.9 \text{ kN}$$

Loads on Frame.

$$\alpha_1 = 7.0 \text{ m} , \alpha_2 = 3.5 \text{ m}$$

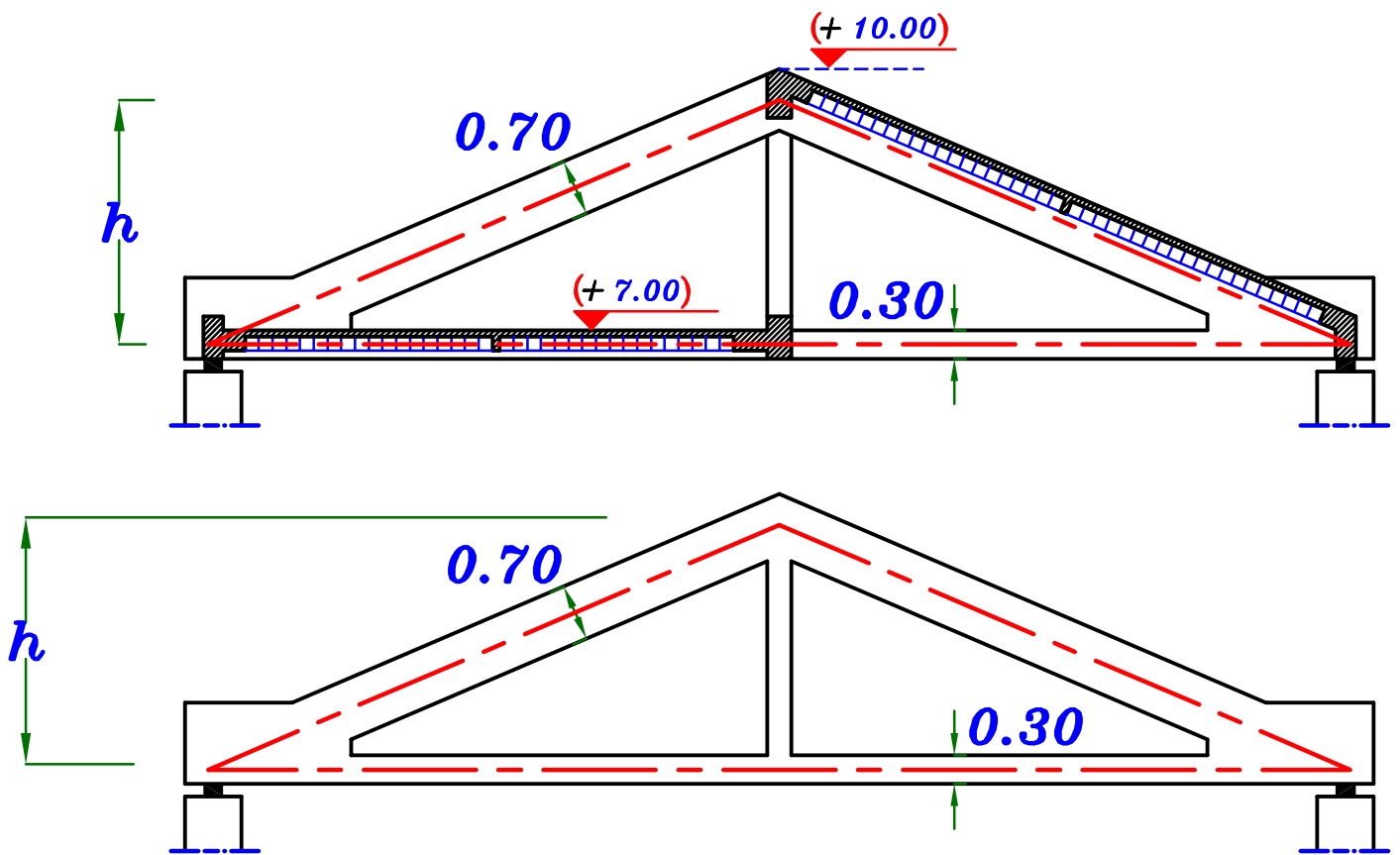
$$\text{Take } o.w. (Frame) = 12.0 \text{ kN/m} \text{ (U.L.)}$$



$$F_1 = R_1 + R_2 + o.w. (Frame) * \alpha_1 = 214.2 + 213.9 + 12.0 (7.0) = 512.1 \text{ kN}$$

$$F_2 = R_1 + o.w. (Frame) * \alpha_2 = 214.2 + 12.0 (3.50) = 256.2 \text{ kN}$$

$$F_3 = R_2 + o.w. (Frame) * \alpha_2 = 213.9 + 12.0 (3.50) = 255.9 \text{ kN}$$



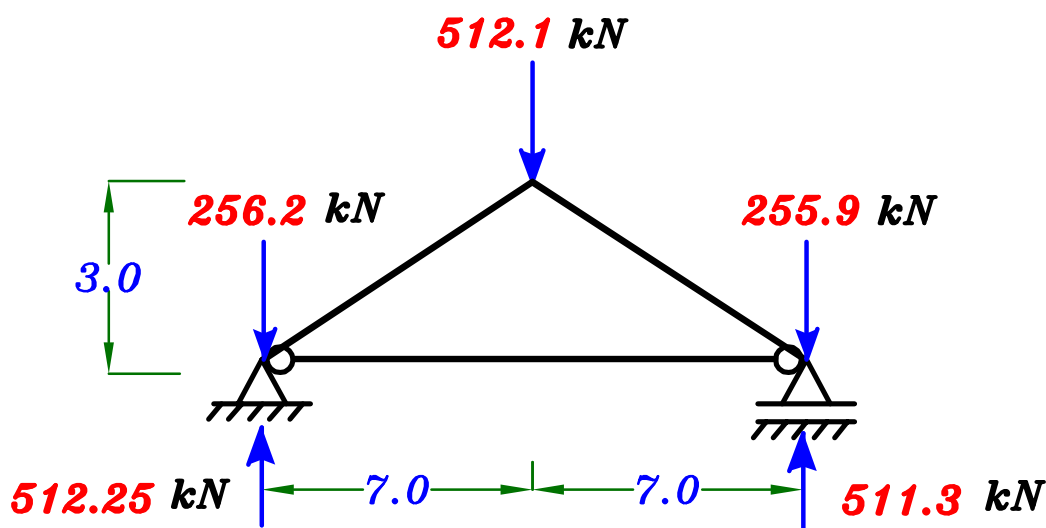
المفروض عند حساب قيمه h أن تحسب من $C.L.$ ال $Frame$ الى $C.L.$ ال Tie

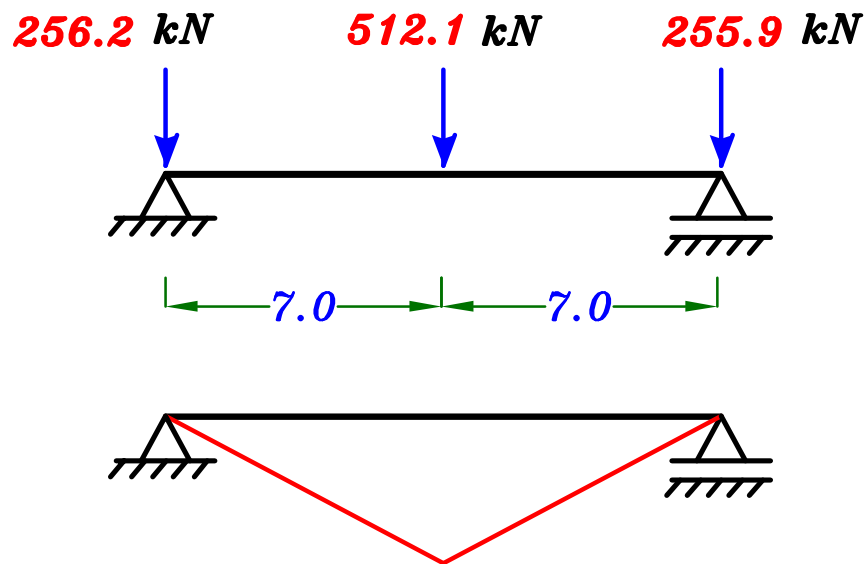
$$h = \text{Level difference} - \frac{t}{2} + \frac{b}{2}$$

$$h = 3.0 - \frac{0.7}{2} + \frac{0.3}{2} = 2.80 \text{ m}$$

و لكن للتسهيل سنأخذ قيمه h هي فرق المنسوب مباشره

Take $h = 3.0 \text{ m}$



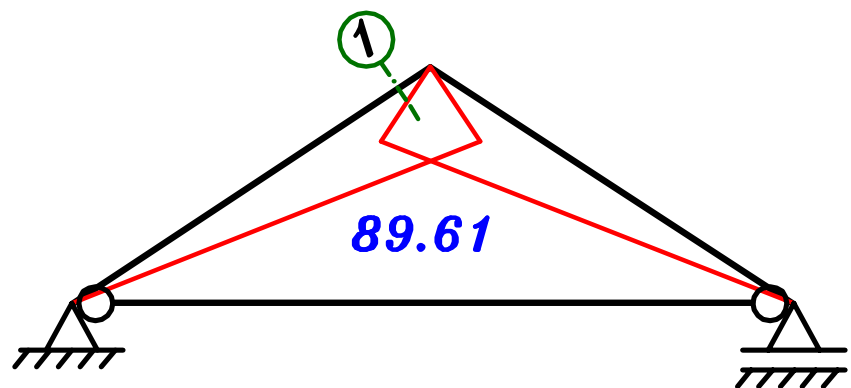


$$M_o = 1792.3 \text{ kN.m}$$

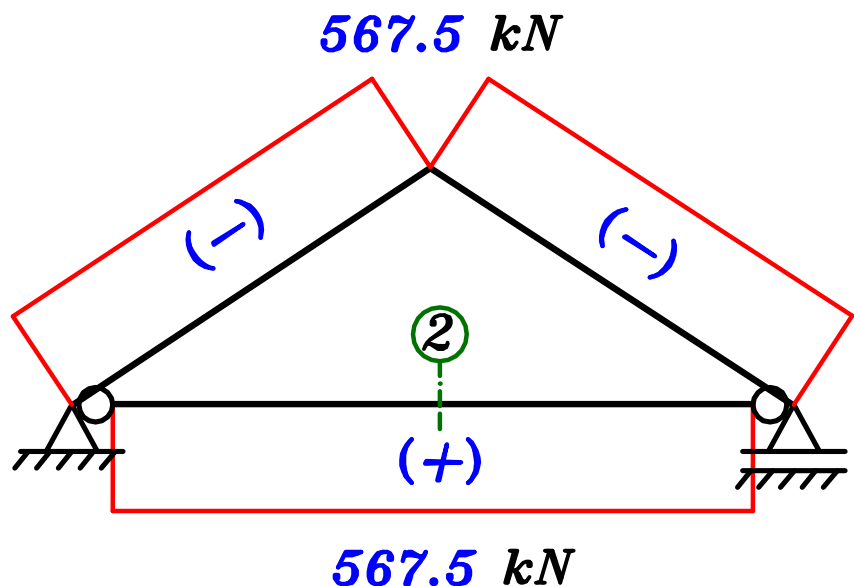
$$P = T = 0.95 \frac{M_o}{h} = 0.95 * \frac{1792.3}{3.0} = 567.5 \text{ kN}$$

$$M = 0.05 M_o = 0.05 (1792.3) = 89.61 \text{ kN.m}$$

B.M.D.



N.F.D.



Sec. ① Neglect Effect of Buckling.

$$b = 0.30 \text{ m} , t = 0.7 \text{ m}$$

$$P = 0.95 \frac{M_o}{h} = 0.95 * \frac{1792.3}{3.0} = 567.5 \text{ kN}$$

$$M = 0.05 M_o = 0.05 (1792.3) = 89.61 \text{ kN.m}$$

$$e = \frac{M}{P} = \frac{89.61}{567.5} = 0.157 \text{ m}$$

$$\therefore \frac{e}{t} = \frac{0.157}{0.70} = 0.224 \text{ m} < 0.5 \xrightarrow{\text{use}} \text{I.D.}$$

$$\zeta = \frac{0.7 - 0.1}{0.7} = 0.85 = 0.80 \xrightarrow{\text{use}} \text{ECCS Design Aids Page 4-24}$$

$$\left. \begin{aligned} \frac{P_v}{F_{cu} b t} &= \frac{567.5 * 10^3}{25 * 300 * 700} = 0.108 \\ \frac{M_v}{F_{cu} b t^2} &= \frac{89.61 * 10^6}{25 * 300 * 700^2} = 0.0244 \end{aligned} \right\} \rho < 1.0 \xrightarrow{\text{Take}} \rho = 1.0$$

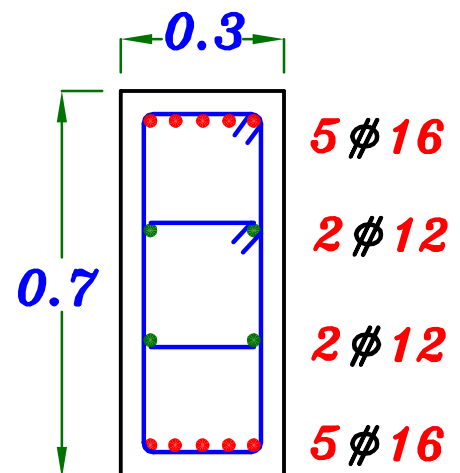
$$\begin{aligned} A_s = A_s' &= \mu * b * t = \rho * F_{cu} * 10^{-4} * b * t \\ &= 1.0 * 25 * 10^{-4} * 300 * 700 = 525 \text{ mm}^2 \end{aligned}$$

$$A_{sT} = A_s + A_s' = 525 * 2.0 = 1050 \text{ mm}^2$$

$$A_{s_{min.}} = \frac{0.8}{100} * b * t = \frac{0.8}{100} * 300 * 700 = 1680 \text{ mm}^2 > A_{sT}$$

$$A_s = A_s' = \frac{1680}{2.0} = 840 \text{ mm}^2$$

5 ϕ 16

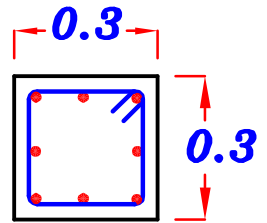


Sec ② (300 * 300) neglect o.w. of the Tie.

$$T = 0.95 \frac{M_o}{h} = 0.95 * \frac{1792.3}{3.0} = 567.5 \text{ kN}$$

$$A_s = \frac{T}{F_y \backslash \delta_s} = \frac{567.5 * 10^3}{360 \backslash 1.15} = 1812.8 \text{ mm}^2$$

8 # 18

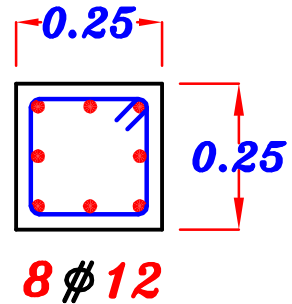


Design the Hanger. (250 * 250)

$$T = \text{o.w. (hanger)} + R_1 = 0.35 + 214.2 = 214.55 \text{ kN}$$

$$A_s = \frac{T}{F_y \backslash \delta_s} = \frac{214.55 * 10^3}{360 \backslash 1.15} = 685.36 \text{ mm}^2$$

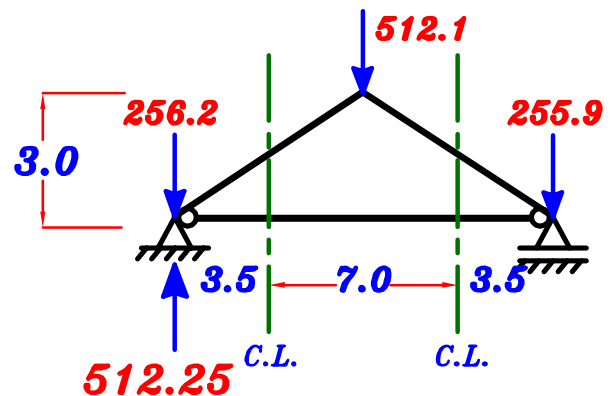
8 # 12



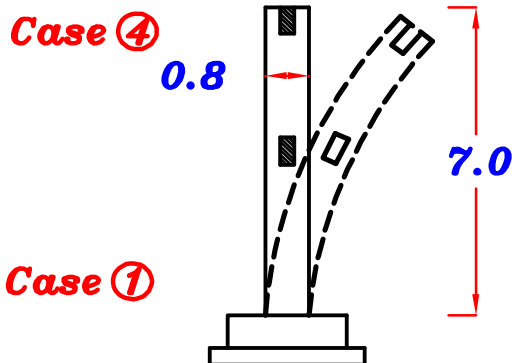
Design the Column.

Check Buckling.

$$P = 512.25 \text{ kN}$$



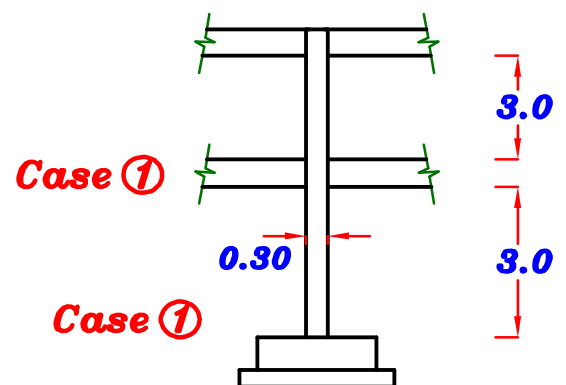
① In plane.



$$H_o = 7.0 \text{ m}$$

$$\lambda_b = \frac{K * H_o}{t} = \frac{2.2 * 7.0}{0.8} = 19.25 > 10$$

② Out of plane.



$$H_o = 3.0 \text{ m}$$

$$\lambda_b = \frac{K * H_o}{b} = \frac{1.2 * 3.0}{0.30} = 12.0 > 10$$

$$\delta = \frac{(\lambda_b)^2 * t}{2000} = \frac{19.25^2 * 0.80}{2000} = 0.148 \text{ m}$$

$$M_{add.} = P * \delta = 512.25 * 0.148 = 75.81 \text{ kN.m}$$

$$e = \frac{M}{P} = \frac{75.81}{512.25} = 0.148 \text{ m} \quad \therefore \frac{e}{t} = \frac{0.148}{0.8} = 0.185 < 0.5 \xrightarrow{\text{use}} \text{I.D.}$$

$$\zeta = \frac{0.8 - 0.1}{0.8} = 0.8 \xrightarrow{\text{use}} \text{ECCS Design Aids Page 4-24}$$

$$\left. \begin{aligned} \frac{P_U}{F_{cu} b t} &= \frac{512.25 * 10^3}{25 * 300 * 800} = 0.085 \\ \frac{M_U}{F_{cu} b t^2} &= \frac{75.81 * 10^6}{25 * 300 * 800^2} = 0.0157 \end{aligned} \right\} \rho < 1.0 \xrightarrow{\text{Take}} \rho = 1.0$$

$$A_s = A_{s'} = \mu * b * t = \rho * F_{cu} * 10^{-4} * b * t$$

$$= 1.0 * 25 * 10^{-4} * 300 * 800 = 600 \text{ mm}^2$$

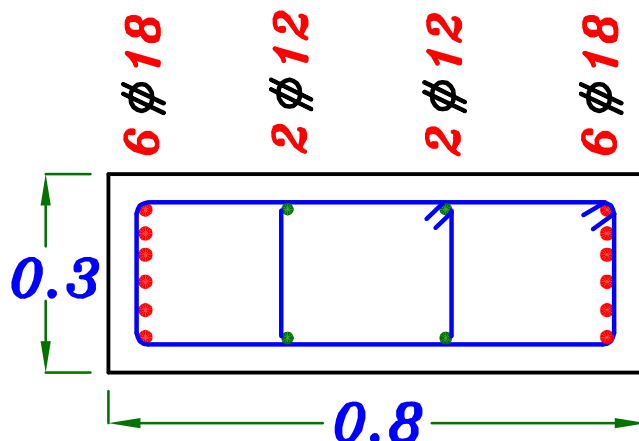
$$A_{s_{min.}} = \frac{0.25 + 0.052 \lambda_{max}}{100} * b * t$$

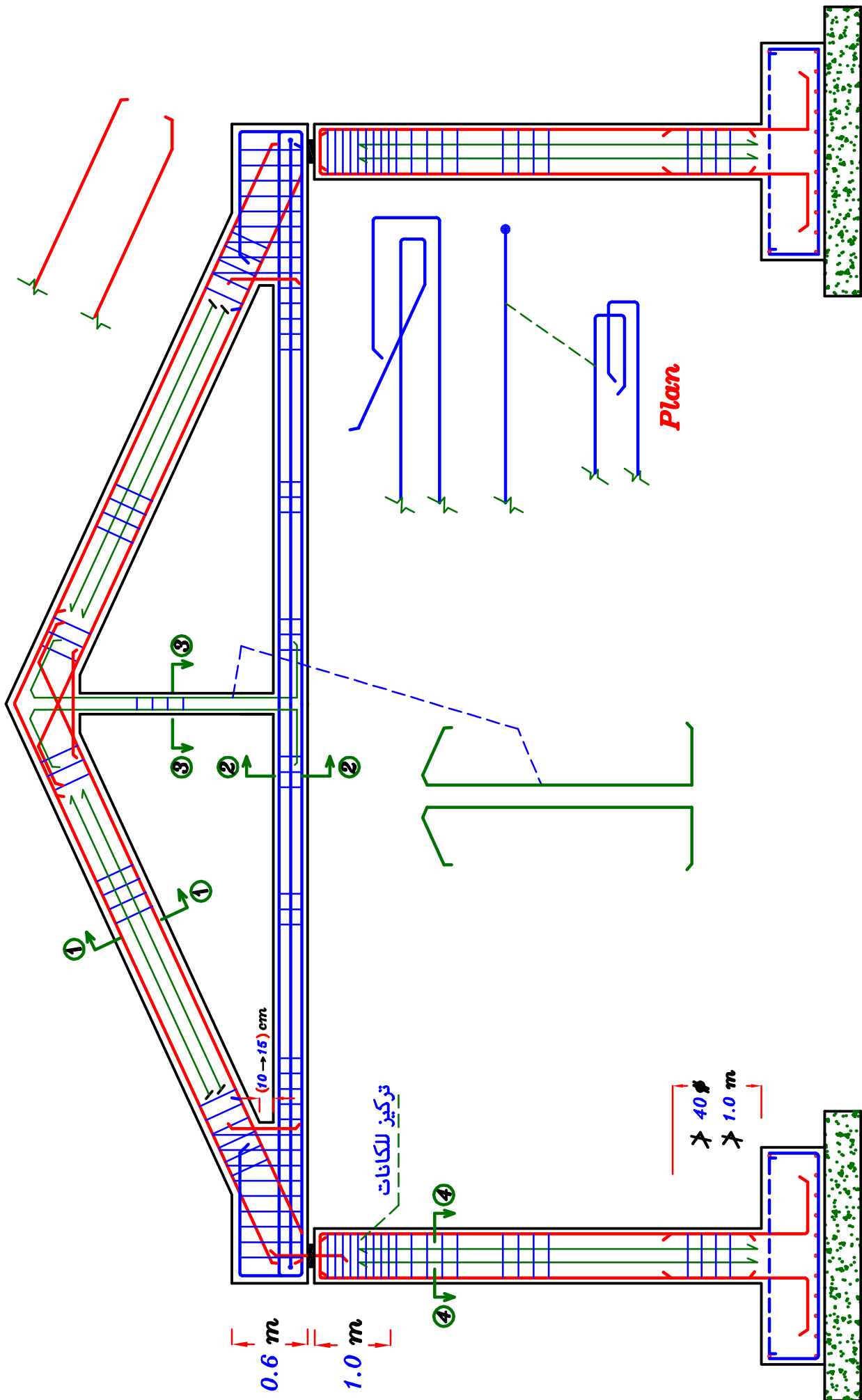
$$= \frac{0.25 + 0.052 (19.25)}{100} * 300 * 800 = 3002.4 \text{ mm}^2$$

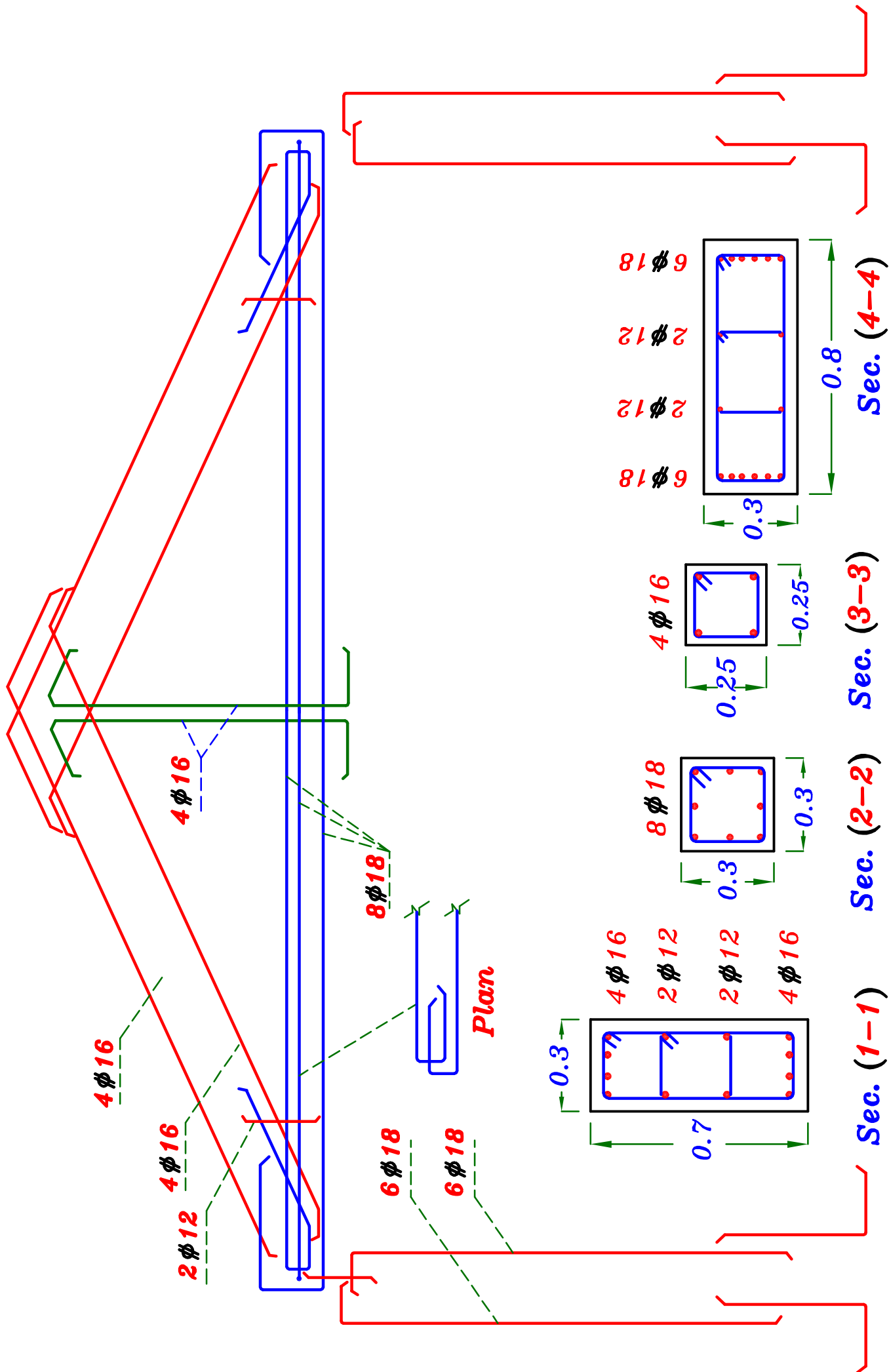
$$A_{sT} = A_s + A_{s'} = 600 * 2.0 = 1200 \text{ mm}^2 < A_{s_{min.}}$$

$$A_s = A_{s'} = \frac{A_{s_{min.}}}{2} = \frac{3002.4}{2.0} = 1501.2 \text{ mm}^2$$

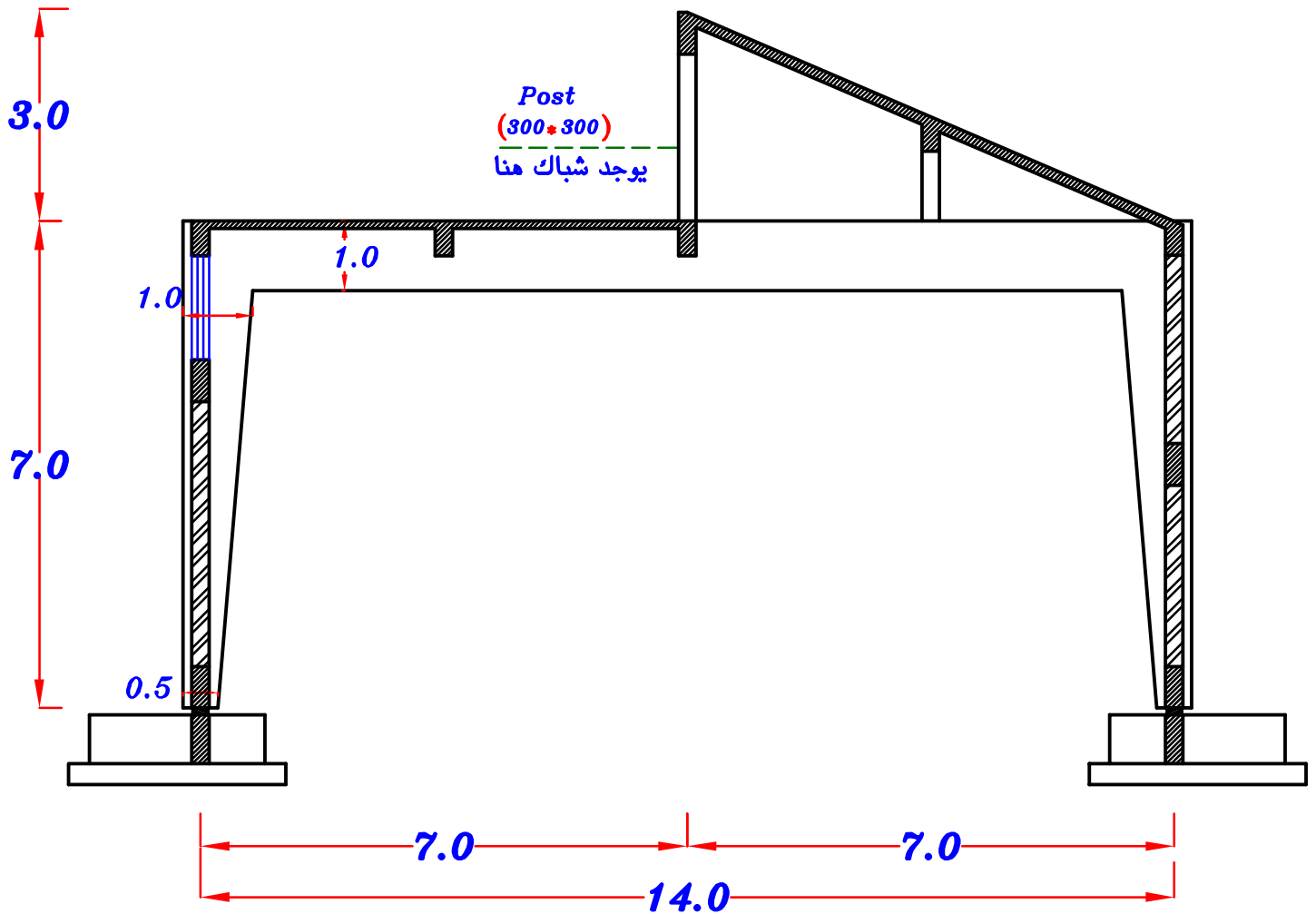
6 ϕ 18



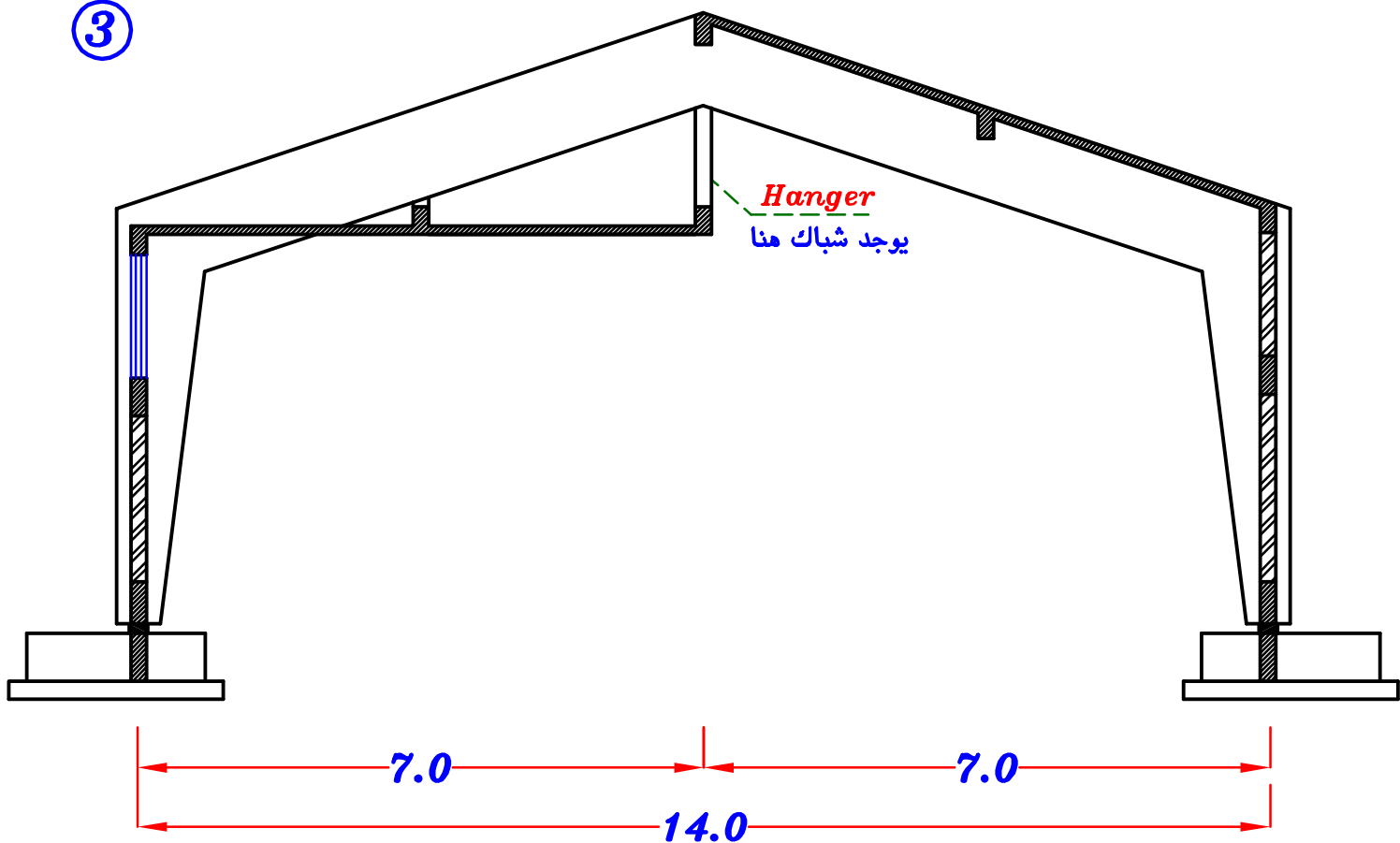




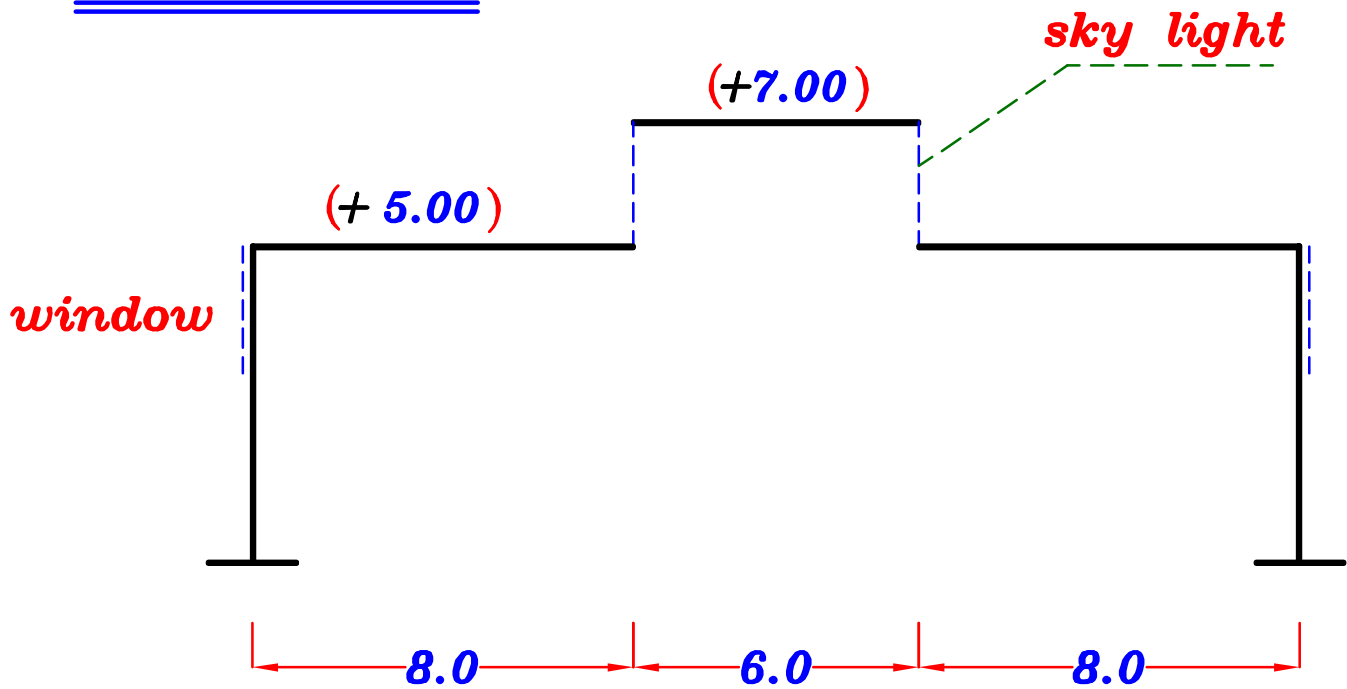
② - @ Another Solution



③



Example.



$$F_{cu} = 25 \text{ N/mm}^2 \quad F_y = 360 \text{ N/mm}^2$$

$$L.L. = 2.0 \text{ kN/m}^2 \quad F.C. = 1.50 \text{ kN/m}^2$$

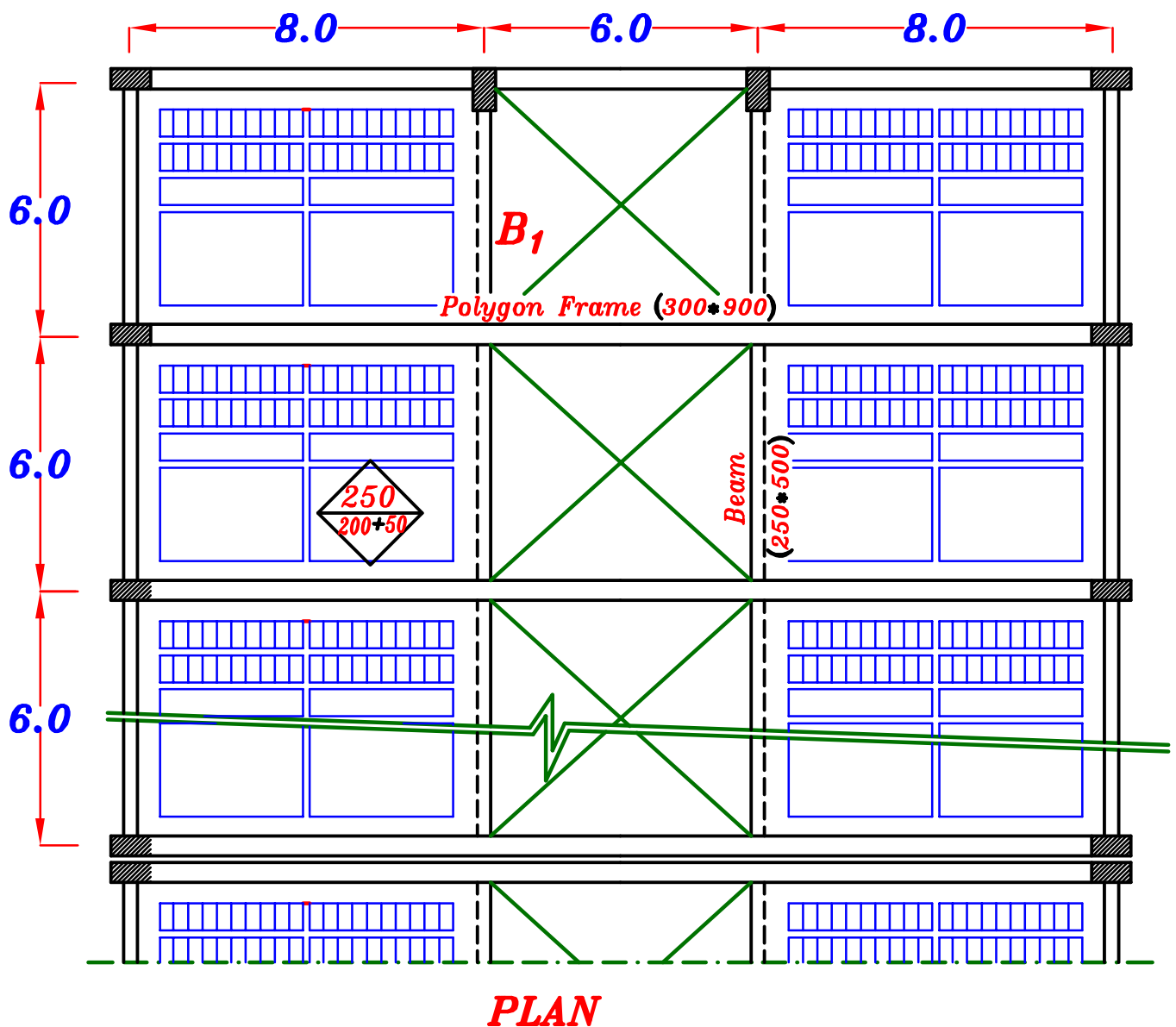
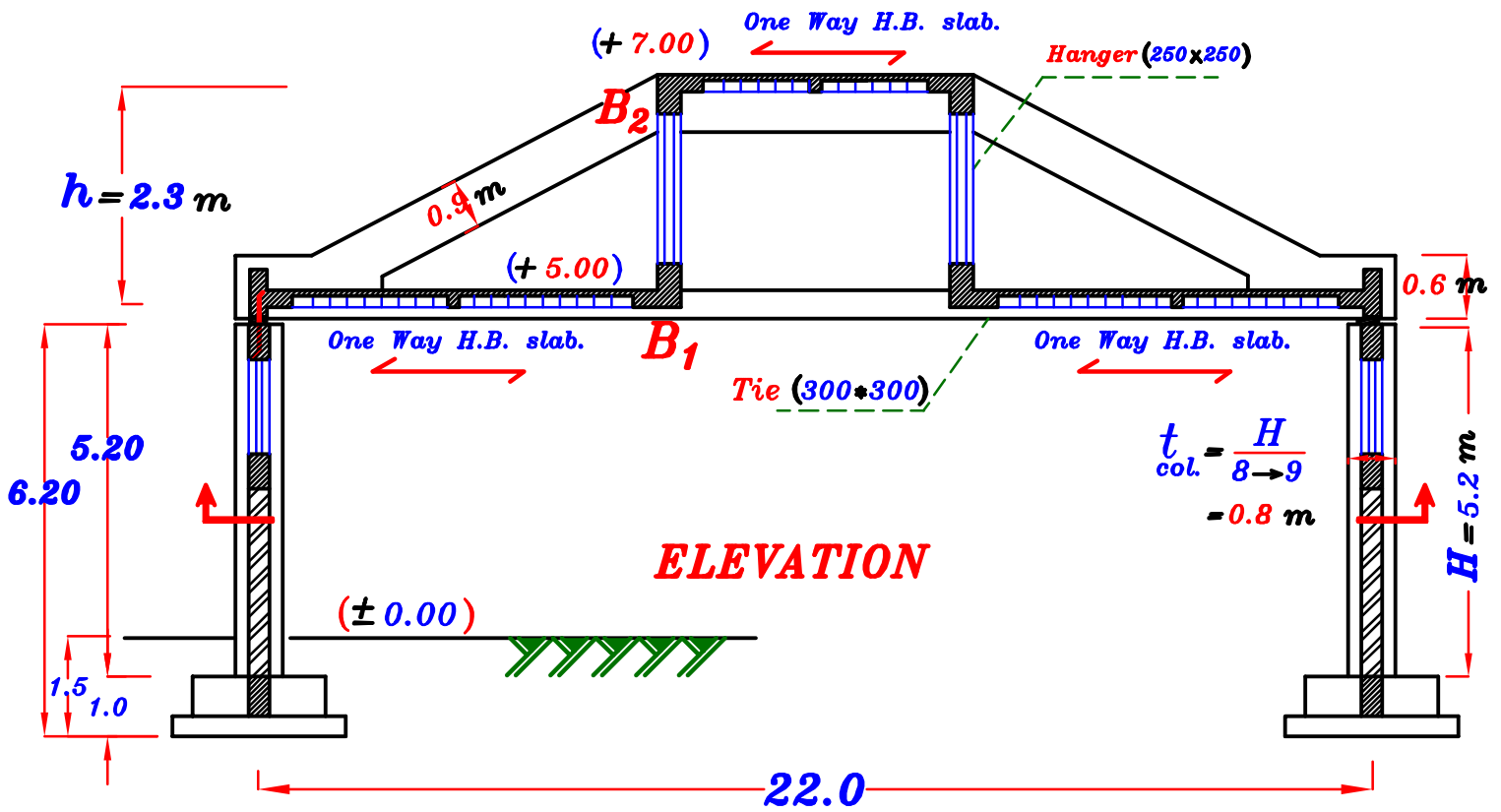
$$\text{Foundation Level.} = -1.5 \text{ m}$$

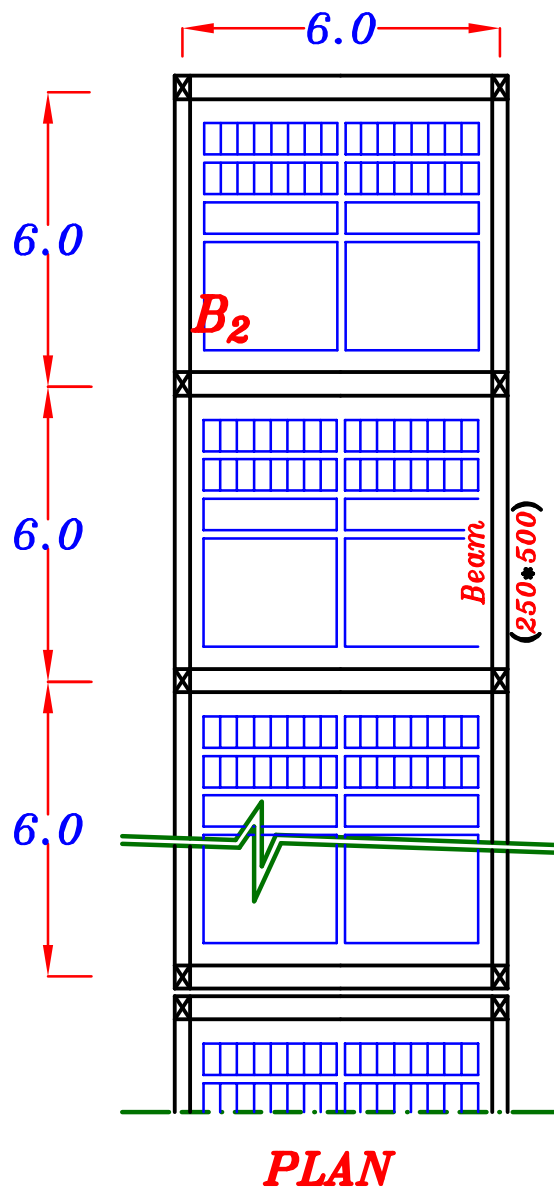
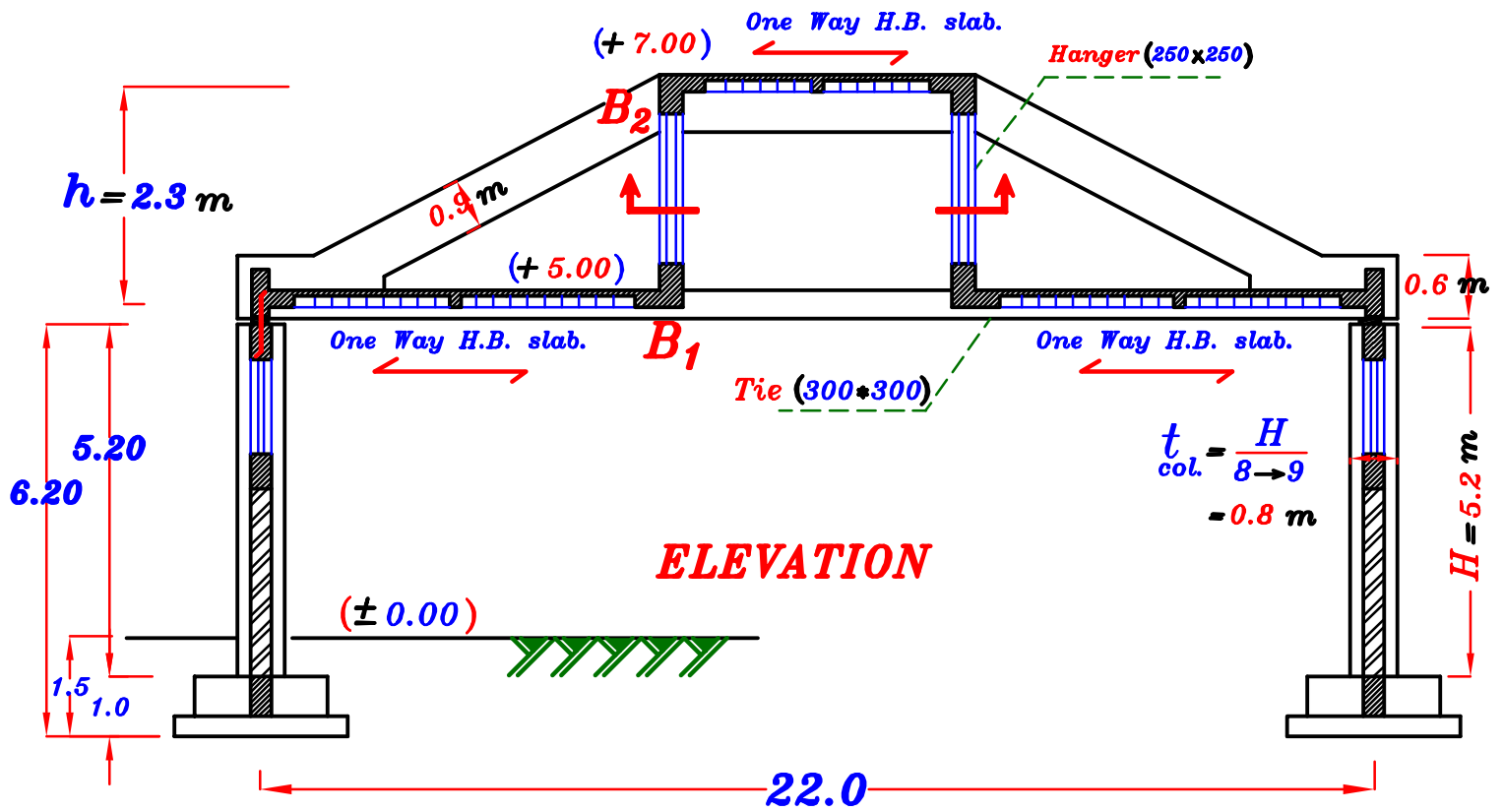
The given Figure shows a general layout of an area (22*60) with a sky light.

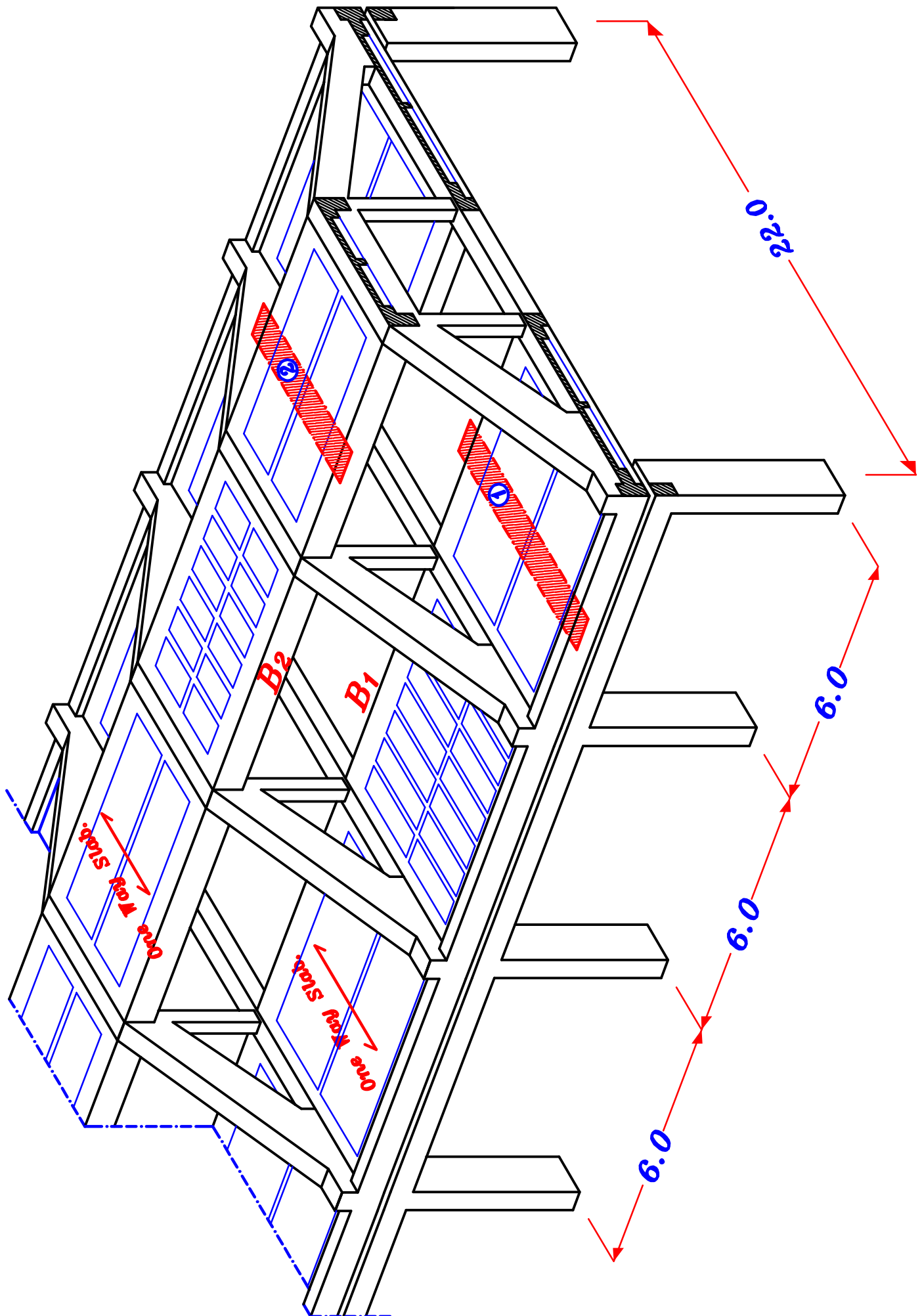
The columns can be exist at the outer perimeter only.

It is required to :

- ① Suggest a statical system to cover the area and draw Structural plan , Sectional elevation & side view. showing all concrete dimensions.
- ② Design the slabs and draw details of RFT. in plan.
- ③ Design the main supporting elements. and draw details of RFT. in elevation and cross sections.







Design the main supporting elements.

① Loads From Slabs. (Use one way H.B. slab at beam direction)

$$t = \frac{8000}{20} = 400 \text{ mm}$$

$$t = 300 \text{ mm}$$

$$t_s = 50 \text{ mm}$$

$$h = 250 \text{ mm}$$

$$b = 0.1 \text{ m} \quad e = 0.4 \text{ m}$$

$$S = e + b = 0.4 + 0.1 = 0.5 \text{ m}$$

$$W_{ribh} = [1.4 (t_s \gamma_c + F.C.) + 1.6 (L.L.)] (S * 1.0) \\ + 1.4 (b h * 1.0 \text{ m} * \gamma_c) + 1.4 * (\text{Block الوزن}) \left(\frac{1.0}{\alpha} \right)$$

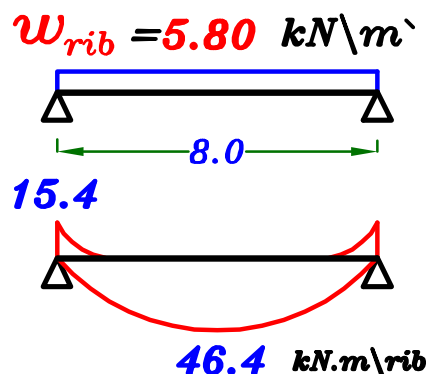
$$\therefore W_{ribh} = [1.4 (0.05 * 25 + 1.5) + 1.6 (2.0)] (0.50 * 1.0) \\ + 1.4 (0.10 * 0.25 * 1.0 * 25) + 1.4 \left(\frac{200}{1000} \right) \left(\frac{1.0}{0.2} \right) = 5.80 \\ (\text{kN} \setminus (1.0 * S \text{ m}^2))$$

Strip ① $M = 46.4 \text{ kN.m} \setminus \text{rib}$

$$d = t - 30 \text{ mm} = 300 - 30 = 270 \text{ mm}$$

$$\therefore 270 = C_1 \sqrt{\frac{46.4 * 10^6}{25 * 500}} \rightarrow C_1 = 4.43 \rightarrow J = 0.815$$

$$A_s = \frac{M}{J F_y d} = \frac{46.4 * 10^6}{0.815 * 360 * 270} = 585 \text{ mm}^2 \setminus \text{rib}$$



$$2 \phi 22 \setminus \text{rib}$$

Strip ②

$$M = 26.1 \text{ kN.m/rib}$$

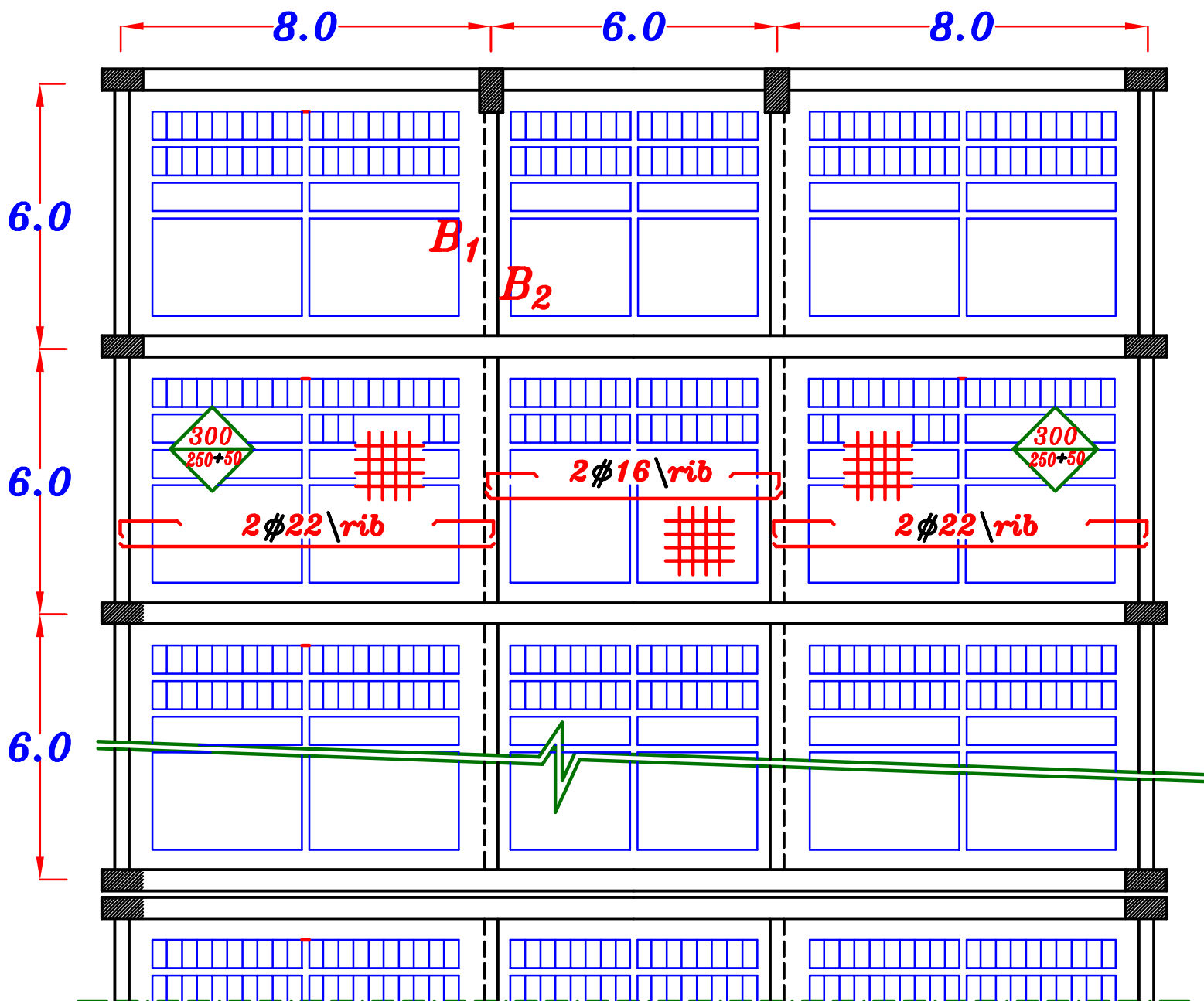
$$d = t - 30 \text{ mm} = 300 - 30 = 270 \text{ mm}$$

$$\therefore 270 = C_1 \sqrt{\frac{26.1 * 10^6}{25 * 500}} \rightarrow C_1 = 5.91 \rightarrow J = 0.826$$

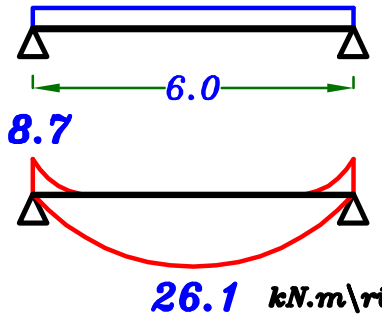
$$A_s = \frac{M}{J F_y d} = \frac{26.1 * 10^6}{0.826 * 360 * 270} = 325 \text{ mm}^2/\text{rib}$$

2 ϕ 16 / rib

RFT. of the Slab.



$$w_{rib} = 5.80 \text{ kN/m}$$



Loads From Beams.

Take o.w.(beam) = 5.0 kN/m (U.L.)

$$\begin{aligned} \underline{B_1} \quad w_1 &= \text{o.w.} + \left(\frac{w_{rib}}{s} \right) \left(\frac{L_s}{2} \right) \\ &= 5.0 + \left(\frac{5.80}{0.5} \right) (4.0) = 51.4 \text{ kN/m} \end{aligned}$$

$$R_1 = w_1 * \text{spacing} = 51.4 * 6.0 = 308.4 \text{ kN}$$

$$\begin{aligned} \underline{B_2} \quad w_2 &= \text{o.w.} + \left(\frac{w_{rib}}{s} \right) \left(\frac{L_s}{2} \right) \\ &= 5.0 + \left(\frac{5.80}{0.5} \right) (3.0) = 39.80 \text{ kN/m} \end{aligned}$$

$$R_2 = w_2 * \text{spacing} = 39.80 * 6.0 = 238.8 \text{ kN}$$

Loads on Frame.

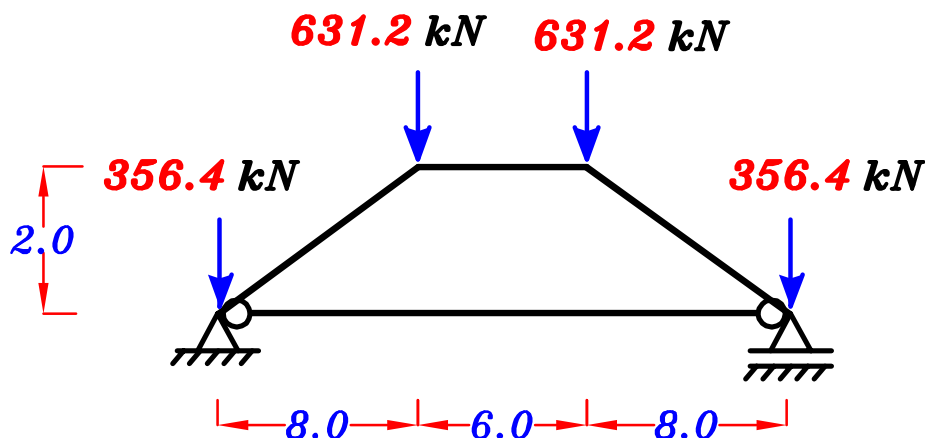
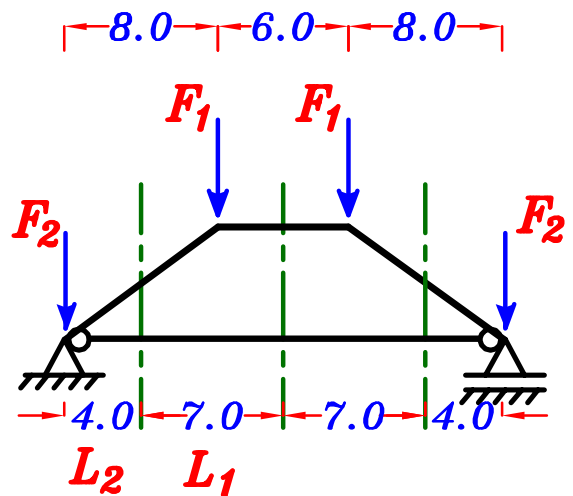
Take o.w.(Frame) = 12.0 kN/m (U.L.)

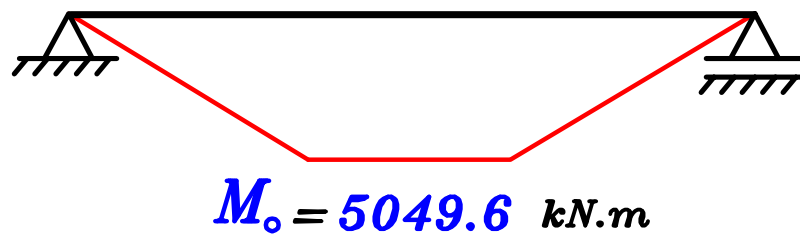
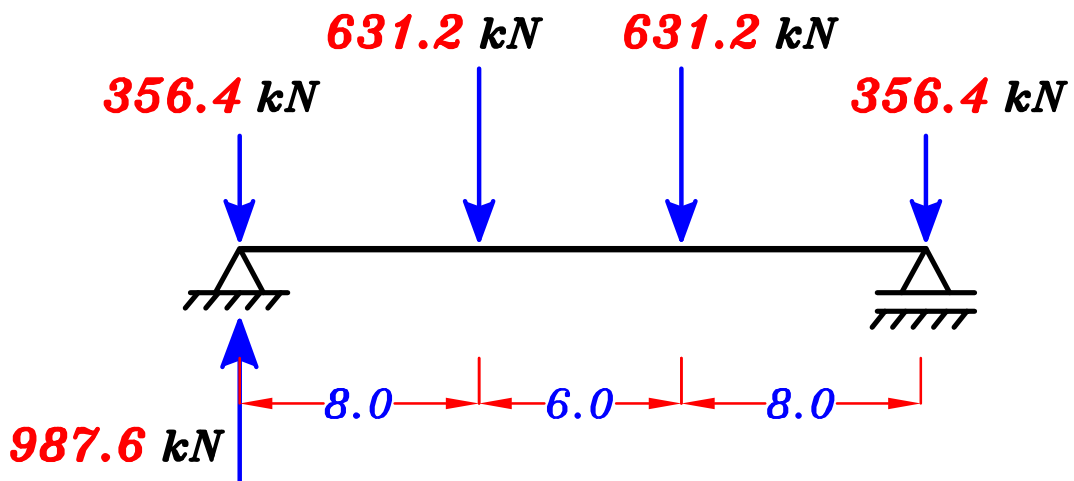
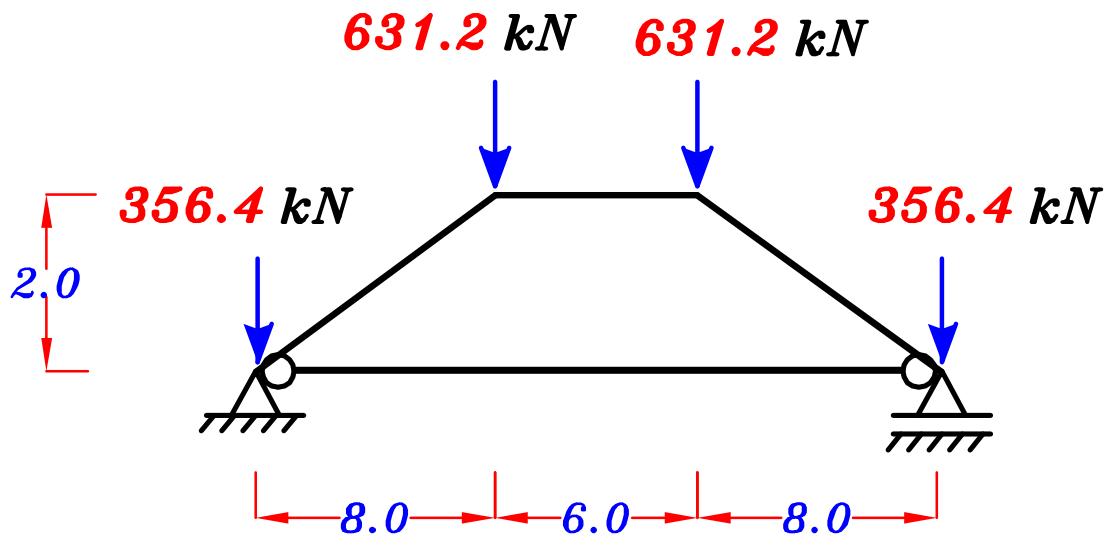
$$\alpha_1 = \frac{8.0}{2} + \frac{6.0}{2} = 7.0 \text{ m}$$

$$\alpha_2 = \frac{8.0}{2} = 4.0 \text{ m}$$

$$\begin{aligned} F_1 &= R_1 + R_2 + \text{o.w. (Frame)} * \alpha_1 \\ &= 308.4 + 238.8 + 12.0 * 7.0 \\ &= 631.2 \text{ kN} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} F_2 &= R_1 + \text{o.w. (Frame)} * \alpha_2 \\ &= 308.4 + 12.0 * 4.0 = 356.4 \text{ kN} \end{aligned}$$





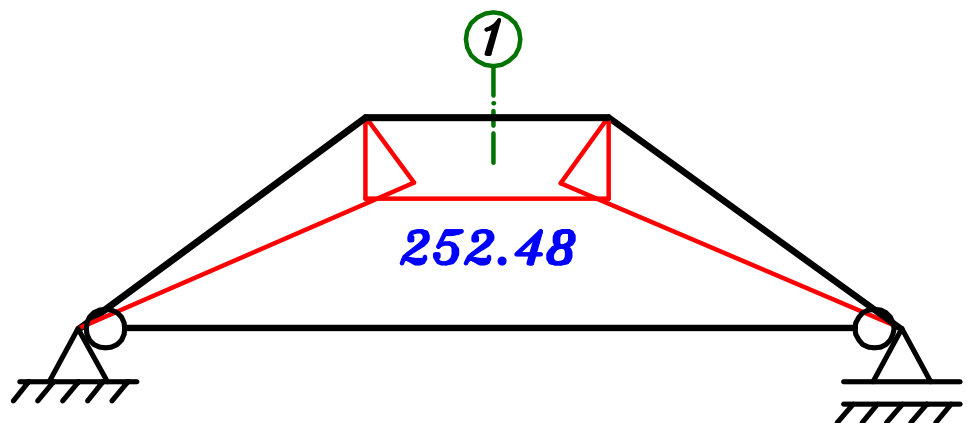
$$M_o = 5049.6 \text{ kN.m}$$

للتسهيل سنأخذ قيمة h هي فرق المنسوب مباشرة **Take $h = 2.0\text{ m}$**

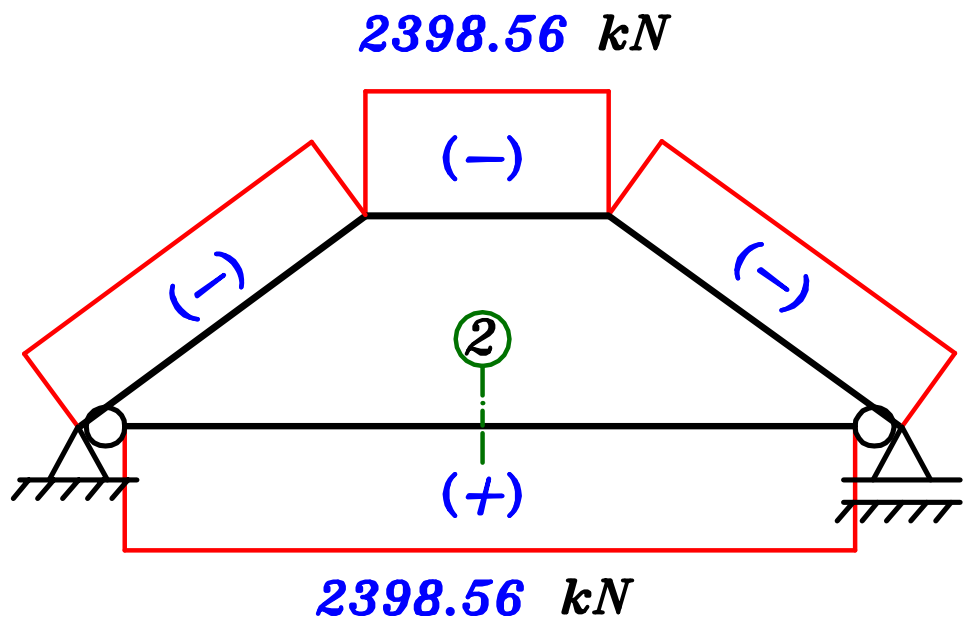
$$P = T = 0.95 \frac{M_o}{h} = 0.95 * \frac{5049.6}{2.0} = 2398.56 \text{ kN}$$

$$M = 0.05 M_o = 0.05 (5049.6) = 252.48 \text{ kN.m}$$

B.M.D.



N.F.D.



* Design of Frame.

Sec. ①

Neglect Effect of Buckling.

$$M = 252.48 \text{ kN.m}, P = 2398.56 \text{ kN}, b = 300 \text{ mm}, t = 900 \text{ mm}$$

$$e = \frac{M}{P} = \frac{252.48}{2398.56} = 0.105 \text{ m} \therefore \frac{e}{t} = \frac{0.105}{0.90} = 0.116 < 0.5 \xrightarrow{\text{use}} \text{I.D.}$$

$$\zeta = \frac{0.9-0.1}{0.9} = 0.88 = 0.80 \xrightarrow{\text{use}} \text{ECCS Design Aids Page 4-24}$$

$$\left. \begin{aligned} \frac{P_U}{F_{cu} b t} &= \frac{2398.56 * 10^3}{25 * 300 * 900} = 0.355 \\ \frac{M_U}{F_{cu} b t^2} &= \frac{252.48 * 10^6}{25 * 300 * 900^2} = 0.041 \end{aligned} \right\} \rho = 1.0$$

$$\mu = \rho * F_{cu} * 10^{-4} = 1.0 * 25 * 10^{-4} = 2.5 * 10^{-3}$$

$$A_s = A_{s'} = \mu * b * t = 2.5 * 10^{-3} * 300 * 900 = 675 \text{ mm}^2$$

$$A_{s_{\text{Total}}} = A_s + A_{s'} = 2 * 675 = 1350 \text{ mm}^2$$

$$\text{-- Check } A_{s_{\text{min.}}} = \frac{0.8}{100} * b * t = \frac{0.8}{100} * 300 * 900 = 2160 > A_{s_{\text{Total}}}$$

$$\text{Take } A_s = A_{s'} = \frac{A_{s_{\text{Total}}}}{2} = \frac{2160}{2} = 1080 \text{ mm}^2 \quad (6 \phi 16)$$

* Design of Tie.

Sec. ② (300 * 300)

Neglect o.w.(Tie)

$$A_s = \frac{T}{F_y \gamma_s} = \frac{2398.56 * 10^3}{360 \setminus 1.15} = 7662.0 \text{ mm}^2 \quad (16 \phi 25)$$

* Design of the hangers. (250*250)

Take $O.W.(hanger) = 3.50 \text{ kN (U.L.)}$

$$T = O.W.(hanger) + R_1$$

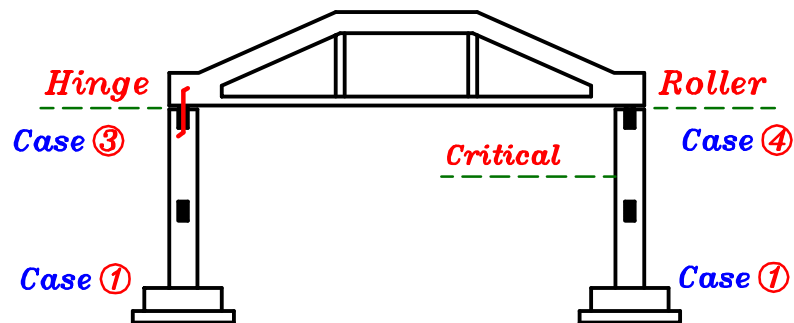
$$= 3.50 + 308.4 = 311.9 \text{ kN}$$

$$A_s = \frac{T}{F_y \gamma_s} = \frac{311.9 * 10^3}{360 \backslash 1.15} = 996.34 \text{ mm}^2 \quad \text{6 } \phi 16$$

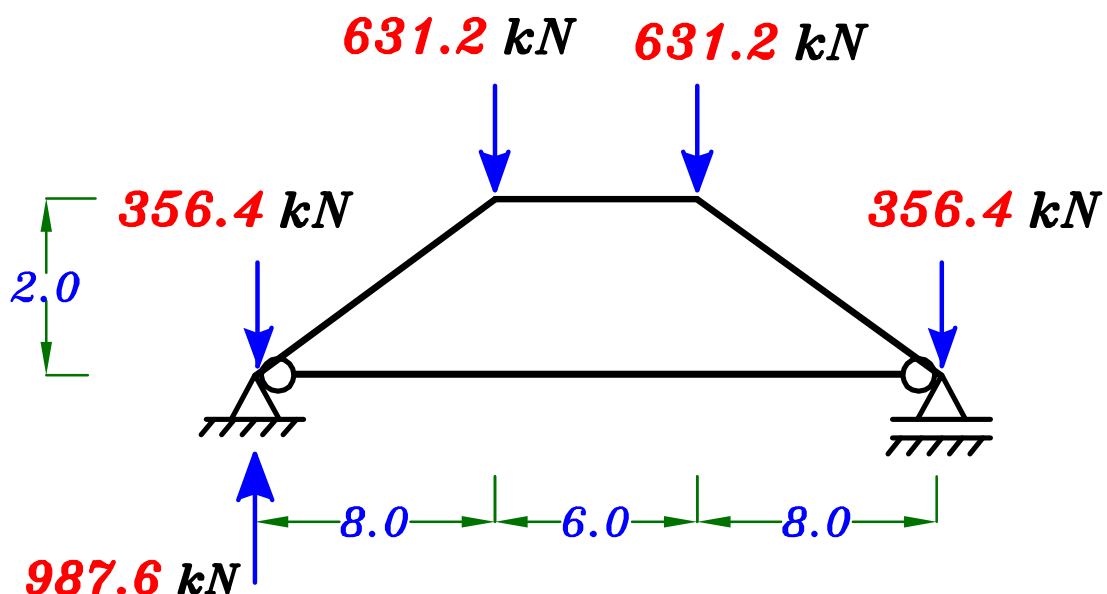
* Design of Columns.

Take the column (350*800)

Design the critical Col.
at the Roller support

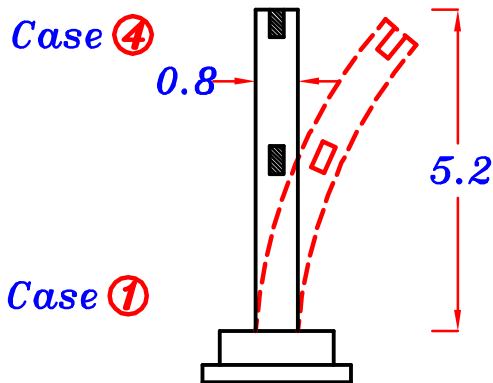


$$P = \frac{\Sigma F}{2} = 987.6 \text{ kN}$$



Check Buckling.

① In plane.



$$H_o = 5.2 \text{ m}$$

$$\lambda_b = \frac{K * H_o}{t} = \frac{2.2 * 5.2}{0.8} = 14.3 > 10$$

$$\delta = \frac{(\lambda_b)^2 * t}{2000} = \frac{14.3^2 * 0.80}{2000} = 0.081 \text{ m}$$

$$M_{add.} = P * \delta = 987.6 * 0.081 = 80.0 \text{ kN.m}$$

$$e = \frac{M}{P} = \frac{80.0}{987.6} = 0.081 \text{ m} \quad \therefore \frac{e}{t} = \frac{0.081}{0.8} = 0.101 < 0.5 \xrightarrow{\text{use}} \text{I.D.}$$

$$\zeta = \frac{0.8 - 0.1}{0.8} = 0.8 \xrightarrow{\text{use}} \text{ECCS Design Aids Page 4-24}$$

$$\frac{P_U}{F_{cu} b t} = \frac{987.6 * 10^3}{25 * 300 * 800} = 0.164$$

$$\frac{M_U}{F_{cu} b t^2} = \frac{80.0 * 10^6}{25 * 300 * 800^2} = 0.0166$$

$$\rho < 1.0 \xrightarrow{\text{Take}} \rho = 1.0$$

$$A_s = A_s' = \mu * b * t = \rho * F_{cu} * 10^{-4} * b * t = 1.0 * 25 * 10^{-4} * 300 * 800 = 600 \text{ mm}^2$$

$$A_{s_{total}} = A_s + A_s' = 1200 \text{ mm}^2$$

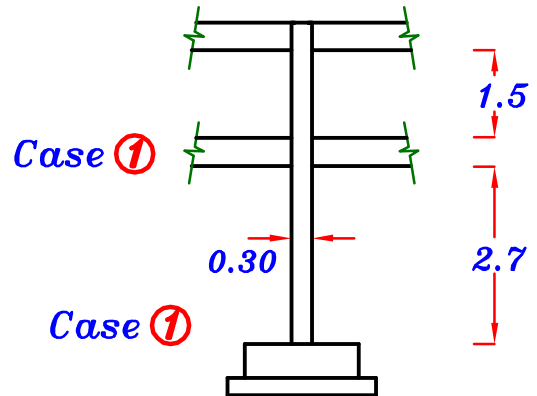
$$A_{s_{min}} = \frac{0.25 + 0.052 \lambda_{max}}{100} * b * t$$

$$= \frac{0.25 + 0.052 (14.3)}{100} * 300 * 800 = 2384.64 \text{ mm}^2 > A_{s_{total}}$$

$$\text{Take } A_s = A_s' = \frac{A_{s_{min}}}{2} = \frac{2384.64}{2} = 1192.32 \text{ mm}^2$$

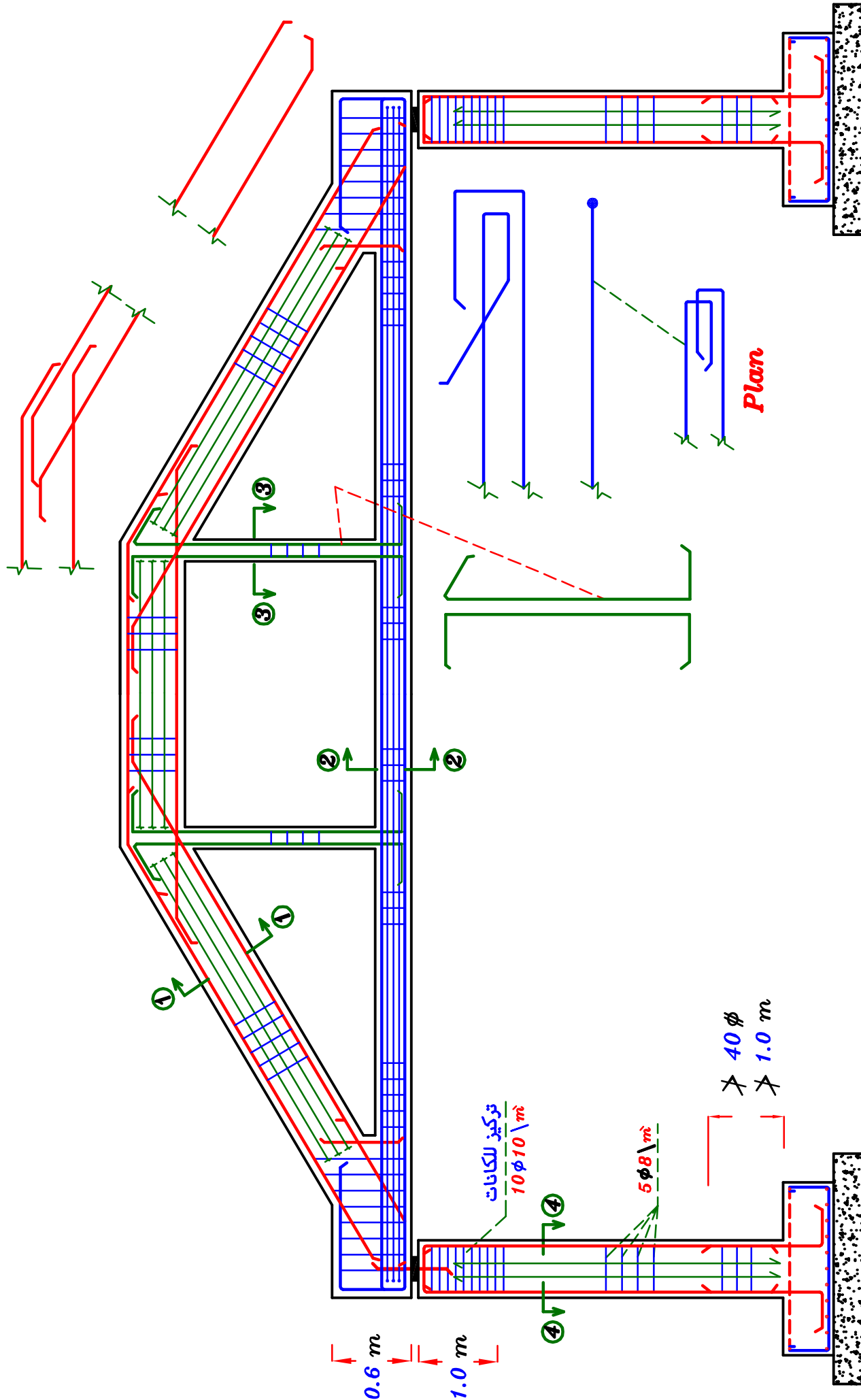
5 ϕ 18

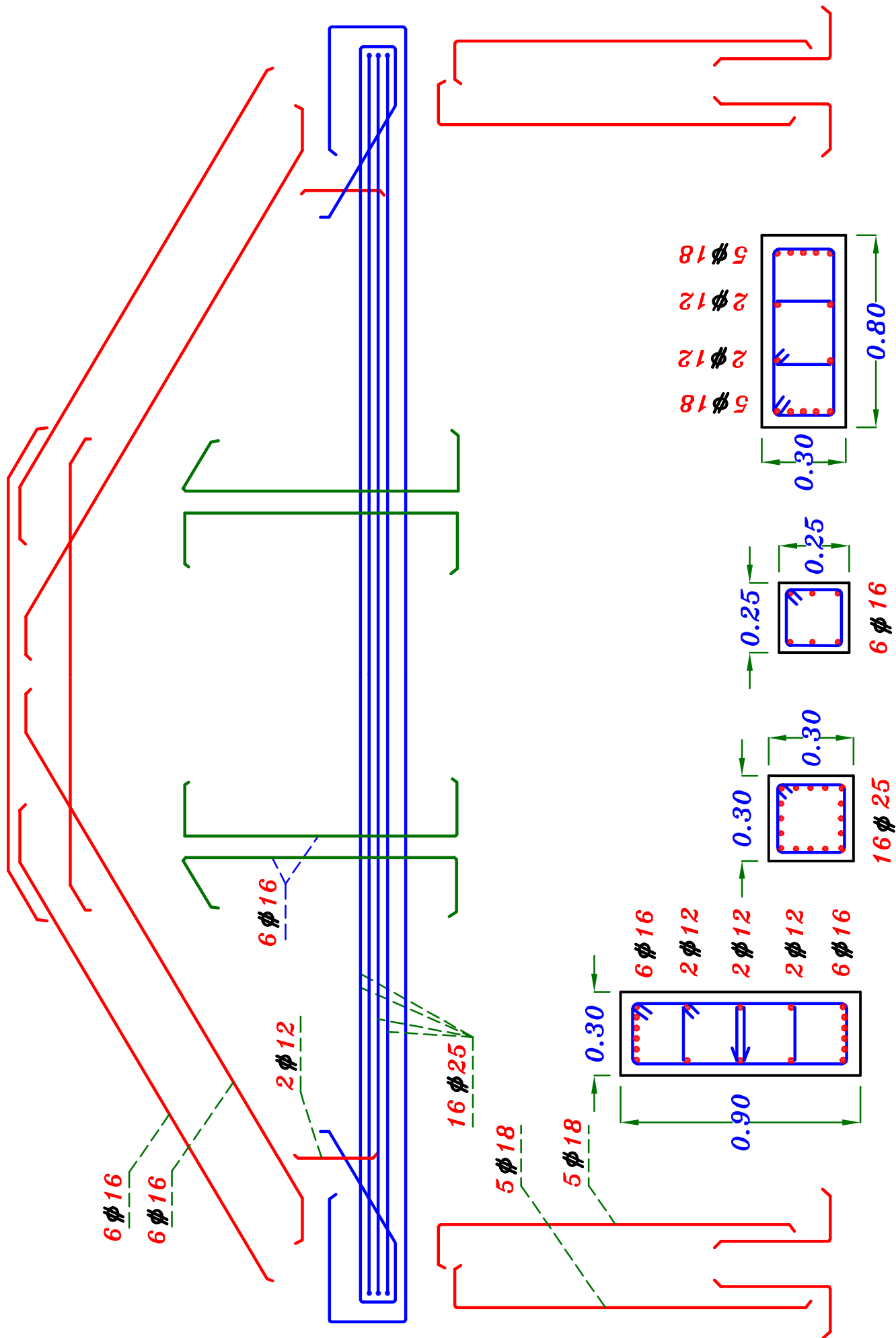
② Out of plane.



$$H_o = 2.7 \text{ m}$$

$$\lambda_b = \frac{K * H_o}{b} = \frac{1.2 * 2.7}{0.30} = 10.8$$





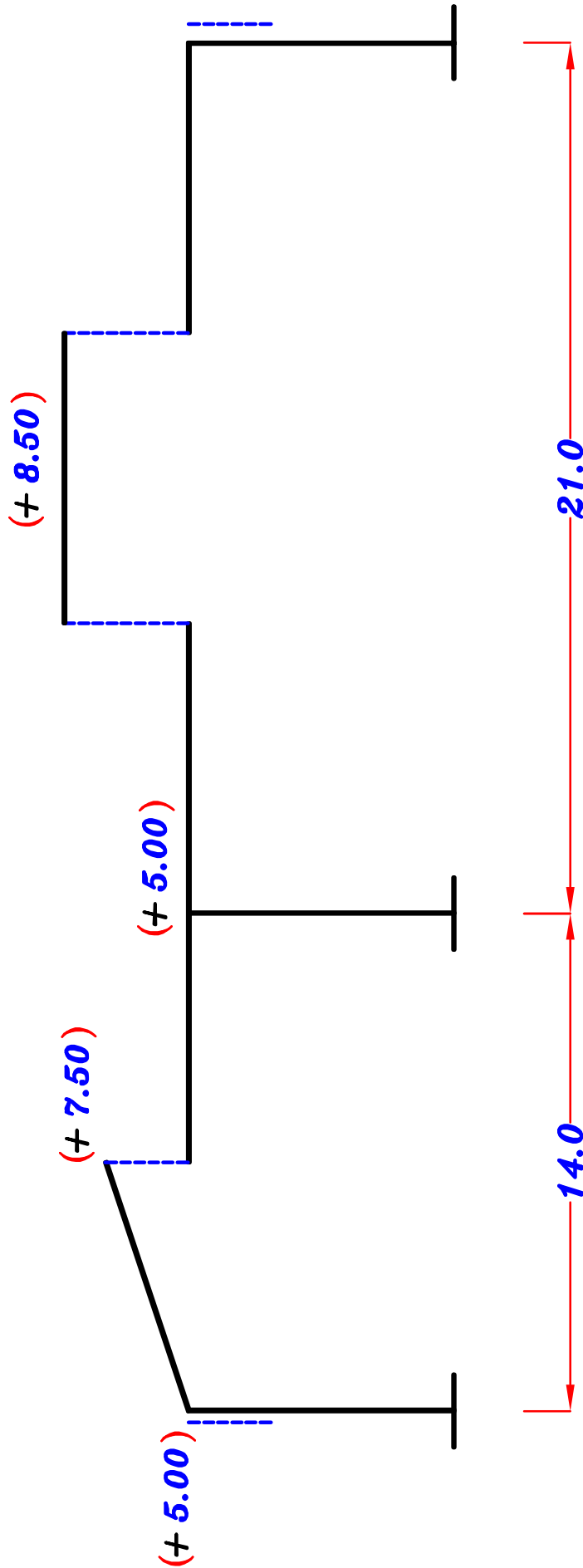
Sec. (4-4)

Sec. (3-3)

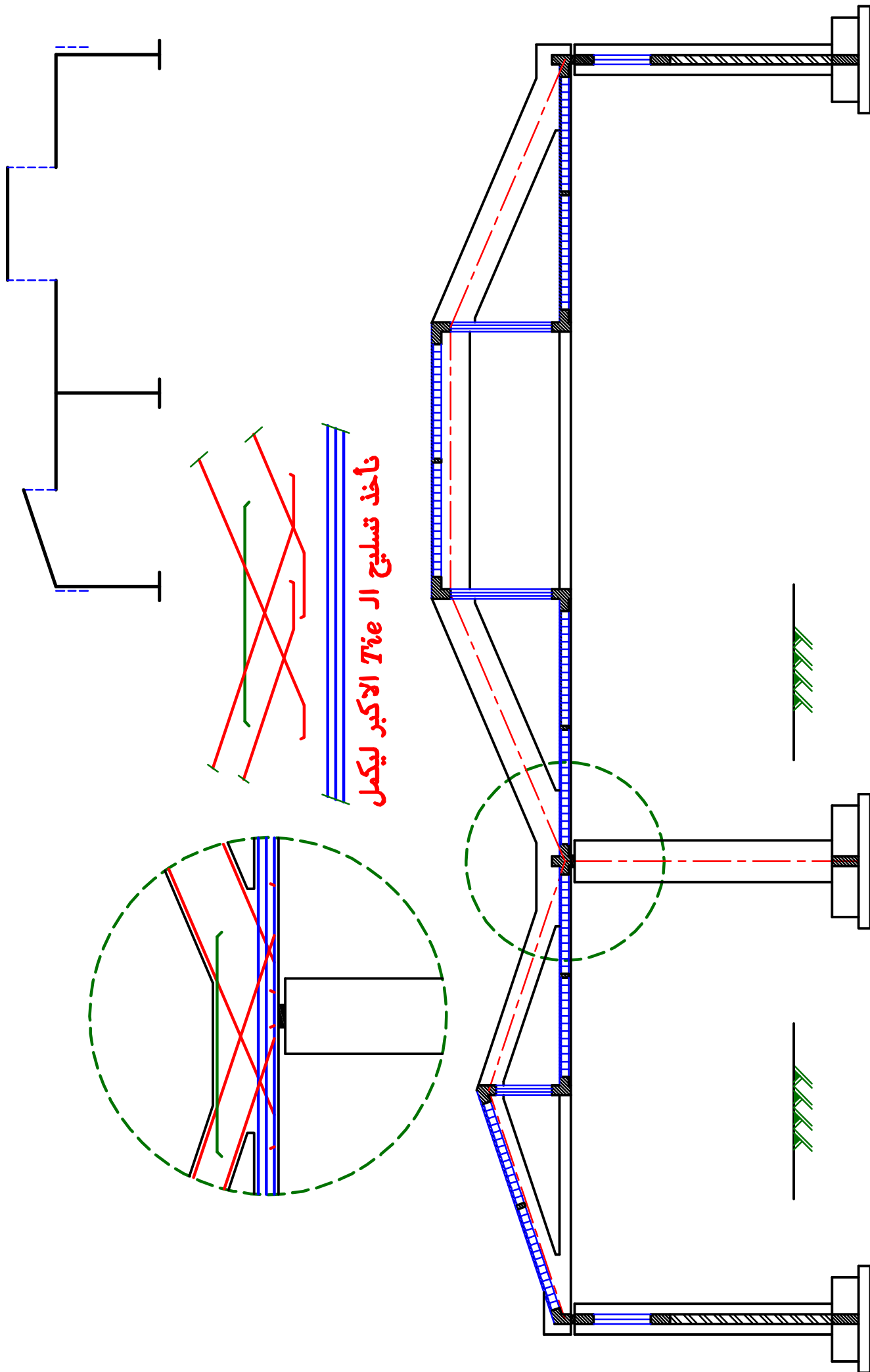
Sec. (2-2)

Sec. (1-1)

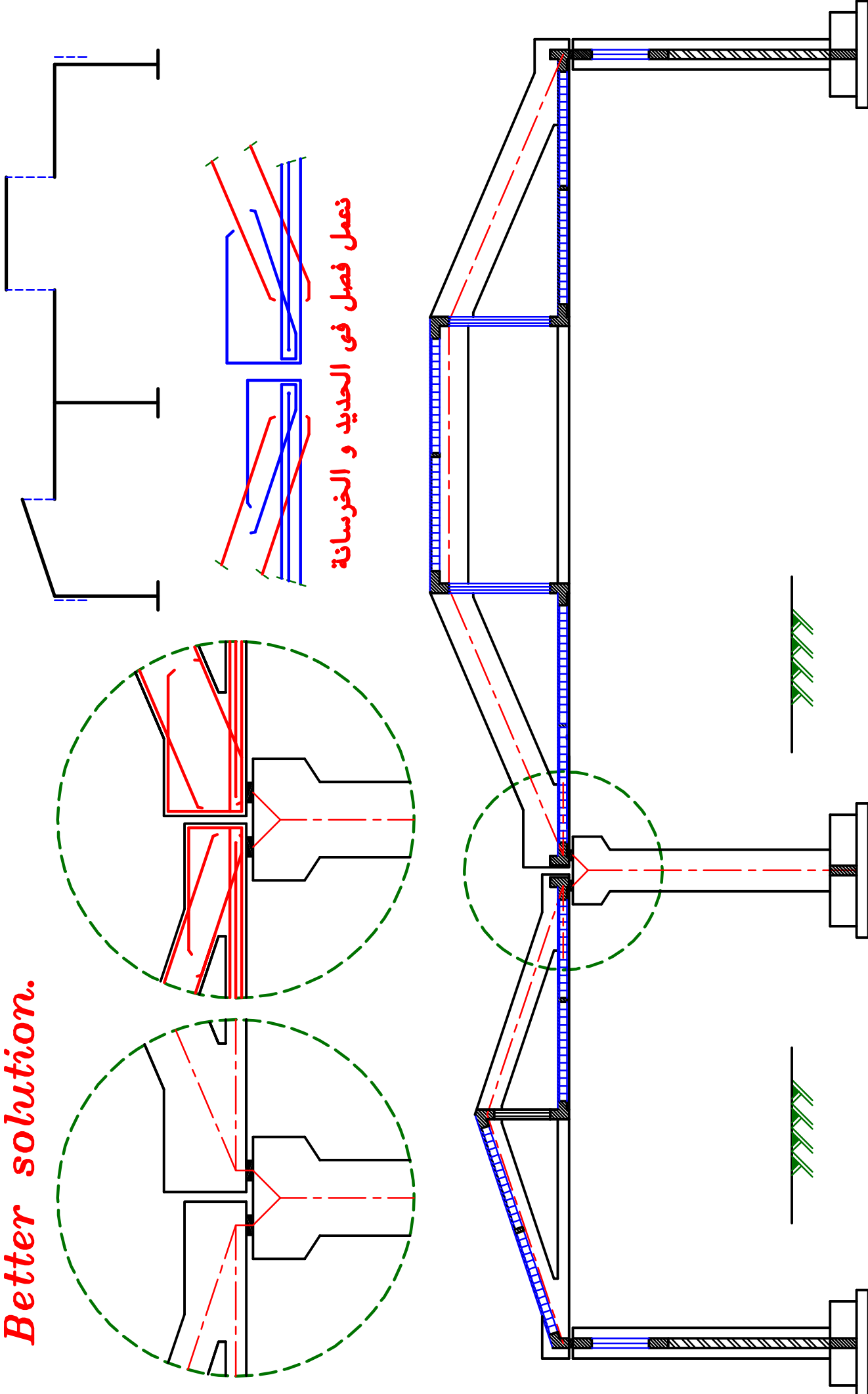
Example.



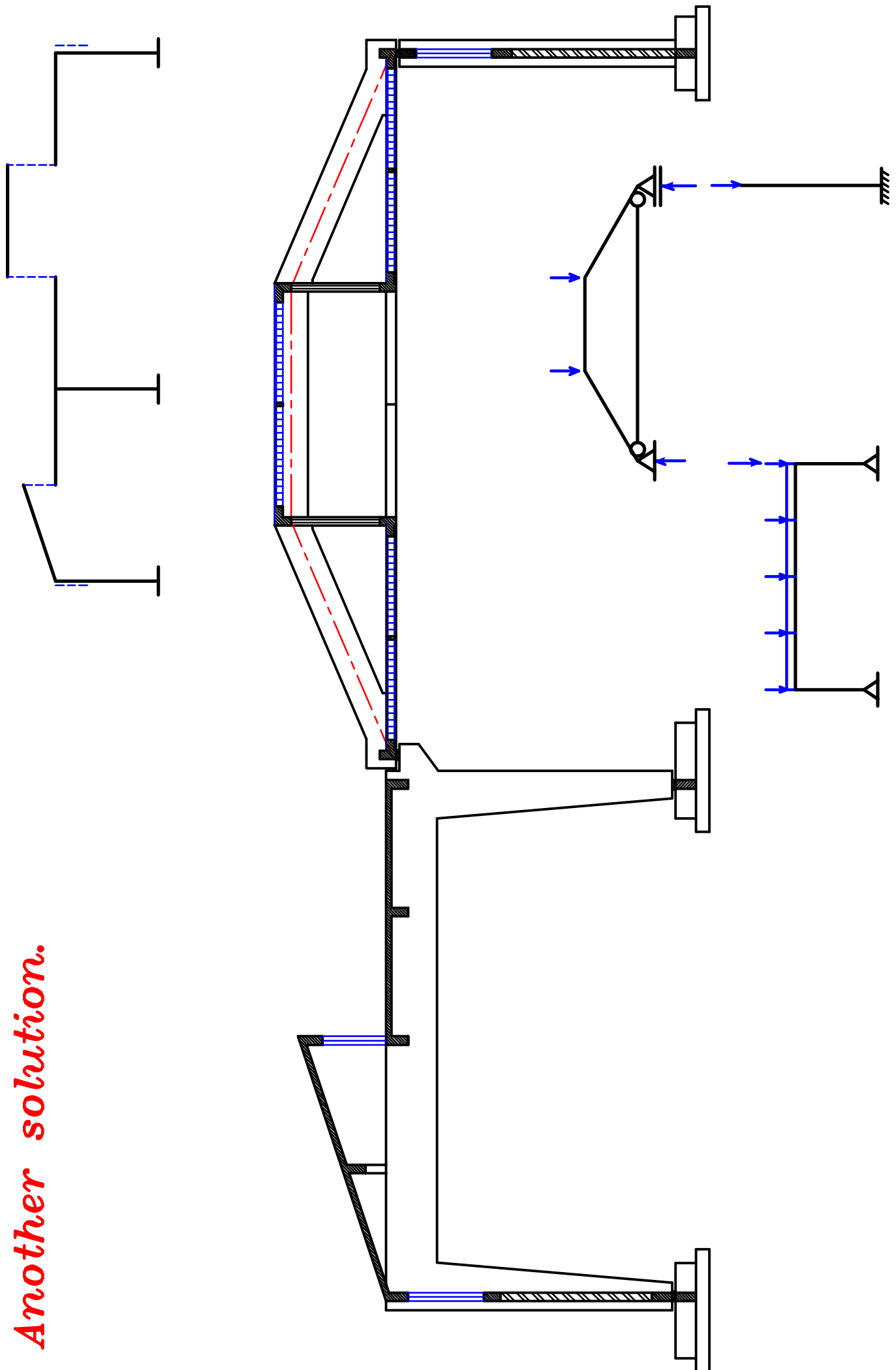
Without any calculations, but with reasonably assumed concrete Dim. Draw a Cross sec. elev. scale (1:50) Showing all concrete elements.



Better solution.



Another solution.



Important Notes.

Tie

To design the Tie

$$A_s = \frac{T_{U.L.}}{F_y / \phi_s}$$

عند تصميم ال Tie نحسب كميه الحديد على أن ال stress على الحديد يساوى $\frac{F_y}{\phi_s}$

تحدث استطاله فى ال Tie قيمتها Δ_{Tie} تعتمد على قيمه ال stress على الحديد

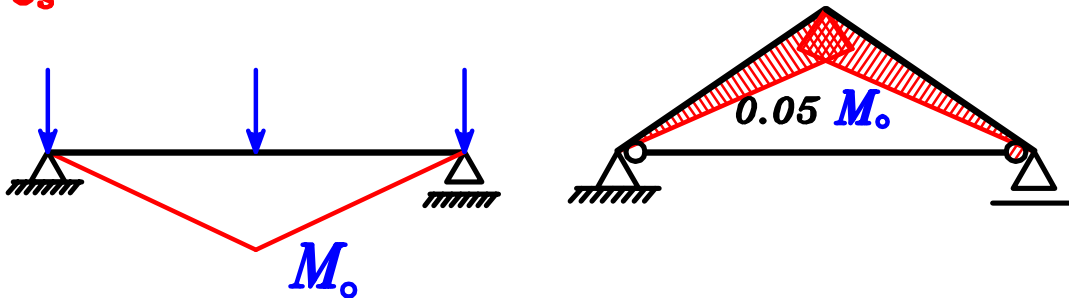
$$\Delta_{Tie} = \frac{\text{Steel stress} * L}{E_s}$$

L = Length of the Tie.

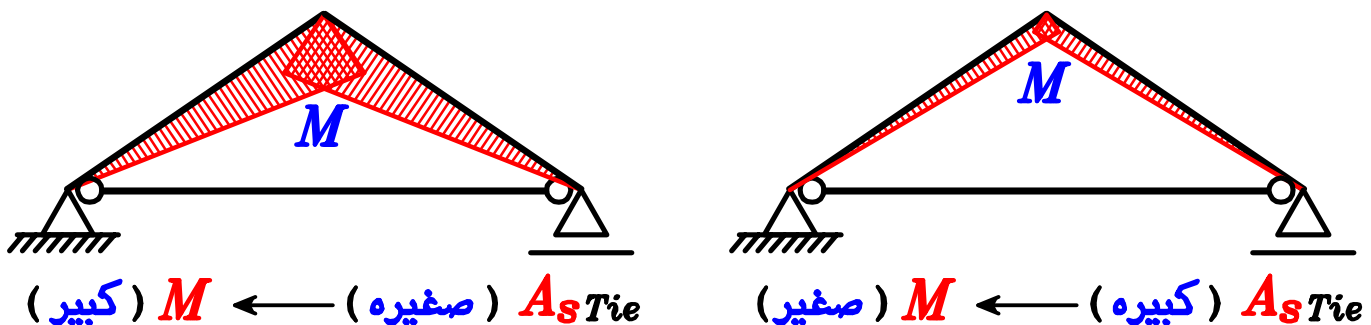
$$E_s = 2.10 * 10^{-5} \text{ N/mm}^2$$

كلما زادت كميه الحديد الموضوع فى ال Tie كلما قل ال stress على الحديد
كلما قلت الاستطاله فى ال Tie

فى ال **polygon Frames** المفروض أن يكون العزم يساوى **zero**
و لكن لحدوث استطاله فى ال Tie ينتج عزم بسيط فى ال **polygon Frame**
يساوى تقريبا ($0.05 M_o$) و هذا على أساس أن ال stress على الحديد يساوى $\frac{F_y}{\phi_s}$



كلما زادت كميه الحديد الموضوع فى ال Tie كلما قل ال stress على الحديد
كلما قلت الاستطاله فى ال Tie كلما قلت قيمه العزم على ال **polygon Frame**



(كبير) M ← (صغيره) $A_s Tie$

(صغير) M ← (كبيره) $A_s Tie$

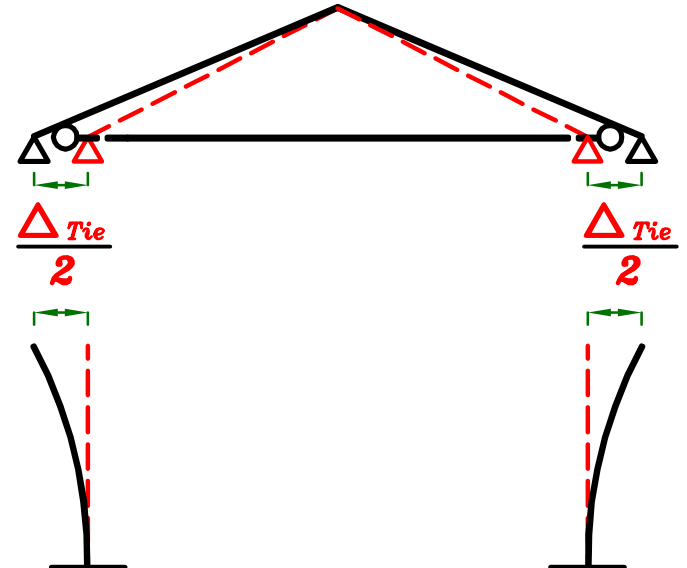
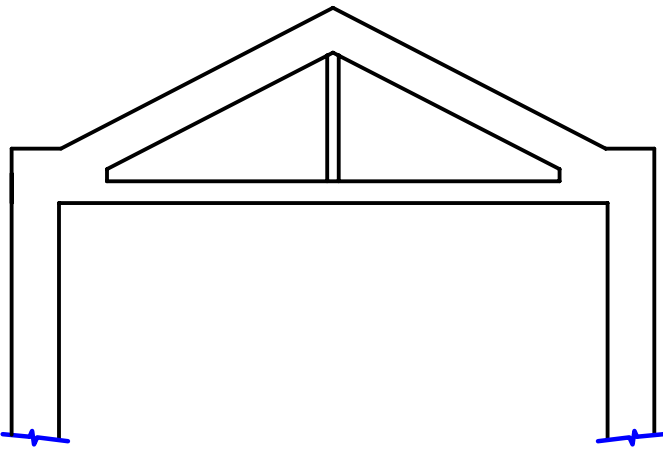
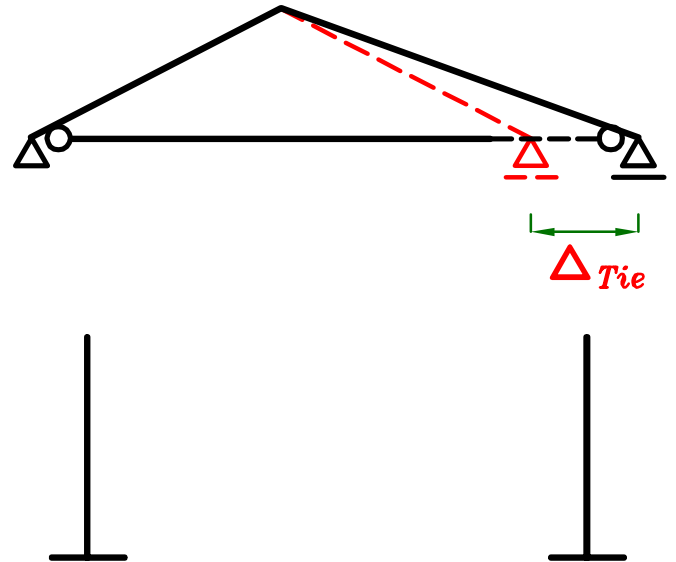
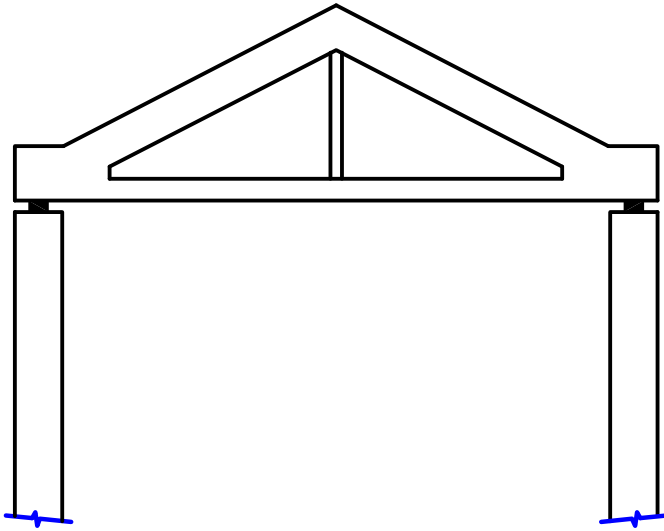
يفضل أخذ ال **supports** لـ **polygon Frames**

عبارة عن **Roller-Hinged** و ليس **Hinged-Hinged**

و ذلك لانه فى حاله ال **Roller-Hinged** عند حدوث Δ_{Tie} يتحرك ال **Frame** فوق ال **Roller** و لا يعمل عزوم على الاعمده

أما فى حاله ال **Hinged-Hinged** عند حدوث Δ_{Tie} يتحرك ال **Frame** فيحدث حركه جانبيه (**sway**) للاعمده تساوى $(\frac{\Delta_{Tie}}{2})$ فيتسبب فى حدوث عزوم

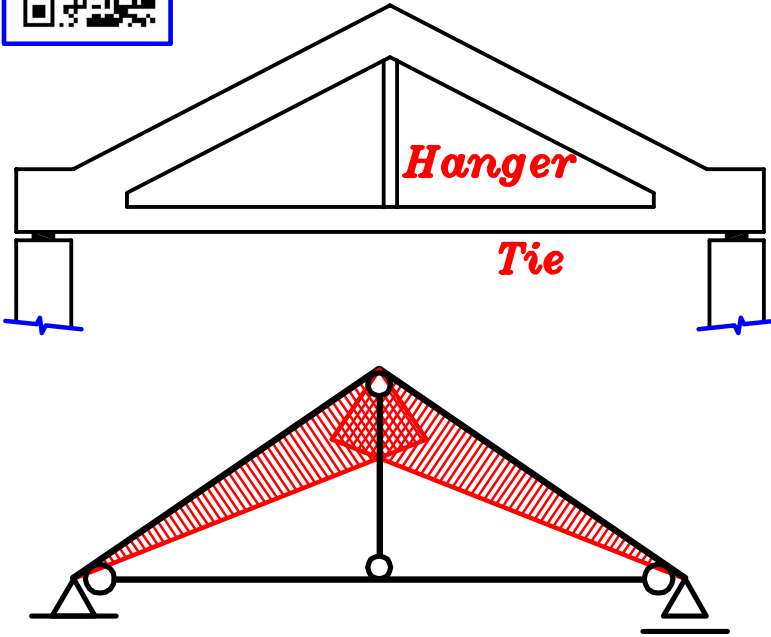
$$(M = \frac{3EI}{h^2} \frac{\Delta}{2}) \text{ على العمود يساوى}$$



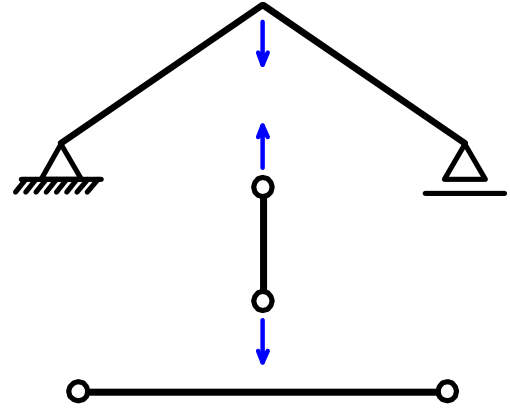
الابعاد الخرسانيه لل **Tie** تكون صغيره وعاده تؤخذ $(b * b)$ لذا نعتبر أن ال **stiffness** لل **Tie** تساوي **zero** لذا لا تنتقل أى عزوم من ال **polygon Frame** لل **Tie** و يكون النظام الانشائى كالآتى :



ينتقل وزن ال **Tie** الى ال **Hanger** و منه الى ال **polygon Frame**

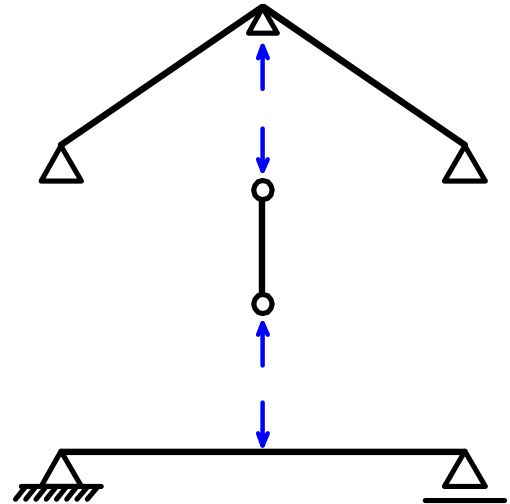
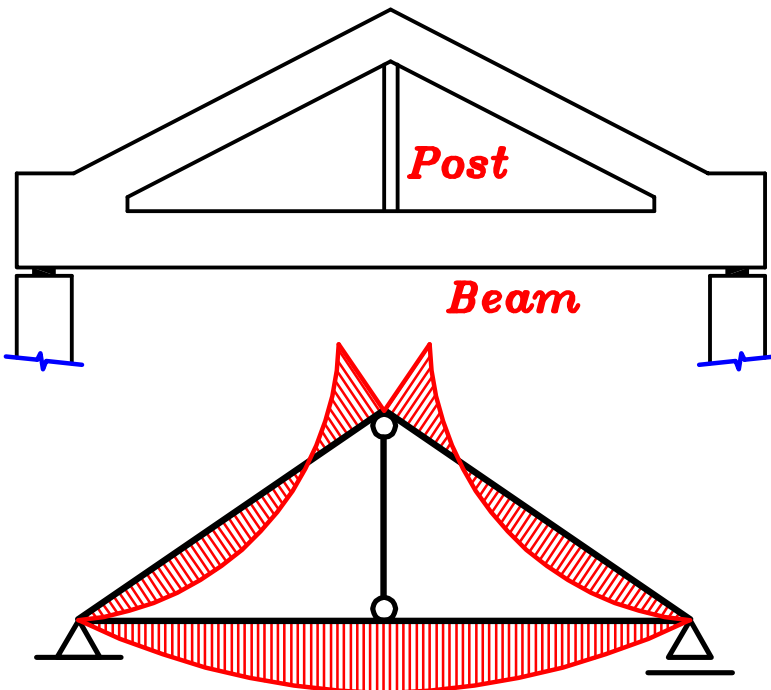


B.M.D.



اذا كبرنا جدا الابعاد الخرسانيه لل **Tie** بحيث تزيد ال **stiffness** لها عن ال **stiffness** لل **polygon Frame** تسمى كمره و يكون النظام الانشائى كالآتى :

ينتقل الوزن من ال **polygon Frame** الى ال **post** و منه الى الكمره



Reinforcement splices in Tie.

و وصلات التسليح فى ال Tie.

- اذا زاد طول السيخ عن -١٢م **المفروض** أن نعمل وصله فى سيخ الحديد .
- و فى ال Tie يجب أن يكون نوع الوصله **باللحام** أو **وصله ميكانيكيه**.

Welded or Mechanical splices.

أى لن ينفذ معها وصلات بالتراكب **Lap splices**

الوصلات الميكانيكيه Mechanical splices.

يجب أن لا يقل قطر السيخ عن ١٦ مم **min ϕ 16**

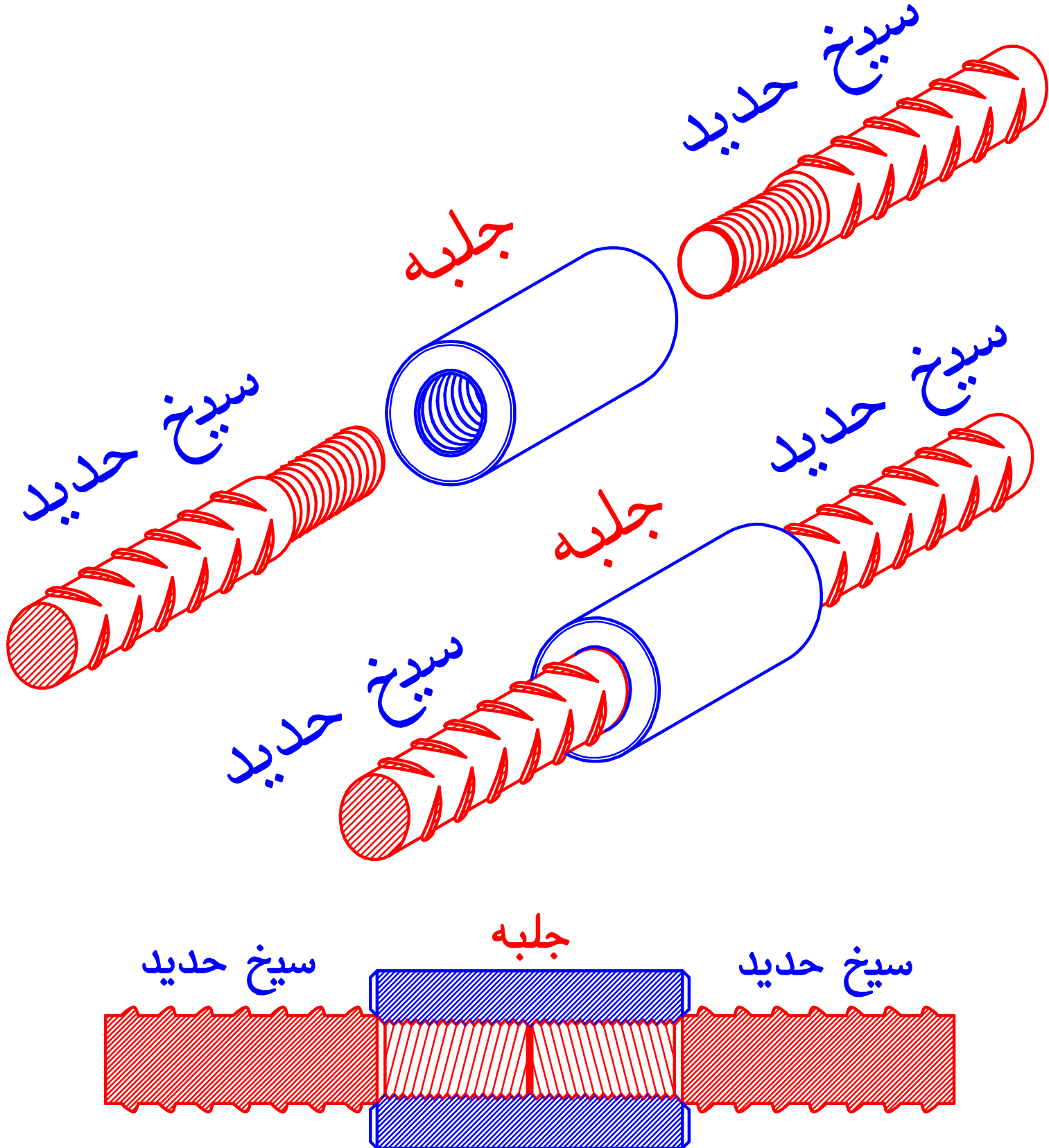
- و يستخدم معها **جلب** من الحديد الصلب مواصفاته لا تقل عن مواصفات الاسياخ الموصوله
- كما يجب أن لا تقل مقاومه قطاع **الجلبه** عن ١,٢٥ **مره** لـ **F_y** للاسياخ الموصوله .

و الوصله الميكانيكيه لها طريقتين للتنفيذ :

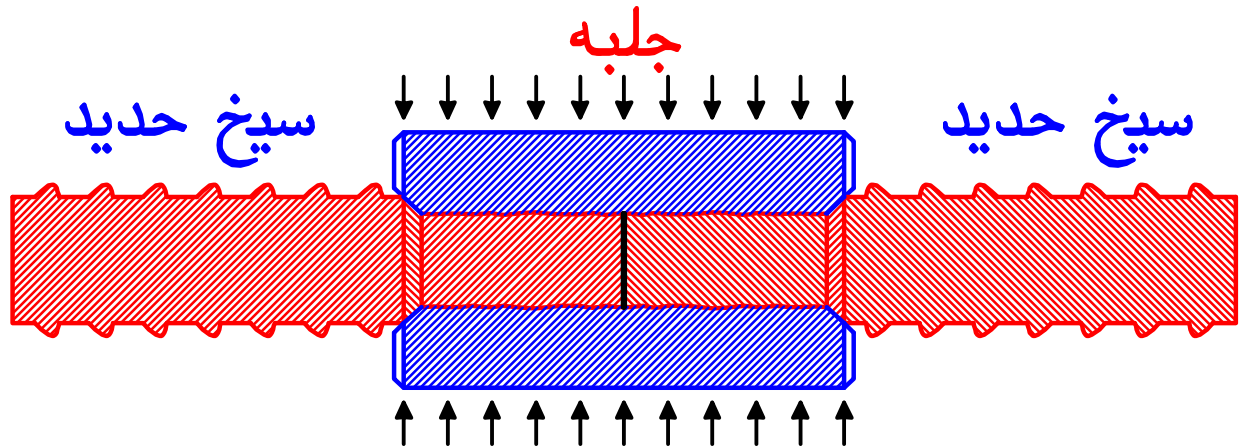
- ١- بقلوظه الاسياخ من الخارج و الجلب من الداخل .
- ٢- بضغط الجلب فى مكابس خاصه على نهايات الاسياخ ذات النتؤات .

و الوصله الميكانيكيه لها طريقتين للتنفيذ :

- ١- بقلوطه الاسياخ من الخارج و الجلب من الداخل .
تنتقل الاجهادات بين الاسياخ بواسطه الارتكاز بين اسنان قلوظ السيخ و اسنان قلوظ الجلبه .



- ٢- بضغط الجلب فى مكابس خاصه على نهايات الاسياخ ذات النتؤات
لتنقل الاجهادات بين الاسياخ بواسطه الاحتكاك بين السطح الداخلى للجلبه
مع السطح الخارجى لنهايه الاسياخ .



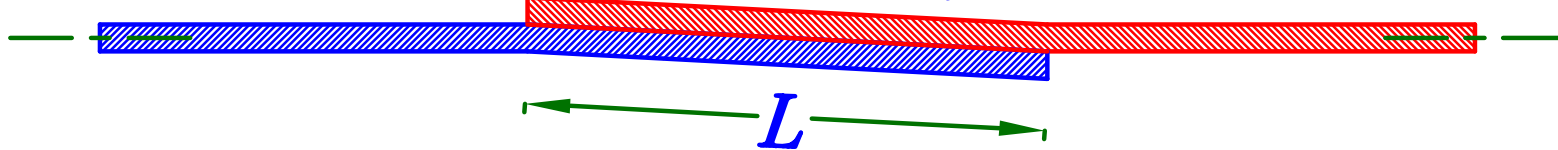
Welded splices.

وصلات اللحام

يجب أن لا يقل قطر السيخ عن ١٦ مم $\min \phi 16$

- ١- يستخدم لحام كهربائى .
- ٢- يجب أن يكون محور السيخين الملحومين على استقامه واحده .
- ٣- يجب ان لا تزيد مساحه الاسياخ الملحومه فى قطاع واحد عن ٢٥ %
و باقى الوصلات على مسافات طويله لا تقل عن ٢٠ مره قطر السيخ الملحوم .

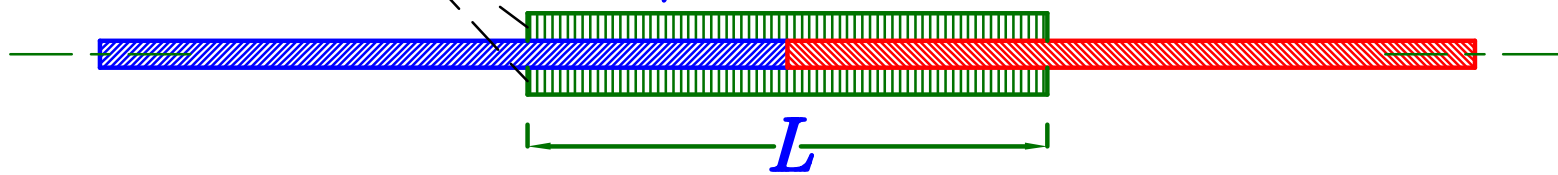
الطول المطلوب للحام الوصله



وصلات اللحام بالتراكب

أسيخ اضافيه

الطول المطلوب للحام الوصله



وصلات اللحام بأستخدام أسيخ اضافيه